

THEORICA MUSICE FRANCHINI GAFVRI LAVDENSIS.

Introductions				maiores f. galon			
ton?	la	sol	re	ton?	la	sol	re
seitoz minus	la	sol	re	seitoz minus	la	sol	re
apothome	la	sol	re	apothome	la	sol	re
seitoz	la	sol	re	seitoz	la	sol	re
ton?	la	sol	re	ton?	la	sol	re
g m	la	sol	re	g m	la	sol	re
f m	la	sol	re	f m	la	sol	re
f m m m	la	sol	re	f m m m	la	sol	re
to	la	sol	re	to	la	sol	re
to	la	sol	re	to	la	sol	re
f m	la	sol	re	f m	la	sol	re
apothome	la	sol	re	apothome	la	sol	re
seitoz	la	sol	re	seitoz	la	sol	re
to	la	sol	re	to	la	sol	re
to	la	sol	re	to	la	sol	re
seitoz	la	sol	re	seitoz	la	sol	re
to	la	sol	re	to	la	sol	re
ton?	la	sol	re	ton?	la	sol	re
seitoz	la	sol	re	seitoz	la	sol	re
to	la	sol	re	to	la	sol	re



Errores Impressoris negligentia commissi in hoc opere : quibus & sententia uariari & mens lectoris dubia reddi potest corrigantur hoc modo.

IN PRIMO LIBRO.

In Primo Capitulo i linea q̄ incipit natura cblectamētuz̄ corrige oblectamētōz̄
Item in linea quæ Incipit chil tam facile Corrige facile
Item in linea quæ incipit Principes ac rerum publicarū senat⁹ rubia corrige tuba.
Item in linea quæ Incipit percepi posse Corrige percipi
Item i calce primi capituli i linea quæ incipit cis solertiores. pfecto corrige pfecto
In Secundo Capitulo in linea quæ Incipit uis stellā semitoniō Corrige semitoniū
In tertio Capitulo in septima linea que incipit partes coniungat aconiuncta corrige coniuncta.

Item in linea quæ Incipit ut Censorinus refert partes Corrige partus
Item in linea quæ incipit impare corrige impares
In Quinto Capitulo in linea quæ Incipit qppe quæ in aio cōsta Corrige constat.
Item in linea que incipit sici constitutione perfecto corrige profecto.
In Sexto Capitulo in linea quæ Incipit pondere non pssit Corrige possit :

IN SECVNDO LIBRO.

In calce Quinti capituli in linea que incipit consonantiam implet superbipartienti corrige duplæsuperbipartienti.

Itē in p̄xima ibi linea quæ Incipit superbipartienti Corrige duplæsupbipartiēti.

IN TERTIO LIBRO

In Secundo Capitulo in linea que incipit precise: est quæ corrige q̄

In Quarto Capitulo in linea quæ Incipit Qui si eo Corrige q̄ si eo.

In Quinto Capitulo in linea que incipit Restat insuper scitu dignum quandā naturæ secretam adde dispositionē.

IN QVARTO LIBRO.

In Secūdo Capitulo in linea duodecima q̄ incipit 9 ad 4 sesquialterā corrige 6 ad 4

In Capitulo tertio in linea q̄ incipit mox fiet. 2187 itē 25⁹. numer⁹ corrige itē 256 numerus

Item in linea quæ Incipit sonantia in minoribus Corrige i maioribus.

In Capitulo sexto i linea septia quæ incipit tinua detraxerimus deleatur geminata quia uacat

Itē i linea sequēti q̄ Incipit to ablata p̄portionis. s. sesquioctauæ Corrige sesquētia

IN LIBRO QVINTO ET VLTIMO.

In Capitulo secundo in linea quæ incipit nio & tono q̄ corrige quam

In Capitulo sexto i prima linea q̄ incipit Latinoz̄ puidētia imitata corrige imitata

Itē i linea q̄ incipit. inf hāc & secūdā precedētē Corrige inf hāc scdā & precedētē

Capitula huius theoricæ operis.

LIBER PRIMVS.

De musicis & effectibus atq; commendatione Musicae disciplinae C.	Primum
De Musica mundana	Capitulum Secundum
De Musica humana	Capitulum Tertium
De musica instrumentali	Capitulum Quartum
De Musico & cantore	Capitulum Quintum
Plus confert Musico Ars q̃ natura	Capitulum Sextum
De Iudicio Musicae	Capitulum Septimum
De Exquisitione & Inuentione Musicae Consonantiarum	Capitulum Octauum.

LIBER SECVNDVS.

De Diffinitione Musicae & de Accidentibus Sonorum	Capitulum Primum
De Sono non Voce & Vocum Distinctione	Capitulum Secundum.
De Grauitate & Acumine atq; Interuallo	Capitulum Tertium.
De Formatione Consonantiae.	Capitulum Quartum.
In Quibus Proportionibus Consistant Consonantiae	Capitulum Quintum.
Quid sit numerus & q̃ in cunctis rebus est necessarius.	Capitulum Sextum.
De multiformi numerorum diuisione	Capitulum Septimum
De principiis numerorum & eorum progressionibus	Capitulum Octauum

LIBER TERTIVS

De discreta & Continua quantitate.	Capitulum Primum
De diffinitione & distinctione proportionum	Capitulum Secundum
De quinque generibus proportionum maioris & minoris æqualitatis. C.	Tertium
De formatione specierum cuiuscunq; generis	Capitulum Quartum
De productione superparticularium ex multiplicibus & superpartentium ex superparticularibus.	Capitulum Quintum.
De exquisitione plurium consimilium superparticularium proportionum. C.	Sextum
De Triplici proportionalitate	Capitulum Septimum
De Proportionibus conducentibus musicas consonantias	Capitulum Octauum

LIBER QVARTVS.

De consonantiis ex Proportionibus eductis	Capitulum Primum.
De natura & formatione consonantiarum ex proportionibus	Capitulum Secundum
De natura toni & semitoniorum	Capitulum Tertium.
De natura Diapentes & Diapason	Capitulum Quartum
De ordine consonantiarum	Capitulum Quintum
Diapason consonantia ex alio quam ex multiplici genere euenire non potest. C.	Sextum
In quo genere consistant diapente diatessaron & Tonus.	Capitulum Septimum
De Consonantiis Diapason diapente & Bisdiapason atque de interuallis aliarum simphoniarum.	Capitulum Octauum

LIBER QVINTVS ET VLTIMVS.

De Inuentione & dispositione sonorum	Capitulum Primum.
De tribus Tetracordorum generibus	Capitulum Secundum
De Interuallis quindecim cordarum	Capitulum Tertium
De dimensione cordarum per tonos & consonantias ex proportionibus deduc- tas.	Capitulum Quartum
De diuisione tonorum per propria semitonia	Capitulum Quintum
De Applicatione litterarum & sillabarum ad cordas secundum latinos. C.	Sextum
De speciebus diatessaron & diapentes	Capitulum Septimum
De speciebus diapason & de progressionibus modorum	Capitulum Octauum

F I N I S .

AD MAGNANIMVM ET PIENTISSIMVM DOMINVM LODO-
VICVM MARIAM SPHORTIAM VICECOMITEM: BARI DV-
CEM: PRINCIPIS EXCELLENTISSIMI: ET REI MEDIOLANEN-
SIS GVBERNATOREM: FRANCHINI GAFVRI LAVDENSIS
IN DELVBRI MAIORIS CHORO PHONASCI THEORICVM
OPVS MVSICE DISCIPLINE.

q Vox magis sententiæ accedere debeã maxime aui tui Rector Lo-
douice Sphortia: an eorũ qui tã ocii quã negotii rationem exigũt
& neglectũ (emoriẽte opera) diẽ duplici scẽnore calũniatricis di-
ligentiæ refarciendum putant: an eorum qui turpem desidii notã & ignaui so-
cordi.e ignominiam brutis animãtibus onerosam & peculiarem sarcinã attribuũt
nundum satis compertũ habeo. Ii quid hominem liberũ agere conueniat: Ii quid
unũquẽq; fugere maxime oporteat: ante oculos quasi in tabuli proponũt. Verũ
.n. uero cum ad utranq; opinionem bonarum artũ & litterarũ studia iprimisq;
scribendi exercitatio sit illic facere uideantur: recti ocii mei sancendam rationẽ ar-
bitratus: ad musicen litteris a squalore & iniuriã afferendã cõuersus: & si id mihi
non arrogem ut ueterũ uberiore Ingenio conquisitissima uolumina superare aut
æquare possim certe æmulari uoluissẽ (quanuis non assecutus) pulcherrimum
nec iniucundissimum iudicaui. Illud solum industriæ & solertiæ meæ opus uin-
dico si non magna extimatione pensandum: plurima tamẽ & cõmoda utilitate ex-
timumandum: q; cum ueteres illi ceterarum artium blanda copula & annexu inna-
to egregio acumine & uerborum luxuriante copia ueluti multiplicibus radiis &
aculeis dissentium aciem oratione perstringant: Recentiores fere omnes incom-
parabili iactura seu ignauiã seu ignorantia ad artem ipsam halucinantes insul-
sissima quandoq; tum inania partim falsa & arcenti barbarie ieiunq; stilo inuolu-
ta & confusa prodiderint: Nos ab extremis medio decurrente linea per expeditũ
iter ecphrasi idest mera pur. q; enarratione tritis non sordidis uocabulis scribe-
re ossi uetustate obsoleta nouauimus: succata & infecta repurgauimus tenebri-
cosis lucem: subtilioribus aditum: hærentibus fidem addidimus: ut uigilias no-
stra, explorari introrsumq; cognosci ad minutias usque apprime cupiamus. No-
uitorum non improbitis opusculis id super ingessimus: ut faciliorem discere
auentibus uiam aperuerimus. non q; ab iis nostrã auersa uel absona sint: sed
quia adeo non parum momenti habeat referatq; quo modo quam non inconcine
& quam dilucide quicquam dicatur. usq; euenit ut qui artes excoluerunt in-
uentoribus ipsis (q; magis prosint) præferantur: sicut qui erutum ex
terrã uisceribus aurum purgant: & ad utum gentibus partiuntur hos excellũt

qui ex aurifodinis res pretiosius scrutantur. Auxit uero opinionem meam
(ut currenti calcar subderet) uir consummatissimus Iacobus tuus antiquari-
us: cuius tanta est uel auctoritas uel religio uel cum summa morum & uitæ
integritate scientiarum omnium eruditio: ut nil æque contentiosum sit: quam
quo magis præstet uelle diutius perquirere. Huius cohortatione ad scri-
bendum pellectus uagum alioquin opus tibi bona fide (ea scilicet quæ prin-
cipi debetur integra) & antiqua deuotione dedico principum mittissime:
Liber hic uernaculus transfuga meus cuius uita sub alea capitali calculo est:
te sibi contra uilitigatores asserit patronum nuncupat & facilem dominum
recognoscit & quando doctrinæ nobile diuersorium ex thesauris opulentia
tuæ publicasti liberalia studia prouehis opificum & agricolarum curam non
negligis humilem sub lare sanctissimo locum precatur: Tu Martii laboris
scientissimus conclusis Iani frementis foribus pacem abortiuo bello Italiae
non modo & Europæ uerum orbi & gentium nationibus consecrasti: Tu fir-
missimo hominum consensu humanitatis prudentiæ & liberalitatis palmam
utraq; manu occupasti. Nichil nisi magna sapientia cogitas: maiore consilio
disponis: paterna & maxima fortuna regis & gubernas. Quare & tibi sapientis-
sima arborum Morus cognomen dedit. Tu uirtutes toto orbe fugientes reuocare
amariq; & exquiri cogis dum ueterum imperatorum more: rei publicæ tuæ scilicet
Augustus: doctiores probas: præmia laboribus proponens amplissima: Hac cœ-
lesti ad æternam ingentis nominis adorem semita tecum ueteres iere heroes:
quos de humano genere bene merentes grata numinibus ascripsit & rudis anti-
quitas: Suscipe igitur hilari (quod soles) fronte ab homine tibi deditissimo
(lucubraturum musices opus: & licet eruditissimum tuum antiquarium literato-
rum cœtu confoueas & cantorum tibi chorus integer suauissimo concentu ap-
plaudat: dignare (quo ad occupationes tue pmiserint) qd i me potuerit nouissimū
ingenium inspicere. Quod si (ut cupio) bene cesserit: age ut tua liberali comē-
datione liber ornatus absolutusq; publicum qui præpetibus pennis acceperit
dignus habeatur. Vale.

AD LECTOREM.

Quisquis ades : cuius digitis dictata teruntur
Nostra : bonus quisquam si tamen ista rei it :
Num placeo : an laus una labor : Iuuisse placendo
Mens fuit : an meriti pondus inane mei est ?
Ambigo : promeritum fastidit gratia ? nulla est
Gratia : uix tabulis gratia nomen habet.
Quid Maurus : leget hæc princeps ? leget : acrior angit
Cura : erit hic laudis fructus ut ille legat.
Perlegat : exemplo releget quicumq; : dicatum est
Huic opus : auspitiis exeat huius opus .
Prima grauant : animos sueuit mulcere uoluptas
Proxima : sic studium quod fluit arte iuuat .
Ocia qui fouit numeris : agit ocia ne sint
Ocia : sunt cautis ocia grata tamen.
Aethera tellurem pontum uolucresq; feraſq;
Astra deos homines Musica auerna rapit
Ingenio experiente prius : nunc arte probentur
Cantus : nunc ratio est : prima libido fuit :

DE MUSICIS ET EFFECTIBVS ATQVE COMENDATIONE MUSICAE DISCIPLINAE CAPITVLVM PRIMVM.

d

Iuturni studii lectione deprehendi musices disciplinam antiquis temporibus apud uates maximo doctissimorum honore complecti quippe quam Iosephus. ac sacre littere Iubalē de stirpe chaym cythara & organo primum instituisse ferūt ex numeraro maleorum sonitu exquisitam. Nonnulli tamen alios existimant uariis atque diuersis modis instrumentisq; primitus claruisse. Heraclides nanque ponticus quem Plato in siciliam nauigans Academie praefecit Amphionem Iouis & Antiope filium cythare cytharisticque cantus primum auctorem a patre Ioue instructum rettulit. Alii Linum euboicum ex chalcide insignem habuerunt Apolinis & Terpsicore filium uel secundum alios Amphimaro Mercurio ue patre uraniaque matre natus liram primus reperit: Liricoque carmine lamentationes ita scripsit ut Anthes anhedonius qui simul fuit hymnos. Dicuntur etiam eadem fuisse tepestates alii complures & Pierius ex pierio macedonie monte qui de musis poemata contexuerit. Et Philamonem delphum latone & Diane atque Apolinis originem in modulationibus declarasse legimus qui primum tempora illius templi quod delphis esset constituit. Thamiras quoque ipsius philamonis filius sonantius & modulantiis omnibus qui per id temporis erat cecinisse perhibetur. Demodocus Corcyreus haud ignobilis apud antiquos musicus ut ipse Heraclides inquit carmina scripsit de illius excidio & de ueneris atque martis concubitu. Phemius Itaceffius eorum qui cum Agamenone ex troia reuersi sunt reditum uersu complexus est. Et hi quidem omnes uersibus conscripserunt quibus postea modulos addiderunt: ut & Terpsicorus ac reliqui prisca lyrica carminumque poete soliti sunt. Terpander namq; primus lyricas regulas scribens lyram eptacordo contexuit. quod nonnulli tamen Philamoni attribuunt pro singulis cythariaci cantus regulis suis scilicet & Homeri uersibus singulos modulos addidisse. Eodem quoque modo Clonas elegus poeta & epicus primus tibicinicas regulas concentusque constituit: post quem Polymnestus colophonius eadem poemata secutus est. Regule autem cytharae due multo prius quam tibycinicae reperte sunt Terpandri temporibus & constitute. nam Terpander ipse primus cytharedicas regulas ac modulos tum Boetiū & Eolium: tum Trocheum & acutum: tum Cepionem & Terpandriū appellauit: scripsitque phemia cytharedica quanquam Alexander i eorum collectione qui circa phrigii pulsationes uersati sunt narrat Olimpum phriga qui primus & tibicinicam tulit ad grecos & ideos dactilos & id quidem Mide regis phrigie temporibus quem primum obliquā tybiā inuenisse dicunt. Sed qui primū tibia usus

Iosephus
Iubal

Heraclides
Amphion
Linus

Anthes

Pierius
Philamon

Thamiras
Demodocus
Heraclides
Phemius

Terpsicorus
Terpander

Philamon
Clonas

Polymnestus

Terpander

Alexander
Olimpum
Mida

Hyagnis	fit Hiagnin fuisse deinde eius filium Marsyam qui adeo superbia clatus tibia-
Mariyas	ca se artis inuentore iactabat ut Apollinem ad musicum certamen prouocaret
Apuleus	quem ab ipso Apolline deuictum excoriatum uiuum tradunt Apuleus & Dio-
Diodorus	dorus. Postea uero huius marsye discipulum Olympum qui & ante bellum tro-
Olympus	ianum natu grandior fuit quam Phrix Olympus quem diximus. Atqui Terpā-
Terpander	drum secutum esse Homeri uersus sed modulationes Orphei. Orpheus autem
Orpheus	neminem dicitur imitatus utpote quod nondum quisquam fuisset preter tibi-
Clonas	cines poetas. Sed quæ Orpheus cecinit nullam habent cum eis similitudinem.
Archilocus	Clonas autem quem tibiae regularum poetam non multo post Terpandru
Ardalus	fuisse constat secundum Archades Tegeates fuit sed secundum Boeticos The-
Polymnestus	banus. Post uero duos Terpandrum & Clonam affertur Archilocus quāquam
Aristoclides	historici quid im tradunt Ardalum quendam troezenium ante Clonā constituis-
Phrinis	se tibiae musā. Alii autē Polymnestum asserunt At Terpandri Cytharedia
Olympus	ad etatē usq; phrinidis mitylenei omnino simplex seruata est. quo tēpore exacto
Polycephalus	sub Aristroclide cytharedo genus a Terpandro ducente Phrinis ipse peritissim
Glaucus ita-	euasit: qui & primus priscam illam & simplicem musicē mutare & in nouas har-
lus	monias numerosq; traducere cepit. Olympus uero phrix quem modo memini-
Terpsicorus	mus regulam condidit tibiae in Apollinem. hic unus ex his fuit qui ex pri-
Sacadas	mo illo Olympo Moyso pcefferunt a quo quidē Marsye discipulo regulæ mo-
Apollo	duliq; in deos constituti sunt quos postea in greciā aduexit. Alii tamen Polyce-
Alceus	phalum non Olympi phrigis sed Cratetis quem Olympus docuit fuisse contē-
Mercurius	dunt. Glaucus autem Italus i priscorū poetarum monumentis harinatium fuisse.
Egiptii	Olimpi modulum asserit. qd & ex Terpsicoro hymeneo iutueri licet qui neq; Or-
Olyris	pheum nec Terpandrum nec Archilocum nec Thaletem imitatus est sed Olym-
	pum. Quidā item dicunt hanc regulam repertam a Misis qui apud priscos tibi-
	cines fuere: canebant. n. elegia modulationibus condita: Sacadum quoq; argiuū
	poetam hisce modulationibus & bonum poetam & terpythiorum uictorē tra-
	diderunt. Sunt & qui alius repetant hoc inuentum uolunt enim. Apollinem
	fuisse qui non cytharam solum sed etiam Tibiā multo ante Marsiam aut Olym-
	pum aut Hiagnin primus inuenerit. Id quidē patet ex illis choris atq; sacrificiis
	que ut Alceus scribit in quodam hymno cum tibiis Apollini deo prestabat anti-
	quitas. Preterea eius simulacrum quod fuit dely habuisse dicitur in dextra qui-
	dem arcum. In leua uero gratias: que singule singula musices instrumenta mani-
	bis gerebāt: una lyram altera tibiās: que autem fuit media ore fistulam tenebat.
	At Mercurium primum astrorum cursus obseruatorem fuisse & uocum harmo-
	nias ad inuenisse ferunt Egiptii: quique & lyram tribus neruis contextuit instar
	trium annitēporum: tres. n. instituit uoces acutam grauem & mediam: acutam
	ab estate grauem ab hyeme & mediam a uere sumens. Olyrim item musicis &

choreis delectari solitum ferunt:quem & musicorum multitudo & nouem ipse uirgines adolescentulæ tum canere solitæ tum in aliis erudite sequebantur quas deinceps græci musas appellarunt:has Apollo dictus est docuisse qua ex re musicus est nominatus. Ea uero musica instrumenta que lyre & trigona & lydi uocabantur Archades primi dicti sunt i Italiam attulisse:quippe qui nullo alio artificio antea uteretur preterquam pastoralibus fistulis. Clonam quoque tripartitæ legis iuxta Dorium & phrigium ac lydium modum inuentorem ferunt. Denique Thaletem & Xenodamum Xenocritum & Polymnestum atque Zetum & Arionem Timotheum Antigenamque & Polixenum ceterosque complures per id temporis claruisse conscriptum est. qui quo magis inter se discrepant eo maiorem & uetustatis & dignitatis musice cōiecturam afferunt. Nam propter uetustissimam antiquitatem humanæ inuentionis auctor incertior sit oportet. rei autem inuentæ dignitas adeo multos trahit i amorem sui ut singuli si fieri possit auctores se dici uelint quod nec modo in musicis sed & i phylolophia & i reliquis optimis disciplinis usu euenit. At quanta sit uis & potestas rationis harmonicæ quæ ut inquit Plinius ultimo secundi rerum naturam sibi ipsi congruere cogit succinte discutendum uidetur. Orpheum enim & Amphionem animalia ratione carentia saxaque & siluas cantibus traxisse confictum est. At musis concinentibus cantumque monstrato nonnullos homines ea uoluptate adeo delinitos fuisse tradunt ut canentes cibum potumque negligerent imprudenterque perirent ex quibus deinceps cicadarum genus sit natum munus hoc a musis nactum ut alimonia non indigeat sed absque cibo potumque quam diu uixerit cantet. Nullum quippe legimus tam imitte tamque asperum pectus quin obelctamentorum talium moueatur affectu. nam primi forte gentes sine rationis cultu barbaras uel saxi instar nullo affectu molles ad sensum uoluptatis canendo traxerunt quod & Quintilianus in musicis laudibus docet & Oratius in arte poetica his uersibus exprimit Siluestres homines sacer interpretsque deorum Cedibus & uictu fero deteruit Orpheus Dictus ob hoc lenire tygres rapidosque leones: Dictus & Amphion thebanæ conditor urbis Saxa mouere sono testudinis & prece blanda Ducere quo uellet. Cytharizantem quoque Arionem unda imersum Delphinus fidibus hominis amicitiam sibi ipsi persuasus sospitem ad littus euexit ut Herodotus in primo hystoriæ suæ & nono naturalium Plinius tradidere. In lidia nympharum insulas dicunt quas etiam recentior asserentium Varro se uidisse testatur quod in medium stagnum a continenti procedentes cantu tibiæ primo in circulum motæ de hinc ad littora reuertuntur. Egrunt & serpentes cantu allici atque dirumpi Elephantos indicos organica permultos uoce detineri: atque ceruos fistulis capi. Ciconesque cytharæ cantu adduci scribit Martianus capella. Nonnullæ ite aues ut cardueles & luscinie alieque cantum ueluti quadam disciplina artis exercent: & quasi omnes

Musæ
Apollo

Archades
Clonas

Thales
Xenodamus
Xenocritus
Polymnestus
Zetus
Arion
Timotheus
Antigena
Polixenus
Plinius
Orpheus
Amphion
Musæ

Quintilianus
Oratus

Herodotus
Plinius
Varro

Martianus

Cato
Musæus
Virgilius

Dauid

Cassiodorus

Timotheus

Pythagorici

Damon

Xenocrates

Thales

Ierophilus

Asclepiades

Terpander

Arion

Theophras-
tus

Democritus

atque item terrenæ aquatilesque beluæ inuitante cantu i retia sponte decurrunt ut hoc carmine prudentis promit auctoritas Fistula dulce canit uolucem dum decipit auceps. Musæum Orphei & nature filium arte preclarum prepotens Maionis lingua concelebrat dicens apud inferos summa felicitate constitutum quod per Elysios campos fœlices animas septem cordarum pulsibus animabat : summo indicans perfrui premio cui huius discipline contigit suauitatibus epulari. Mirandum quippe est atque credendum Dauidicam lyram diabolum expulisse : eumque sono spiritibus imperasse & canente ter cythara rex in libertatem rediit quem interius inimicus turpiter cruciabat : nullius enim instrumenti musici cantus efficacior est ad permouendos animos quam concauæ cytharæ blanda resultatio : quam in Epistola ad Boetium Cassiodorus cordam existimat appellatam eo quod facile corda moueat ubi tanta uocum concordia sub diuersitate collecta est ut uicina corda pulsata alteram faciat sponte contremiscere quam nullatenus contigit attingisse. Thimotheus cunctis musicis longe antecellens quoties libuisset animos hominum & uehementi accendebat harmonia rursusque molli ac placida placabat quippe cum in Alexandri conuiuio phrygium cantum modularetur usque adeo regem excitasse dicitur ut ad arma capienda prosiliret atque iterum ad comensationes epulasque reduxisset modulatione mutata. Pythagorici Iuuenis furentis in combustionem domus riuales in qua scortum continebatur melodiis animum sedarunt. Ebrios iuuenes perindeque improbius petulantes Damon modulorum grauitate perdomuit quippe qui Tibicini spondeum canere iubens temulente perturbationis dementiam infregit. Cum consulentibus quoque urbium patribus plebis incondite uulgius intremere seditione accensos crebrius cantus inhibuit Xenocrates organicis modulis lymphaticos liberabat. Thaletem cretensem cytharæ suauitate compertum est morbos ac pestilentiam fugasse. Ierophilus egrotantium uenas pulsusque rithmorum colatione pensabat : Asclepiades medicus freneticorum mentes morbo turbatas sepe per symphoniam sanitati restituit. Febrem curabant ueteres & uulnera cantu. Terpander & Arion lesbios atque Iones grauissimis morbis cantus erripere præsidio. Ischiacis quum maxime doleant tum si lenibus modulis tibicen incinat minui dolores a plerisque creditum est. Et Theophrastus uiperarum morsibus tibicinem scite modulare que adhibitum mederi censuit. At Democritus in libro de pestibus plurimis hominum morbis intentiones tiliarum medicinam fuisse docet tanta prorsus est hominum mentibus atque corporibus affinitas & propterea quoque uiciis ac animorum corporumque medellis. Rudibus autem & bellicosis uiris ducibusque maximis musices cura non de-

fuit Epaminondas princeps græcie fidibus preclare dicitur cecinisse. At Claudium Neronem adeo musice delectatum tradunt ut plumbi lamen pectori accurande uocis gratia & conseruande deferret qui & Terpnium cytharedum ea tempestate clarum preter alios magno munere donatum accersit. Nec longius exempla petamus: Principes nanque & duces hac nostra tempestate ueteres illos excellere musica suauitate multo magis deuictos uidemus quippe qui & exercitatione artis ad relaxandas curas in conuiujs & ludis atque operationibus fere cunctis musicos assistere concinentes & consequi sepius optant. Lacedemoniorum insuper exercitus tibijs musicisque modis accensus est. Cretes ad cytharam dimicabant. Amazones ad calamos arma tractabant quarum una que concipiendi studio uenerat cum Alexandrum saluaret donata tibicine ut magno munere gratulata discessit Lacedemonii in græcia in Italia Sabariste tibicines ad prelia præibant Quid aliud nostris in legionibus atque castris timpana & tube faciunt: quorum concentus quanto fuerint uehementiores tanto sunt animi bellatorum in certamine fortiores. hinc estimo romanam gloriam cæteris præstitisse in bellis nec mirum: cum & pusillis animalibus uictoriæ sit musicus clamor ut Virgilius in georgicorum libris hoc carmine de Apibus indicauit. Sin autem ad pugnam exierint nam sepe duobus Regibus incessit magno discordia motu Continuoque animos uulgi & trepidantia bello Corda licet longe præsciscere nanque morantes Martius ille aris rauici canor increpat & uox Auditur fractos sonitus immitata tubarum Tunc trepide inter se coeunt pennisque coruscant Spiculaque exacuunt rostris aptantque lacertos Et circa regem atque ipsa ad prætoriam dense Miscentur magnisque uocant clamoribus hostem. Interponebatur preterea hec musices disciplina summa ueneratione omnibus sacris solemnitatibus placandorum deorum gratia. Calamos nanque Marmedini & Aones in laudes inflauere celestium. Pandorium Egiptii pastoralibus fistulis dijs litabant. Cretes & Lacedemonii cythara tibiisque supplices se musis ante quam bellorum fata aggredierentur pretebant. Nabucodonosor rex omnia musicorum genera statuat quam erexerat imperauit. Hymnos laudesque deorum precibus mistas concini atque tripudia cantusque genera dijs consecrari in septimo legum Platonem tradidisse omneque musicum genus deorum opus arbitratum Strabonis liber decimus indicat. & que preterea ex hyperboeis ad delum olim sacra mittebantur cum tibijs & fistulis ac cytharis ea fieri mos fuit. At cum tibicines in æde Iouis antiquitus traditi apud romanos a proximis censoribus prohiberentur: egre passi Tibur uno agmine abierunt adeo ut in urbe nemo esset qui sacrificijs precineret: eius rei religio tenuit senatum legatosque tibur miserunt ut romam tibicines reuertentur ut Liuius sentit

Epaminonda
Claudius Nero

Lacedemonii
Cretes
Amazones

Lacedemonii
Sabariste

Virgilius

Marmedini
Aones
Egiptii
Cretes
Lacedemonii
Nabucodonosor
Plato
Strabo

Liuius

Ouidius

Romani

Virgilius

Ouidius

Olympus

quos recusantes cum Tiburtini percellere nequirent constituto die celebran-
darum cantu epularum inuitant & uino cuius auidum genus est oneratos
sopiant atque ita in plaustra uinctos coniciunt ac romam deportant nec pri-
us sentire quam plaustis in foro relictis plenos crapulae eos lux oppressit
quibus dum populli persuasionibus permanerent datum est ornatis cum can-
tu : hac que tunc sollemnis erat licentia per urbem uagarentur : restitutum-
que in aede uelendi ius iis qui in sacris praecinerent : quos Ouidius in fa-
stis his uersibus concinit Adde quod aedilis pompa qui funeris irent Arti-
fices solos iusserat esse decem Exilio mutant urbem tyburque recedunt Exi-
lium quodam tempore tybur erat Queritur in scaena caua tibia queritur
aris Ducit supremos nenia nulla choros . Conueniebat item hec discipli-
na ueluti sacris in aedibus ac sollemniis ita omnibus laetis & tristioribus rebus.
Ut enita in ueneratione diuina hymnific & in nuptiis hymenei atque in con-
uiuuiis lyra uel cythara circumferebatur accubantibusque singulis ordina-
batur conuiuiale canticorum genus : fuitque apud romanos in morem in
conuiuuiis egregia ad tibias superiorum opera carmine comprehensa pangere
quo ad ea imitanda iuuenum uirtutem redderent alacriorem quod in con-
uiuio didonis decantat musa Maronis Post alii procures cythara crinitus
Iopas Personat aurata docuitque maximus Athlas Hic canit errantem lu-
nam solisque labores. Id quoque ad nostra usque tempora celebratum con-
spicimus. In funeribus item threni lamenta tibis exprimebant ut in fastis
tradit poema nasonis Temporibus ueterum tibicinis usus auorum Magnus
& in magno semper honore fuit Cantabat phanis cantabat tibia ludis Can-
tabat moestis tibia funeribus . Olympum enim primum in pythonis sepul-
tura funeralia cecinisse tibia secundum lydium modulum tradit Aristoxenus
in primo sue musices . Hortatur & remiges cantus ad tolerandos quosque
labores : delectat homines atque excitat : affectus mouet : furiam placat : silue-
stres mansuescit lassatos exercicioque laborioso detentos facile efficit tolerare
Solatur & singulorum operum fatigationem modulatio uocis : animos in-
fantum iuuenumque ac senum demulcens . hinc quidem alia colloctionis
& uocis (ut eodem utar uerbo) modulatione concitationem iudicum ac prin-
cipum alia misericordiam petimus . Ipsas item ut iam diximus bestias nec non
serpentes uolucres atque delphinos ad suauem modulationis auditum mu-
sice prouocat . Quantam igitur praese dignitatem ferat musices disciplina
satis ea docet ratio quod deos habet auctores . loquor enim de prisca illa
& uirili ac bene morata admirabilique musice : nam quae postea mollis atque
petulans introducta est quam sit contemnenda nichilque faciunda in tertio

de re publica docet Plato. Sed hec nostra religio trinum deum unicumque sacris in edibus hymnis psalmis antiphonis & canticis organisque ac ceteris eiusmodi generis assiduis laudibus deprecando placare non desinit cum iuxta patrum constitutiones deuota cordis dispositione audientium atque adstantium animos ad compunctionem prouocet. Prohibentur quippe in diuinis cantilenæ carminaque lasciuia cum populum ad libidinem prouocent & mentem a diuina contemplatione seducant. si populi presertim uoluptate decantur. Recte igitur Salomon constructo templo dedicatoque orauit ut quicumque ingrederetur pro peccatis suis uel pro quauis tribulatione clamans ad dominum in his que iuste postularet exaudiretur. Cythara ceterisque generibus musicis David cum cantoribus laudes deo decantabat in domo domini: Inde scriptum atque celebratum est. Laudate deum in sono tubæ ac psalterio & cythara cordisque & organo ac cimbali iubilantibus. Cantores ante altare sacrificii cantica modulari sacra lex instituit omnibus spiritibus diuinis laudes imponens. At celestium ipsorum spirituum quos Socrates in re publica. Platonis syrenes nominauit non unus idemque modus est quem ipsi felices & celi omnes quibus insident decantare dicuntur sed pro illorum diuersitate tam diuersus quam consonus. Quo enim amplius diuersi sunt concentus eo magis & dulcius resonant. Superfident autem hi spiritus secundum suos ordines & eorum congruentiam ad sphaeras quatenus omnis harmonie uis reddundet quod Georgius anselmus in primo sue musices persuaadet. Interpretatur enim syren deus canens sed proprius incessantes a cantu spiritus sicut sphaeras a motu significari uoluit. Nostri uero theologi melius hos spiritus angelos nominant & in ordines nouem distinguunt unicuique officium atque ordinem suum tribuentes. Eos quidem quos absolute angelos nominant nunciantes uidelicet diuinam uoluntatem in terris: ad hominum tutelam in habitare dicunt elementorum orbem testes cunctorumque dicimus quæque agimus. Secundum ordinem Archangelos uocant orbis latori presidentes quorum officium est cum quid extra naturæ cursum diuina fuerit meditata uoluntas nuntios esse speciales. Tertius ordo uirtutes appellantur per hos deus miracula & portenta mundo indicat quæ uenturorum malorum signa sunt: hi mercurio insident. Quartum ordinem potestates appellant quibus ueneris coelum sedes est hi coercent immundos spiritus & malignos ne mundo ac naturæ humanæ cui semper insidiantur quantum optant nocere ualeant. Quintus ordo est eorum qui dicti sunt principatus: his sedes est sphaera solis: præsumt autem agminibus angelorum horum officium est administrare omnipotenti deo & principibus mundi quantum ualent

Salomon

David

Plato

Georgius

Angeli

Archangeli

Virtutes

Potestates

Principatus

Domitiões ad rectam monarchie gubernationem subuenire . Sextum ordinem domi-
 nationes appellant spheram martis inhabitantes sunt enim armatorum an-
 gelorum agminum duces quibus ueluti imperatoribus milites agmina ipsa
 obediunt : cohibent autem in terris iniuste pugnantes & iustis hominibus ad-
 iutorio sunt . Septimum ordinem thronos dicunt Iouiali orbi insidentes de-
Throni cretaque & diuinas leges atque iudicia nuntiantes . Octauus ordo est che-
Cherubin rubin quo nomine scientie multitudinem interpretantur . Insident hi sphere
 saturni quorum agmina summe sapientie uicinia omnem comprehensibilem
 sapientiam hominibus conferunt . Nonum ordinem Seraphin appellant id est
Seraphi ardentes hi & sapientia & potestate felicitateque ac leticia ceteros excedunt
 ordines angelorum his sedem prebet octaua sphaera quibus ampliore diuini
 luminis participatione intensior flamma & amoris & leticie atque perfectio-
 nis concessa est : ferunt eos diuinam faciem uelare quod infra illos positi spiri-
 tus & animæ diuinum (nisi parum) pati possunt aspectum quasi prohibe-
 ant : Est enim Angelus officii nomen non naturæ . Celeres quidem sunt
 & omnino infatigabiles pro necessitate discurrentes tempore non percepto
 atque ideo pictorum licentia tinguntur alati . Huic autem sphere spiri-
 tuum nullus insidere perhibetur est nanque eterni dei locus ad quem nul-
 li infra eum creaturæ accessus est . hoc orbe reliquorum infra se orbium
 melodia comprehenditur omnem penitus harmoniam exuperans . ideoque
 ibi uranem musam poetarum quidam posuerunt : eam quidem que ex
 musis nouem quas Iouis & memorie filias finxerunt omnem dicendi dul-
 cedinem complectitur & superat . Si quidem Theologi decimum asserentes
Georgius cælum dei altissimum nouam sedem nemini habitatum dixerunt ut inquit
 Georgius ipse anselmus . Nulla enim infra deum altissimum res diuinæ
 ineffabilique eius maiestati aut meretur aut potest prior fieri : neque om-
 nino tantum ualet uigorem tamque exuperantem pati aut cognitione conci-
 pere . sunt quippe omnia ad illam sicut oculi nicticoracis ad lucem .
 Nichil profecto aut maius aut intellectu dignius hac celesti angelicaque
 ac pene diuinā harmonia æstimandum puto cuius uoces & si humana
 auris audire refugit incessabiliter tamen altissimo spiritus ipsos iubilare &
Ambrosius Sanctus Sanctus Sanctus dominus deus sabaoth decantare Diuus Am-
Gregorius brosius & sanctissimus pastor Gregorius ac sancta mater ecclesia concele-
 brare non desinit . Inde mens nostra nihil celesti conuersione suauius :
 nichil profecto iocundius optare potest quam his carneis uinculis dissolui & sa-

cratissimis illis spiritibus associari. At diuina hec coelestisque disciplina que & sola summum creatorem ac celestes spiritus oblectat omni inferiori nature ita euenit ut si de humana sumpserimus argumentum singulis ætatibus usui sit atque frugi hisque naturalem conferre delectationem & singulis moribus amicam esse atque conuenire Aristoteles docet. Crisipum enim nutribus que allactationi adhibentur infantibus proprium quodam ad reppri- mendos uagitus assignasse legimus carmen. Socrates & Plato atque Pythagorici moralem apparatus musicæ attribuentes adolescentes ac iuuenes iu- uenculasque mulieres in musicis erudiri non ad lasciuia incitamenta quibus disciplina ipsa uilescit sed ad motus animi sub regula rationeque moderan- dos comuni lege mandarunt. ut enim non omnis uox sed tantum quæ bene consonat ad soni melodiam ualet ita & motus animi non omnes sed qui ra- tioni conueniunt ad rectam uitæ pertinent harmoniam. Vocem nanque & eius auditum huius rei gratia nobis deus dedit ut in Timeo Plato uidetur asserere nam ad hec ipsa sermo pertinet plurimumque conducit. Omnis enim musi- cæ uocis usus harmoniæ gratia est tributus. Atque & harmonia quæ motio- nes habet animæ nostræ discursionibus congruas atque cognatas: omni pru- denter musis utenti non ad uoluptatem rationis expertem: ut nunc uide- tur est utilis: sed a musis ideo data est: ut per eam dissonantem circuitum animæ componamus & ad concentum sibi congruum redigamus. Atque rythmus ad hoc uidetur esse tributus ut habitum in nobis immoderatum gratiaque carentem aptissime temperemus. Cum uero inquieta sit puerorum natura oblectamentorumque per omnia cupida & idcirco seueram non sus- cipiat disciplinam: merito sub honesta musice illius communissime uolupta- te uirtutis uestigia præferente iubet Plato ipse pueros educari. Imo ue- ro & seniores interdum quibus ad laboriosæ uitæ solamen oblectamenta que- dam honesta sunt adhibenda. Ea quoque in iuuentute esse paranda solatia quæ honestam ipsam ualeant oblectare senectutem. Quo fit ut pueris ipsis Plato triplicem cibi scilicet potus & coitus impetum ne quando precipitentur tripli- ci cohibuerit freno: timore scilicet & lege ac uera ratione: ut moderato ho- nestorum ludorum a puericia usu per honesta solatia a turpibus reuocati ad seria paulatim studia incitarentur. Voluit inde & corporis exercitatione: eos gymnasticis ludis uacare saltatione scilicet & luctatione. At saltatio alia mu- sicæ uerba imitatur magnificentiam ipsius libertatemque obseruans Alia bonæ ha- bitudinis leuitatis & formæ tū corporis ipsius tum partium membrorumque eius

Aristoteles
Crisipum
Socrates
Plato
Pythagorici

Plato

Dionisius

Curetes

M. Tullius

Oratius
Athenienses

Alcibiades
Antiginides

Nota

gratia apte flectit tenditque singula ita ut sufficienter motus harmonicus diffundatur consequaturque uniuersum saltationis ordinem. Inde Dionisius alicarnaseus libro secundo de Saliis sacerdotibus sic scribit Mouentur ad tibiam ex modulo enopliis motibus ad arma .s. aptis quandoque simul ac uicissim quandoque patria quedam carmina canentes cum tripudiis si lemnique saltu simul cum choreis: Choream autem & armigerum motum & in scutis factum per gladios strepitum (si coniectari licet ex sermonibus ueterum) Curetes primi instituere. Que uero in recta luctatione a collo manibus laterumque motu cum uictorie studio honestoque habitu, adhibentur & ad sanitatem uiresque conducunt cum ad omnia utilia sint haud negligenda censuit. Idque Marcus Tullius in libro de legibus his uerbis Platonis ipsius sententiam rettulit. Iam ludi publici quoniam sint cauea circoque diuisi sint corporum certationes cursu & pugillatione: luctatione curriculisque equorum ad certam usque uictoriam circo constitutis cauea cantu uoce ac fidibus & tibiis dummodo ea moderata sint ut lege prescribitur. Assentior enim Platoni nichil tam facile in animos teneros atque molles influere quam uarios canendi sonos: quorum dici uix potest quanta sit uis in utranque partem nanque & incitat languentes & languere facit excitatos tumque remittit animos tum contrahit. Ciuitatumque hoc multarum in graecia interfuit antiquum uocum seruare modum quarum mores lapsi ad mollicies pariter sunt immutati cum cantibus aut hac dulcedine corruptellaque deprauati ut quidam putant aut cum seueritas eorum ob alia uicia cecidisset: tum fuit in auribus animisque mutatis etiam huic mutationi locus: quamobrem ille quidem sapientissimus uir graeciae longeque doctissimus Plato ualde hanc labem ueretur: negat enim mutari posse musicas leges sine mutatione legum publicarum. Erat enim Atheniensibus in morem usus tibie atque utilis ut Oratius hoc carmine meminit in arte poetica. Tibia non ut nunc auricalco iuncta tubeque Emula sed tenuis simplexque foramine pauco Aspirare & adesse choris erat utilis atque &c. sed cum Alcibiades puer Antiginide tibicini instituendus traderetur adhibitas ori tibias atque inflatas: oris deformitate pudefactus abiecit ac fregit: quod cum percrebuisset omnium tum Atheniensium consensu disciplina tibiis canendi desita est. Ego si quidem sonorum discordiam in cantu plusquam oris deformitatem dedecere existimo. Complures enim in graecia condite urbes atque leges & decreta musicis rationibus instituta dicuntur que lyra uel tybiis recitabant. sed hac nostra tempestate Principes ac rerum publicarum senatus tuba cornibusque & huiusmodi seruanda statuta atque leges & decreta pandere. solent Hec itaque musica

disciplina priscis fuit usui uel ad diuinum cultum uel ad instituendam iuuentu-
tem uel ad conseruandam rem publicam & ciuitatem ac sine ullo theatri ap-
paratu quod nusquam erat. Musice utebantur in templis ubi & uenerando
numini & bonorum uirorum laudibus studebant inde Augustinus in secun-
do de ciuitate dei Scipionem dixisse refert ut in fidibus ac tibijs atque cantu
ipso & uocibus concentus est quidam tenendus ex distinctis sonis quem im-
mutatum aut discrepantem aures erudite ferre non possunt isque concen-
tus licet ex dissimilimarum uocum moderatione concors tamen efficitur &
congruens sic ex summis & medijs & infimis interiectis ordinibus ut sonis mo-
deratam ratione ciuitatem consensu dissimilimorum concinere & quæ har-
monia a musicis dicitur in cantu eam esse in ciuitate concordiam artissimum
atque optimum omnium in re publica uinculum incolumitatis eamque
sine iusticia nullo pacto esse posse. Liberalibus autem disciplinis amicam
esse musicen necessarioque competere uates sapientissimi comprobarunt
Architas nanque & Aristoxenus subiectam musice gramaticen dixerunt.
Eupolis & musicen docebat & litteras. & Maricas qui est hyperbolus
litteras ex musicis se scire confessus est. Aristophanes non uno libro pue-
ros antiquitus sic institui monstrauit Logici item musicen uenerantur so-
num ac uocem subiectum sibi uendicantes. Marcus Tullius musicen non
neglexit quippe quæ uocis curam oratoribus confert nichil quidem tam
musice proprium. Gaius græccus cum in tribunatu apud populum roma-
num orationem haberet seruum post se musice artis peritum eburnea fistu-
la occulte pronuntiationis eius modos formantem tenebat aut nimis remis-
sos excitando aut plus iusto concitatos reuocando quoniam ipsum calor at-
que impetus actionis attentum huiusce temperamenti æstimatorem esse non
patiebatur. At Carneaden cyrenæum uoce plus æquo sonora publico lu-
do legentem cum uoci ipsi modum non imponeret gymnasii princeps repre-
hendit. Theophrastus eresijs & Nicomachus arithmetrici musicen contrac-
tarunt Theodorus cyreniæcus & Architas geometrici musicen ipsam pro-
fessi sunt. Pythagoras & Ptholomeus astrologi musicas consonantias so-
nantibus numeris apperuerunt. Plato theologus dulcissimam mundi har-
moniam aurea ratione perpendit discebant tandem omnes in græcia cantum
& qui nesciret incultus doctrina putabatur. nanque Themistoclem oblata
in epulis lyracum se imperitum indicasset indoctiorem habitum ferunt. Nullam
profecto ex propositis imitationibus & exemplis sine musice disciplinam
percepi posse nichilque sine ipsa uel fieri uel consistere posuit in athi-
mologijs Isidorus & Rabanus in tractatu quem huic disciplinæ ascripsit

Augustinus
Scipio

Architas
Aristoxenus
Eupolis

Marcus
Aristophanes
Logici

Carneades

Theophrastus
Nicomachus
Theodorus
Architas
Pythagoras
Ptholomeus
Plato
Themistocles

Isidorus
Rabanus

hoc idem asseruit . Libet & ipsos disertissimos uates qui musica monumenta
 posteritati reliquerunt succinte & memoriter concelebrare . Pythagoras enim
 iamius qui & philosophiæ nomen primus sibi uendicauit circa mathematicas
 maximeque musice & geometrice uacasse dicitur & regulam quæ ex una cor-
 da est repperisse . Socrates fidibus canere didicit iam senio confectus minime
 pudendum existimans quemque discere quod nesciret . hinc id circo instruendis
 iuuenibus musica precepta tradidit . Bion ut Erathostenes dixit primus omnium
 phylosophiam uario orationis flore uestiens musicen & geometricen pro ludo
 habuit . Theodorus cyreniacus quem Plato audiuit geometrices musicesque
 libellum construxit . Alter Theodorus musicus libellum scripsit de uocis exer-
 citatione . Xanthus atheniensis musicus harmonicas regulas descripsit Diony-
 siodorus tibicen regulas tibicinicas tradidit . Philolaus pythagoricus musica
 elementa tonum scilicet & semitonia accuratissime perscrutatus omnia harmonia
 necessario fieri oppinatus est . Democritus milæsius cum de cunctis fere rebus
 & disciplinis scripsisset multa item musices uolumina contexuit . Architasta-
 rentinus pythagoricus motum organicum primus geometrica descriptione
 diuensus est . Simon atheniensis copiosum de musice dialogum descripsit .
 At Simmias thebanus teste Laertio musices dialogum eleganter posteritati re-
 liquit . Heraclides ponticus duos de musice libros contexuit . At diuus Plato
 quecunque corporibus celestibus ipsisque elementis & humanæ naturæ conue-
 niant in Timæo & in legibus harmonica persuasione tractauit . Theophrastus
 eresiis tris de musice libros scripsit atque unum de musicis . Xenocrates calcedo-
 nius platonius mathematicas musicenque maxime ad philosophiam haud
 parum conferre perpendit . Sed & Archelaus socratis preceptor & Xenophon
 atheniensis quem dulcedine eloquiū & incredibili facilitate musam atticam apel-
 labant atque Demostenes & Anaxagoras & Damon atque Porphyrius libris
 suis musices excellentiam inseruerunt . Phtolomeus musice facultatis librum
 copiosum edidit . Sed Aristoxenus & Nicomachus atque Aristoteles atheniensis &
 Albinus quamplura de consonantiis uolumina tradiderunt . Aristoteles librum
 unum musices unumque pythionice musices atque problemata & multis in
 libris musica elementa commiscuit . Epicurus item musicen copiose tractauit .
 Hos sequuti Briennius atque Aristides quintilianus & Bacheus senex atque
 Plutarcus recentiores apud ipsos grecos auctores posteritati copiosa huiuscæ
 facultatis uolumina describere . Et quos tandem uates uetustis coluit musica
 ratio non reliquit . Calcidius autem & Macrobius Censorinus & Cassiodorus
 Isidorus & Rabanus nec non & Fabius Quintilianus atque Vetruius archi-
 tector uiri grauissimi hanc musices disciplinā summo studio uenerari noscuntur .
 Pythagoras
 Socrates
 Bion
 Eratostenes
 Theodorus
 Theodorus
 Xanthus
 Dionysiodorus
 Philolaus
 Democritus
 Architas
 Simon
 Simmias
 Heraclides
 Plato
 Theophrastus
 Xenocrates
 Archelaus
 Xenophon
 Demostenes
 Anaxagoras
 Damon
 Porphyrius
 Aristoteles
 Epicurus
 Briennius
 Aristides
 Bacheus
 Calcidius
 Censorinus
 Rabanus
 Vetruius

Sed Boetius seuerinus cuius ingenium neminem post eum legimus attigisse quicquid musice speculationi necesse putauit quincupartito uolumine acuratissime latina interpretatiōe complexus est Cuius secutos interpretes Vgolinum urbeuetanum & Georgium anselmum parmensē Aliosque complures clarissima & pene infinita opera declarant. Guido autem Aretinus queque obscura uiderentur & ignota faciliore perceptione aperuit hinc communem uulgarum que modulationis ritum instituens quem ut ipse in epistola ad Michaelē pomposinum attestatur Ioannes papa apostolica auctoritate approbavit. Eo quoque tempore Odonem abbatē ferunt suum musices dialogum edidisse Huiusquidem atque Guidonis traditionem imitatus Ioannes cartusinus musice facultatis libellum clericis perutilem descripsit. Augustinus autem sex libros musice edidit. Sed diuus Ambrosius protector noster atque Gelasius & Gregorius Gradualia Tractus & Alieluya in missa cantari instituerunt. Plerique etiam alii uiri grauissimi alia quedā superaddidisse noscuntur. Ambrosius autem in multis grecorum ritum quem Basilius aliique uiri sanctissimi instituerant imitatus est. Noua enim lex hilarium pictauiensē episcopum hymnorum carmine primum floruisse. & post eum Ambrosium celebrat inde hymni Ambrosiani dicuntur quoniam eius tempore plurimum in ecclesia mediolanensi cantari cœperunt. Quęcunque uero carmina post hec in ecclesiis occidentalibus in dei laudem ducta sunt hymnos uocant. Denique in diuinis officiis omnia fere cantica modularis uocibus decantari instituerunt Ambrosius & Gregorius nequequidem composito floridoque concentu neque dissono ut Ambrosiani nostri in mortuorum & martirum uigiliis est in morem: sed simplici atque plano: Hos sequuti pontifices suauissimos concentus & consonos diuinis induxerunt David imitantes: quem cum dei cultum solemnitus ampliare uellet: cantores instituisse legimus coram archa dominici fœderis musicis instrumentis & modularis uocibus decantantes qui astantium animos harmonica suauitate demulcerent moxque ad diuinas laudes redderent attentiores. Nunc me breuitas temporis ornatissimos musicos atque cantores nostre tempestatis quos suis iubilationibus longe precis solertiores ætas nostra concelebrat adhortatur omittere Sed solam profecto huius iucundissime disciplinæ quæ mores instituat partem ad nos pertinere arbitramur quippe quę & homines clarissimos atque æternos efficit & posteritati reddit immortales.

Boetius

Vgolinus
Georgius
anselmus
Guido

Odo
Ioannes
Augustinus
Ambrosius
Gelasius
Gregorius
Ambrosius
Basilius
Hilarius

Ambrosius
Gregorius

David

De Musice mundana Capitulum Secundum

m Vt sic ad uolubilitatis corporum celestium temporumque & elementorum consentaneam compositionem operari Philosophorum conscribere nonnulli. Eam namque ex sonis & consonantibus celestium orbium uolubilitate seu collisione productis enuclearunt Pythagorici. Ipsa .n. celestia corpora atque elementa debita quadam consonantie coaptatione simul mista mundum hunc totum perficiunt: qui ideo a philosophis mundus dictus est quia semper est in motu. Neque enim putant summum illum optimum opificem rerumque omnium conditorem tantam tamque præclaram machinam inutili & inepta taciturnitate immobilem perficisse: nichilque omnium ornatissimo operi ad complementum defuisse: quo harmonice resonaret & plurimas ederet symphonias. ac proinde opinantur tum celum commoueri tum felices illas celestium spirituum turmas: tum animas nostras quum in locum illum se recipiunt harmonicos cantus admirandos decantare. Non igitur fieri potest ut tam uelox celorum machina tacito silenteque cursu moueatur: cuius sonitus licet ad aures usque nostras non perueniat: quod apud Pythagoricos fit quoniam a principio nostre natiuitatis est congenitus ut in malefactoribus appareret strepitum suum uix percipientibus consuetudine & multis item aliis fieri de causis necesse est. quos Aristoteles celi & mundi secundo uidetur impugnare: nec tamen poterit tam uelocissimus motus tantorum corporum nullos omnino sonos ciere: cum præsertim tanta sint stellarum cursus coaptatione coniuncti ut nichil æque compaginarum nichil ita commistum possit intelligi: namque alii excelsiores feruntur alii inferiores atque ita omnes e quali incitatione uoluuntur ut per disparēs inæqualitates ratur cursuum ordo ducatur. Vnde anima ipsa grandis celorum impetus moderans nunc per accentus nunc per succentus diuinos illos spiritus concordis sono cohibet ut ad omnes consonarum uocum differentias sese ad inuicem comitentur: non quidem sonitu contenta unico sed nunc ad diatessaron nunc ad diapenten nunc ad diapason & ceteras semperque differentes consonantias permutat. neque modo harmoniam unam sphaera unica continuo profert sed pluriformes phryngos ut spiritus illi felices modo cum sonitu sue sphaere modo cum eis qui proximis insident nunc cantu precedere nunc sequi nunc insequi nunc concurrere uideantur atque mirando harmoniae ludo semper dulcius concertare credantur. Non igitur potest ab hac celesti uertigine ratur ordo modulationis absistere quam quidem modulationem doctissime inquit Tullius Platonice aures delectasse uerborum ipsius profunditate Platonis. Quis hic inquam quis est qui complet aures meas

Pythagorici
Philosophi

Pythagorici
Aristoteles

Tullius
Plato

tantus & tam dulcis sonus: hic est inquit ille qui interuallis disiectus imparib⁹
 pro rata tamē parte ratione distinctis i pulsu & motu ipsorum orbium generat^r
 Sed & ipsa anima qua celi circūuoluūtur & animata cōmnia anirantur certis le-
 gibus choercita est. attestantur hoc numeri quibus uinculum inter illa signatur:
 Ipsi siquidem sunt i quib⁹ sensilem nostram harmoniā decantari dicunt Cū. n.
 excogitasset deus oipotens mundum hunc construere necessum fuit ut aiam illū
 regentem & mouentem supadderet. non. n. a se ipsis nisi aīata mouentur corpa:
 que tametsi foret incorporea posset tamen & mundum ipsum atq; contenta in eo
 incorporare. Anima mundi mundāo suo corpi iuncta est pportionib⁹ harmonicis
 uidelicet dupla tripla & quadrupla. Sesquialtera Sesquitertia & Sesquioctaua qđ
 & pbat Georgius anselmus. Ni mirū igitur celestis machinæ corp⁹ solidum &
 sonabile existēs hisq; contextū numeris & pportiōib⁹ quib⁹ harmoniā oēm con-
 stare palam est ac solemniter motū celerime sonit⁹ aīcabilis dulcedis edet prefer-
 tim aut cum oī mente cōpleta mouens aīa nōn fortuito uel casu sed ordine recto
 uniuersum ipsius mundi corp⁹ gubernans moueat. Et hanc quidem opinionem
 diuum Ambrosium i secunda exameron luce cōmemorare percepi. At quattuor
 elementorum diuersitatib⁹ qualitatibusq; cōtrariis nisi quedam harmonia iesset
 ipsas cōiungēs ut Boetius asserit in unū corpus ac machinam minime cōuenirēt
 Omnis uero hec diuersitas ita tēporum uarietate parit & fructuū ut unū tantū
 anni corp⁹ efficiat. Vnde si quid horum que tantā uarietate reb⁹ ministrant aio
 & cogitatione discerpas cuncta pereant nec ut ita dicam quicq; cōsonum seruet
 necesse est. & ueluti i grauib⁹ cordis is uocis mod⁹ existit ut nō ad taciturnitate
 grauitas usq; descendat: atq; i acutis ille custoditur acuminis modus ne nerui ni-
 mium tensi uocis tenuitate rumpantur sed totum sibi sit consentaneum atq; cō-
 ueniens ita etiam i mundi musice peruidemus nichil ita esse nimium ut alterum
 propria nimietate dissoluat. uerum quicquid illud est aut suos affert fruct⁹ aut
 aliis auxiliatur ut afferant nam qđ constringit hiems uer laxat torret estas ma-
 turat autumnus. tempora itaq; uicissim uel ipsa suos afferunt fructus uel aliis ut
 afferant subministrant. Mundus itaq; harmonia quadam compositus est atque
 ipsum celum harmonie modulatione reuoluitur sed celestium corporum inter-
 ualla sola æstimantur ratione nō sensu. Archimenides enim teste Macrobio sta-
 diorum numerum quibus a terre superficie luna distaret A luna Mercurius. A
 Mercurio Venus. Sola Venere Mars a Sole. A Marte Iupiter Saturnus a Ioue
 deprehēdisse se credidit atq; a Saturni orbe ad ipsum usq; stelliferū celū spaciū
 oē se rōne mēsurā putauit cui⁹ qđē dimēsiōne Platonici repudiarunt cū dupla &
 tripla nō seruaret interualla sed alterā ipsi distāciā tenēdā esse statuerunt quā Por-
 phiri⁹ libris suis iseruit. Pythagoras aut quot quot stadia iter terrā & ligulas stel-
 las ēēt musica colatiōe idicauit. Eratosthenes uero geometrica rōne maximū fre-

Georgius
 anselmus

Ambrosius

Boetius

Archimeni-
 des,
 Macrobius

Platonici

Porphirius
 Pythagoras
 Eratolthe-
 nes

Pythagoras
Terra
Luna
Mercurius
Venus
Sol
Mars
Iupiter
Saturnus
Cælum

Pythagorici

Plinius
Georgius

Pythagoras
Plato
Strabo
Dorilaus

circuitū collegit ēē stadiorū ducētorū quinquaginta duorum milliū. Stadiū. n. i hac mūdi mēsurā itelligebāt pedū sexcētorū uiginti quīrē. Sūt preterea & alia longi tudie discrepantia ut Olympicū q. est pedum sexcentorū. Item Pythicū pedū mille. Igitur a terra ad lunam Pythagoras putauit esse stadiorum circiter centū uiginti sex milliū idq. esse toni interuallū. A luna autem ad Mercurii stellam quam Stilbon appellabant maius semitonium. Hinc ad phosphoron stellā ueneris fere tantūdem scilicet semitonīū minus. Inde porro ad solem pauloplus q. ter tantum scilicet tonum & minus semitonīū. Itaq. solis astrum abesse a terra tonis tribus & semitonio minore quod uocatur diapēte. A luna autem duobus tonis & semitonio quod est diatēssaron. A sole uero ad stellā martis cui nomē pyrois tantūdem interualli esse quantum a terra ad lunam idq. facere tonum. Hinc ad Iouis stellam que pheton dicta est quasi dimidium eius quod faciat semitonīū min⁹. A Ioue usq. ad saturni stellam phenon nuncupatam paulisper plus .i. semitonīū maius. Inde ad summū celum ubi signa sunt semitonīū min⁹. Itaq. a summo celo ad solē diatēssaron est diatēssaron idēst duorum tonorum & semitonii. A terre autē sumitate ad eundem celum tonos esse quinque concluditur a pythagoricis cum duobus semitonii minoribus ex quibus fit diapason symphonia & hanc item pythagoricā dimensionem cōmemorat Plinius in secundo naturalis hystorie Sed Georgius anselmus celestia hec interualla altera dimensione comprehendit namque a sphaera saturni ad lunam interiectis aliarum stellarum motibus & inter uallis concinentiam ter diapason dyatonice cōstituit. Multa insuper que musici tractant Pythagoras ipse rettulit ad stellas. Et mundum hunc totum musica factum ratione atq. concēru & harmonia cōstare Plato & ante illum ipsi Pythagorici cēsuerunt: ut ex decimo Strabonis excepi. Hinc puto Dorilaum dixisse mūdum esse organum dei cum & septem stellas inter celum & terram uagas mortaliū corpora inclinantes eurythmon motum congruaque musici diatēssomatis interualla comprehendere ratione conspexisset sonitusque reddere uaries pro sua quaque altitudine ita concordēs ut dulcissimā quidem concinant melodiam licet nobis inaudibilem prae magnitudine uocis quam aurium nostrarum angustia minime capere possunt.

De Musice humana Capitulum tertium

Pythagorici
Platonici

i
Immortalis animæ humanique corporis & elementorū cōsentaneā coniunctionem musica factam ratione Pythagorici atq. Platonici tradidere. Vnusquisq. n. in se ipsum descendens hanc comprehendit. Nichil quippe est quod illā incorpoream rationis uiuacitatem corpori misceat nisi qdam coaptatio & ueluti grauium leuiumq. uocū quasi unā efficiens consonantiam temperatio. Nichilq. aliud est quod inter se scriptus animæ

partes coniungat quæ ut Aristotili placet ex rationabili irrationabilique. contine-
 ta est. nichil item aliud est quod corporis elementa permisceat aut partes sibi
 met rata congruentia contineat. Et ueluti consonantia in sonis est acuti soni gra-
 uisq; mistura suauiter uniformiterq; auribus accidens ut habetur primo musices.
 Boetii ita debita partium coaptatio seu conuenientia uniuscuiusq; compositi dic-
 ta est consonantia & hoc quidem tam in successiuis quam in permanentibus re-
 bus euenit: nam cum due amplitudines ut ligna lapides & quecunq; e naturalib;
 inter se artificioso applicitu committuntur: ea connexio & coaptatio harmonia
 uocatur apud Themistium. Quom igitur id quod in sonis apte conuenienterq;
 coniunctum est excipimus cum nobis immistum atq; conuenienter coaptatum
 sit eo delectamur: nos ipsos eadem similitudine compactos esse cognoscetes. Hu-
 mana siquidem anima nostra que nulla unquam quiete tenetur motus quosq; ad
 proprium corpus ad intra aut ad extra dissonos perhorrescit: sensatis agustiat:
 consonis mollicur: nanque tonitrus audire ac lampades & fulgura uidere refugit.
 non ne & si retracordi cordula æquo amplius distenta fuerit parumper totum
 omnino dissonum fiet & inconcinnum dedignabitur auris: Idem si tibi forame
 paulo apertius conclusum ue fuerit plus æquo omnis tibi deficiet modulatio.
 Tanta profecto apud græcos fuit musices diligentia ut eam & animos obtinere
 arbitrantur. præactum quippe est quam sepe iracundias represserit quã mul-
 ta incorporum ualitudinibus & animorum affectionibus miranda perfecit.
 Nostra igitur anima cuius omnis compago musica est cum harmonia cognatio-
 nem habet. Plato nanque & Aristoxenus ex his quibus omnis harmonia contexi-
 tur numeris animam ipsam conflauere. Constituta enim certa numeror; ratione
 animæ corporibus sociantur ut Macrobius in primo somnii scipionis asserere ui-
 detur: quibus dum supersint perseverat corpus animari: sed cum deficient mox
 archana illa uis soluitur qua societas ipsa constabat & hoc est quod fatum & fa-
 talia uitæ tempora uocabant: anima profecto ipsa non deficit quoniam immorta-
 lis est atque perpetua: uerum impletis numeris corpus fatiscit: nec anima lassatur
 animando sed officium suum deserit corpus cum iam non possit animari. Hinc
 illud est doctissimi uatis Explebo numerum reddarque tenebris. Itaq; ut numeris
 corpori anima ipsa coniungitur sic musices harmoniis quæ ex numeris ipsis effici
 comprobantur naturali dispositione quadamque consentanea coaptatione non
 animam corpori modo uerum & elementa atque momenta commisceri nō dubi-
 tamus. Hinc Hierophilus artis medicæ clarissimi dictum puto. Cum quid loqui
 mur uel intrinsecus uenarum pulsibus commouemur per musicos rythmos har-
 moniæ uirtutibus sociatum esse probatur. Ea igitur est Humana musice que di-
 uerforum concordantiam elementorum in uno composito uidelicet corpore hu-
 mao connectit: per eam enim spiritalis natura corpori coniungitur & rationalis

Aristotiles

Boetius

Themistius

Græci

Plato
Aristoxenus
Macrobius

Virgilius

Hierophilus

Musica
humana

Platonici

Pythagoras

Philolaus

Petrus

Socrates

Aristoxenus

Teophrastus

Pythagoras

Censorinus

Solon

Iudei

Ippocrates

Medici

cum irrationali concordia copulatur quod uidetur a Platonici habitum ponentibus animam harmonicam quandam esse consistentiam. Pythagoras & Philolaus animam ipsam harmoniam esse conscribere unde scriptum est. Colligatio corporis & animae secundum naturalis ordinis consonantiam facta est ut substat ideo Petrus aponensis huic musicae naturali alias scientias subiicit. Socrates enim posuit hanc humanam musicen in uoce tantummodo consistere. Aristoxenum uero in uoce & corporis motu legimus contractasse. sed Theophrastus in uoce atque corporis & animi motu humanam ipsam musicen posuit. Quod si in corporis animique motu est harmonia natalibus nostris musicen ipsam proculdubio conuenire necessum est cum praesertim dierum atque mensium numerus mulierum partibus competentium musica ratione sese regat. Pythagoras enim ut Censorinus refert duos generaliter dixit esse partes Alterum minorem quem uocant Septimestrem qui decimo & ducentesimo die post conceptionem exeat ab utero. Alterum maiorem scilicet Decimestrem qui edatur die ducentesimo ac septuagesimo quarto. quorum prior ac minor senario maxime continetur numero. Nam quod ex semine conceptum est sex ut ait primis diebus humor est lacteus deinde proximis octo sanguineus. qui octo cum ad primos sex accesserint primam faciunt diatessaron symphoniam tertio gradu nouem dies accedunt iam carnem facientes. hi cum illis sex primis colati sesquialteram faciunt rationem & secundam symphoniam scilicet diapenten. tum deinceps sequentibus duodecim diebus fit corpus iam formatum. horum quoque ad eosdem sex collatio tertiam reddit symphoniam scilicet diapason duplici ratione deducta. Hi enim quatuor numeri scilicet. vi. viii. xiiii. xii. coniuncti faciunt xxxv nec immerito senarius fundamentum gignendi est nam solus intra denarium perfectus dicitur quippe qui omnibus suis aliquotis partibus perficitur. sed ut initia seminis & lacteum illum conceptionis fundamentum primitus hoc numero absoluitur sic hoc initium formati hominis & uelut alterum maturescendi fundamentum quod est triginta & quinque dierum sexies ductum cum ad diem ducentissimum & decimum peruenit maturum procreatur. Alter autem ille partus qui maior est maiore numero continetur scilicet septenario quo tota uita humana finitur ut & Solon scribit & iudei in dierum omnium numeris sequuntur & tuscorum libri rituales uidentur indicare. Ippocrates quoque Aliique medici in corporum ualitudinibus non aliud ostendunt. nam septimum quemque diem crisimon obseruant. Itaque ut alterius partus origo in sex est diebus post quos semen in sanguinem uertitur ita huius in septem & sicut ibi triginta & quinque diebus infans membratur ita hic proportioe dierum fere quadraginta. quare in gracia diebus habent quadragessimam os insignes. namque pregnans ante diem quadragessimum non procedit infamam & post partum quadraginta diebus pleraque foetae grauiore sunt nec sanguinem

interdum continent:& paruuli ferme per hoc fere moribidi sine rifu nec sine pe-
riculo sunt:ob quam causam quō is dies preterit diem festum agitare solent. Hi
igitur dies quadraginta per septem illos initiales multiplicati sunt dies ducenti
& octoginta idest ebdomade quadraginta:sed quoniam ultime illius ebdomadis
primo die editur partus sex dies decedunt & ducentessimus septuagesimus quar-
tus obseruatur.uerum cum ambo partus uideantur paribus dierum numeris
contineri:Pythagorasque imparem laudet:asserta tamen non discrepat.duo eni
impares cc.viii. & cc.lxxiii.dicit expleri ad quorum consumationem aliquid ex
sequentibus accedere quod tamen diem solidum non afferat: cuius exemplum
uidemus tam in anni quam mensis spacio seruasse naturam :cum & anni impa-
rem dierum tercentorum sexaginta quinque numerum aliquanto cumulauerit
& mensi lunari ad dies unum & triginta aliquid addiderit: Septimestris igitur
partus aliis dierum numeris conformatur:aliis:decimestris:eos uero numeros qui
in uno quoque partu aliquid afferunt mutationis dum aut semen in sanguinem
aut sanguis in carnem aut caro in hominis figuram conuertitur inter se habitos
Pythagoras ipse eam habere rationem censuit quam habent musicæ consonan-
tiæ.Non itaque credendum est ad nostros natales musicen minime pertinere.

Pythagoras

De Musice instrumentali Capitulū Quartum.

i Instrumenta lem musicen ad diuersa operari instrumenta mul-
ti suariūque modis experientia nos docet.Aut enim naturalib⁹
instrumentis sonos emittens consonantias format. & dicta est
harmonica. Aut artificialibus.& hoc tripliciter. Nam aut orga-
nicis artificialib⁹ instrumentis aut rythmicis aut organicis ryth-
micisq; simul mistis consonantias ipsas educit:tunc altera organica altera ryth-
mica atque altera ex utriusq; composito denominatur.Musice harmonica com-
præhendit & regit productos sonos humana uoce naturalium instrumentorum
auxilio:quæ quidem instrumenta apud Philosophum sunt Pulmo Gutur Pala-
tum lingua labia & dentes.Dicta autem est harmonica ab harmonia quasi ex di-
uersorum instrumentorum atque elementorum composito scilicet corpore hu-
mano conuenienter uocis modulatione producta.Hec enim ex animo & corporis
motum:facit ex motu sonum:ex sono uerbum & modulationem.Inde auditus oc-
cupatur atque diuiditur in corporis motum:in sonorum modulandique ratio-
nem:atque in uerba modulationi apta:quæ cuncta sociata perfectam efficiunt
cantilenam.Musice itaque harmonica ars est spectabilis uocem regens numerū
que in se continens ac certam soni dimensionem scientia perfectæ modulationis

Philosoph⁹

Musica har-
monia

Augustinu.

Musica

Metrica

Organica
Rhythmica

constans ex sonis uerbis & numeris. Summitur & quādoq; latius musice harmonica in ipsis instrumentis quoquomodo concentum & harmoniam promentib⁹ : quibus artem manum & cordam conuenienter cooperari didicimus. Augustinus autem in primo suae musices hanc esse bene modulandi scientiam diffinit & ipsam modulationem a modo dictam nam in cunctis modis metuendum est ne aut excedatur aut non impleatur modus in his rebus que motu aliquo fiunt: aut si nichil moueatur possumus formidare ne preter modum aliquid fiat. inde modulatio non incongrue dicitur mouendi quidem peritia uel certe qua fit ut bene aliquid moueatur: nec quidem aliquid bene moueri dicemus si modum non seruat. rursus hanc modulationem in omnibus benefactis intelligere necessum est: cum nichil quippe nisi bene mouendo bene fiat. & si forte omnibus rebus musice conueniat aut insit: modulationis tamen nomen in ipsis harmonicis sonis magis proprium est atque certum. Quo circa constat musicen modulationis esse peritiam sono cantuque consistentem. Est etiam musice in metris quam Poete profitentur metrica appellata de qua satis abunde Augustinus scribit. per eam enim diuersorum pedum ut iambi tribraci & dactili atque eiusmodi mensuram probabili ratione cognoscunt quippe quae & temporum terminationem attendit & uersus ipsos sonabili conuenientia facile perimitur. Organicam musicen instrumentorum inflatiliū ut tubarum cornuumque spiritu suffragante musicos sonos concernimus educere. Sed rhythmica musice diuersorum instrumentorum fidi- bus atque neruis uirgæ digitorum ue percussione sonos excutere conspicitur. Sunt & alia instrumentorum genera quibus & spiritum & percussione digitorum ad exprimendum concentum necesse est conuenire: ueluti tibiae & pandorū: & quibus etiam spiritus arte non natura conducitur ut organum cui folles spiritum conferre noscuntur.

De Musico & Cantore Capitulum Quintum.

Onicinnem facultatem profitentium triplex est genus. Vnum quod instrumentis agit. Aliud fingit carmina. Tertium instrumentorum epus carmenque diudicat. Et primum quidem quod in instrumentis operatur etiam ibi consumit operam ut sunt cytharedi organille lyrici & ceteri qui instrumentis ipsis artificio probant: a musices namque scientie intellectu se iuncti sunt quoniam famulantur nichil rationis afferentes: cum sint totius speculationis expertes: sensum quidem sequuntur & quod in eo delectat memoriae comendare procurant atque secundum id corpus mouent uim quandam imitationis adicientes: qui

tam & si perite ac docte multa facere uideantur: constat eos non habere scien-
 tiam si rem ipsam quam profitentur aut exhibent intellectus puritate ac ueritate
 non teneant: ac si tales esse istos theatricos operarios ratio demonstrauit non
 dubitabimus eis negare scientiam. & ob hoc eis musicen que sciētia bene modū
 landi est nequaquam concedemus. Est enim scientia sine usu & maior plerū-
 que quam est in eis qui usu excellunt: licet illi ad usum tantum haud potuerint
 sine ulla scientia peruenire. Celeriolem autem uel pinguiorem digitorum mobi-
 litatem non scientiæ tribuit Augustinus sed usui: cum soli animo scientia insistat.
 hoc autem (quanquam imperante animo) tamen corporis est. Neque enim so-
 lum mouendi celeritas atque tarditas: sed etiam ipse motionis modus in mem-
 bris usui potiusquam scientiæ tribuendus est: nam si aliter esset: eo quisquam ma-
 nibus melius uteretur quo esset peritior. Nec tamen omnes qui instrumentis
 concinunt carent scientia musices: sed neque omnes habent scientiam ipsam.
 quippe quæ i animo consta: in corpore autem ipsa imitatio quam tamen imita-
 tionem ea que animo complectuntur adimere non credimus. nanque Tibicen
 & cytharista & qui organo sonat scientiam in animo habere poterit cum imita-
 tione scilicet que corpori inheret. Secundum genus est poetarum quod naturali
 potius quodam instinctu quam speculatione & ratione ducitur ad carmen. hoc
 Boetium nrm a musices speculatione segregare constat. Tertium genus est quod
 iudicandi peritiam summit: ut rythmos & cantilenas atque totum carmen ue-
 raciter apprehendere possit. quod cum totum in ratione & speculatione sit po-
 situm musicæ arti proprie conuenit. Is igitur musicus est cui adest musicæ spe-
 culationis rationis que facultas: non cui cantandi tantum practicabilis inest mo-
 dus. Omnis nanque ars omnisque etiam disciplina teste philosopho honorabi-
 liorem naturaliter habet rationem quam artificium quod manu opereque arti-
 ficis exercetur. Artificium enim corporale quasi seruiens famulatur. ratio uero
 ueluti domina imperat quo fit ut frustra sint manuum opera irrationabiliter duc-
 ta: rationis enim speculatio actu non indiget quanquam multa huius disciplinæ
 frustra sint ad actum non redacta. Huius autem rationem que circa actus uersa-
 tur praticen Aristotiles appellat: eam uero que in intelligentia & specula-
 tione consistit theoricen: Quo circa in tertio de anima speculatiuum intellectū
 uerum simpliciter considerare posuit sed praticum uerum ad opus componere.
 Hec igitur disciplina quoniam naturalis scientia est speculatiuum siue theori-
 cum nobiliorem sapientiolemque pratico præfert: sexto methaphisicæ. Specu-
 latius nanque is musicus est qui ratione ducente canendi scientiam non seruiicio
 operis sed imperio speculationis assumpsit. qui si practicæ dederit operam specu-
 lationi ipsi uariatam non adiciet multitudinem: sed perfectionem ut Comētor

Augustinus

Boetius

Philosophus

Aristotiles

Comentator

Themistius

asserit octauo methaphisicæ. Quod & a Themistio secundo de anima uidetur exprellum. Hominem eni dicit scium q̄ per naturam scientiæ capax sit: interim non q̄ sit capax: sed q̄ iam cœpit atque habet: quo genere geometram scium uocamus qui disciplinam illam edidicit tenetque iam: uterque igitur potentia sciens est: sed non eadem formula nam prior obscuriuscule prætenuiterque ratione una quod homo qui docilis & eruditionum capax est: Alter hoc amplius quod simul collibitum est contemplari actu & comentari potest si causa extrinsecus non moreretur: ab iis tertius est qui iam non scit actu solum. sed & in actu atque opera cōsiderandi est & contemplandi. Atque idcirco is adequat⁹ dicetur musicus cui nil & speculationis & opationis defuerit: qui si uel proposito uel casu impedit⁹ a speculatione uel cantu desierit: non magis desinet esse musicus quam orator qui orandi finem fecerit: uel medicus cui curandi pratica relicta est. Quippe quiquom se ab opera reuocat & considerationem intendit nichil amittit secundum Themistium sed scientiam quam intus possidet foras ad usum promit: quo fit ut in illo prioris qualitatis abiitio & corruptio sit: in hoc perfectio potius quedam atque exornatio intelligatur: seruat enim quod scit quom speculatur actu: nec perdit speculando scientiam sed colit & perficit. Praticus autem huiusce disciplinæ est ipse cantor: qui ea pronunciat & cantat que musicus ratione dictante proponit. unde ille frustra fiet concentus: quem cantor neglecta abiectaue rationali musici constitutione pronunciare temptauerit. Est profecto musicus ad cantorem ueluti prætor ad preconem: quod & metrica Guidonis sententia his uerbis indicat. Musicorum & cantorum magna est distantia. Isti dicunt illi sciunt que componit musica. Nam qui facit quod nō sapit diffinitur bestia: Ceterum tonantis uocis si laudent acumina Superabit philomena uel uocalis asina: Quare eis esse suum tollit dyalectica. Speculatiuus itaque praticum antecellit: nam multo auctius est. atque dignius scire quod quisque faciat quam illud ipsum efficere quod sciat: Inde ædificiorum opera atque bellorum triumphos ipsis concernimus attribui: quorum imperio ac ratione constituta sunt: non quorum opere seruicioque perfecta.

Guido

Plus confert musico Ars quam natura Capitulum. Sextum

e T si naturam hominibus ad percipiendam musicen haud parum conferre credimus: doctrinam tamen plurimum ualere existimandum est. Musicus autem sine utraque minime poterit euadere cōsumatus quanquam natura ipsa sine doctrina: doctrina item sine natura potest operari. Quoddam enim naturæ credimus esse momentum nanq̄

& ignari & aues ipsæ natura duce sine doctrina cantare noscuntur : Sed confu-
 matum & adequatum musicū plus doctrinæ debere conspiciamus quam ipsi na-
 tura: Nec quidem ad eam peruenire prohibet humani ingenii natura : quod si
 non contingat : altius tamen ibunt qui ad summa nitentur quam qui præsumpta
 desperatione quo uelint euadendi protinus circa ima substerint sed parum præ-
 ceptarumque artes ualent nisi adiuuante natura quam ars ipsa ut inquit Philoso-
 ph⁹ in quantum potest nititur imitari. Multa & enim sæpe fiunt canendo & sal-
 tando uilia : in quibus si modulationis nomen acciperemus disciplina ipsa uile-
 sceret. Spectat nanque ad quemuis cantorem non tantum qui musicus est ipsa
 modulatio: cum & uocum atque sonorum dimensionibus intentione remessione
 ue debito tempore concinat: numeroſe quidem id efficit ac suauiter : quanuis
 de ipsis numeris uel de acutarū grauiumque uocum interuallis interrogatus res-
 pondere non possit is enim naturali quodam sensu ductus bene canit: Lu-
 scinia item & Carduelis nonnullæque aliæ Aues bene modulantur: quarum can-
 tus numerosus est & suauissimus & ni fallor tempori congruens nec tamen hui⁹
 liberalis disciplinæ pericia pollent: quia solam eis naturam congruere uidemus.
 Neque eos qui tibiis cythara ue & eiusmodi instrumentis canunt Luscinie com-
 parari licebit: cum ipsis ars quedam insit: luscinia uero ut dictum est sola natu-
 ra. Quid si nonnulli iis plurimum delectari solent musicæ artis prorsus impe-
 ritis cantusque ille arbitrarius & si nulla lege præscriptus nulloque uocum dis-
 crimine ad quādā cōcordiā redacto emoderat⁹ sit: nihilo tamē min⁹ placere ui-
 det: nec mirū: hoc & idē bruta quedā facerē uidem⁹ nāq; ad cāt⁹ mouerē ueluti ele-
 phāti Vrsi & pleraq; alia id gen⁹: quinimo ipsæ grues uocib⁹ suis oblectatiōe ma-
 xima capiuntur nonne igitur si arti natura conformata nexa feruminataq; fuerit
 cantus auribus nostris tum longe suauiores dulciores gratioresq; erunt: adde qđ
 non humani: sed diuini existimabuntur & illas cœlestium orbium uoces quas Py-
 thagorici tantopere prædicant repræsentabūt: per plurimum itaq; iterest cantor
 ne quispiam sit an musicus: imo affirmare ausim musicum naturam ipsam i uocis
 modulatione atq; emendatione studio diligentia atq; industria superare posse: quē-
 admodum Demosthenen fecisse legimus. Non rem perridiculam proinde ita de-
 mum quis arbitretur si omnes ad unum doctissimi uiri artē longe magis musico
 quā naturam conferre apertissime deffenderint : quod & Fabio placuit ubi pro-
 bat musicen ne ullo quidem modo citra artem consistere posse.

Philosoph⁹

Demosthenes

Fabius quin-
tilianus

De Iudicio Musices Capitulum Septimum.

q Vanquam aurium sensibus omnis competat musicæ artis exercitatio: cum si cunctis deesset auditus: Philosophis ipsis cōtractandæ uocis cura minime impensa esset. nec tamen solus auditus qui sæpe inconstans & uariabilis est: sed ipsa ratio certum sibi assummit iudicium. licet enim Principium quodam-

Boetius

modo & quasi admonitionis uicem ipse teneat auditus postrema tamen perfectio agnitionis que usque in rationem consistit: quæ certis regulis sese tenens nullo unquam errore prolabitur. At Boetius noster non diutius dicendum putat de errore sensuum: cum nec omnibus eadem sentiendi uis: nec eidem homini semper sit æqualis. Frustra quidem uario queritamus iudicio quod optamus ueraciter scire. Quo fit ut Ipsi Pythagorici medio quodam fruantur itinere. Non enim omne iudicium auribus dedunt: licet ab eis quædam non nisi auribus explorentur. Ipsas quippe consonantias aure percipimus: quibus uero interuallis inter se distent: soni non auribus quarum sunt obtusa iudicia: sed regulis rationeque metimur: ut quasi quidam obediens famulus sit sensus: iudex uero atque imperans ratio. Nam quamuis omnium pene artium momenta atque ipsius uitæ sensuum occasione producta sint: nullum tamen in iis iudicium certum: nulla ueri est comprehensio si arbitrium rationis abicdat: quod a philosophis contractatum procedit. Ipse enim sensus maximus minimusue corrumpitur: nanque minima propter ipsorum paruitatem sensibilibus sentiri non potest a maioribus sæpe confusa. maiorum nanque intello sonitu surdescit auditus: atque minorum difficilius sonitum captat.

Philosophi

De exquisitione & inuentione musicarum consonantiarū. Capitulum Octauum.

p Erquirentem Pythagoram musicas consonantias relicto aurium iudicio que partim natura: partim extrinsecus accidentibus permutantur: partim ipsis uariantur ætatibus: ad regularum momenta demigrasse græcorum commenta concordant. Nichil enim fidei di-

uersa ei prebuerunt instrumenta: penes quæ sæpe multa uarietas atque incōstantia nascebatur: nā si neruos cōspiciamus: uel humidior aer pullus obtundit: uel sicciore excitat: uel cordæ magnitudo sonū reddit grauiorem: uel subtilior tenuat acumen: uel aliū quodāmodo prioris cōstantiæ statum permutat. Accidit enim dum tanta Pythagoras ipse uariatione perplexus fabrorum officinas preteriret maleorum sonitus ei auribus insonuisse. quos cum ei mos esset omnium uisibilium atque inuisibilium & sensibilibus rationem perquirere: mutari iussit: & cum aduerteret diuersos maleorum sonitus non uiribus hominum immutari: sed diuersis maleorum ipsorum

Pythagoras

educi ponderibus : pondera ipsa examinare cepit quorum cum quinque essent quintum abiecit : ut Boetius asserit quoniam cunctis erat inconsonans. At quatuor ipsorum extremos sibi inuicem maleos duplum correspondere pondus percepit diapason consonantiam producentes : ut si maleus primus esset librarum sex : ultimus duodecim pondere premeretur . Secundus ad primum epitritum pondus seruabat diatessaron consonantiam seruans eratque ponderis octo librarum. Sed tertius ad primum emiolium seu sesquialterum pondus nouenario ducebat numero diapentes consonantiam resonando . Idemque tertius ad secundum sexquioctauum pondus seruabat tonum constituens . Quartus uero tertium epitrito numero custodiebat diatessaron consonantiam implens. Rursus Quartus ad secundum sesquialtero numero ductus diapentes consonantiam deferrebat ipsorum itaque pondera maleorum hic ordine disponantur . vi . viii . xiii . xii. Cum uero alta cogitatione tantæ tam que archana rei diuturna inquisitio Pythagoram ipsum fatigasset mihi ipsi facile persuadeo eum non modo has quatuor sonorum commissiones sed & reliquas inuestigasse quibus musices disciplina perficitur & nutritur. sex precipue sunt uocum coniunctiones ex multiplicibus & superparticularibus habitudinibus deductæ: quas In somno Scipionis Macrobius & in Thimei Platonis interpretatione Calcidius cunctique musici summo studio uenerantur. Has in successu singulariter adducendas Diapason: Diapasondiapète: & Bisdiapason: Diatessaron: Diapète: & tonum: ex duplicari & Triplari & quadruplicari atque Epitrita: Emiolia & Epogdoa facile deduci concedunt. Quo fit ut ipsum Pythagoram maleum illud quod in octonario alterum commutasse atque sextum superaddidisse existimemus: quintum scilicet qui minori pondere cunctis præesset quaternario numero constitutus : & sextum qui maiore decenario scilicet & senario numero cunctos excederet : nunc sit processus ipsorum sex maleorum propriis ponderibus hoc ordine. iiii . vi . viii . xiii . xii . xvi . Si enim maleum octo librarum ad maleum quattuor constituebat : diapason consonantiam auribus percepisse dupla ratione letabatur . At quod sextum maleum denarii senarii que ponderis ad maleum octauum ponderis conferebat diapason pariter in dupla proportionem ducebat. Rursus quom maleum ipsum maioris ponderis ad maleum minoris scilicet quarti ponderis cōduxisset Bisdiapason in quadrupla ratione deprehēdebat . Sed si maleum duodecim ponderum ad hunc primum quattuor ponderum comparasset: Diapasondiapentes consonantiam tripla proportionem ducebat . atque in hunc modum diuersis ipsis ponderibus alternatim inuicem appositis consonantias omnes musicas multiplici tantum & superparticulari genere conseruari & grauiores maleos acutis ita consonare: certo sibi inuicem ordine correspondendo deprehendit ut uterque ad audientis sensum statuta dimensione remearet

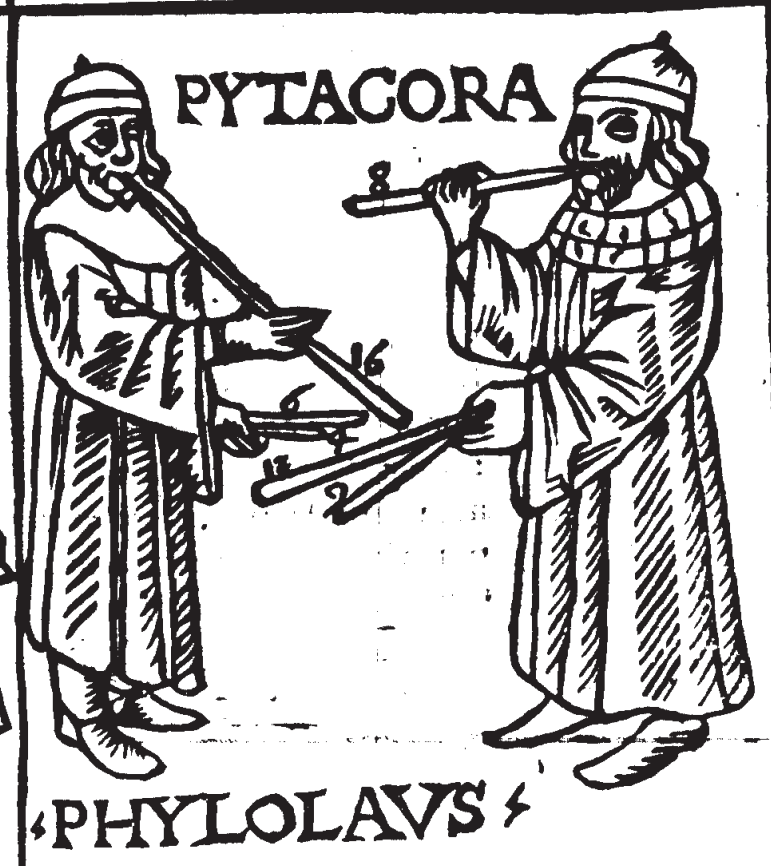
Boetius

Pythagoras

Macrobius
Calcidius

Pythagoras ex uariis pulsibus unum sibi consonās offerendo. Quibus ueraciter habitis Pythagoras ipse uariis perquirens examinationibus an in his proportionibus omnium consisteret symphoniarum ratio æquis neruis aptauit pondera iisdem numeris & proportionibus sumpta. Tum diuersorum longitudinem calamorum singulis dimensionibus aptans integerrimam fidem diuersa experientia capiebat. Sæpe quoque æquorum ponderum ciatos mensurans proportionabiliter aqua repletos uirga percutiebat. Sed & Tintinabula ærea diuersis formata ponderibus uirga ærea ferrea ue percutiens ipsis proportionibus musicas huiusmodi consonantias coaptari atque concorditer respondere perpendit. Hinc etiam ductus longitudinem grossitudinemque cordarum arearum neruatiliumque proportionibus ipsis ducibus musicos sonos conducere certior est effectus. Atque his modis regulam inuenit que ex re uocabulum sumpsit: non quod regula ipsa sit lignea uel ærea per quam sonos magnitudinesque metimur: sed quedam adeo huiusmodi inspectio fixa firmaque ut nullum inquirentem dubio fallat iudicio. dicta siquidem a regendo quasi nos regens ne in errorem incidamus. Iosephus autem hanc Pythagoream inquisitionem Iubali ante diluuium ascripsit: quippe qui ipsum uerens diluuiū cum Adam humano generi prænucciaisset mundum igne cito aut aqua periturum sonorum artem adeo gratissimam & peculiarem habuit ut ipsas consonantias & proportionales duabus columnis marmorea scilicet & latericia sculptura insigniret: marmorea quidem ne putreficeret in fluctibus: latericia uero ne solueretur ab igne: quam post diluuiū posteritas ipsa repperit usui que mandauit. Harum quidem exquisitarum proportionum eductarumque consonantiarum formas demonstrat hec subiecta figura.

Iosephus



LIBER SECVNDVS.

De diffinitione musices & accidentibus sonorum Capitulum primum.

Pythagoras
Plato

c

Baccheus

Philosoph^{us}

Boetius

Themistius
Hermolaus

Vm omnis institutio cuiuscunque rei a ratione suscepte debeat a diffinitione proficisci: quo quid illud sit de quo tractandum est intelligi possit: Musices disciplinam quam Pythagoras & Plato philosophiam dixerunt presenti consideratione sciētiā esse numerorum ad sonos proportionatorū grauium atque acutorum sonorum differentias sensu ac ratione perpendentem proponimus. Dicta enim est musica (ut latino utar uocabulo) a moys secūdm quosdā. Alii autē a Musis uel a potōnufon quasīa querendo quia per eam lus carminum quesitum est atque uocis modulatio. Elementorum enim huius musicæ rationis quedam naturæ insunt quæ iam usui nostro: Naturæ insunt acumina grauitates & diastemata idest interualla ut Baccheus posuit. Usui autem nostro ipsa pronūciatio & effectio morum circa ipsos sonos. Ex his quidem Semitonia Toni Systemata & ipsæ consonantiæ fiunt. Consonantia per motionē principium dicitur esse musicæ & finis per attributionem. quippe quæ absq̃ sono fieri non potest: isque sonus preter. quendam pulsum percussionemq̃ non redditur. Pulsus uero atque percussio nullo modo potest esse nisi precesserit motus: nam si cuncta fuerint immobilia non poterit alterum alteri concurrere ut unum impellatur ab altero: sed cunctis stantibus motuque carentibus nullum fieri necesse est sonum: quo circa quinto phisicorum Motus dicitur trāsmutatio successiua quæ sit in tempore. Tempus nanq̃ sequitur motum. nam quarto phisicorum Tempus est numerus motus. Sonus igitur apud Boetium est percussio æris indissoluta usque ad auditum: qui cum sensibilis res sit: & in preteritum tēpus preterfluat: imprimatur memoriæ necessum est ne pereat cum scribi non possit. Solet enim dubitari an corpus percussum an percuciens sonitum reddat an ex utroque reddatur. Themistius autem in secundo de anima iuxta interpretationē Hermolai Barbari omni doctrinarum genere eminentissimi sonum dicit aerem elisum passumq̃. Aer autem ut ait est duplex: unus is qui inter corpora cōflit tim incussa dispellitur: alter is qui ab hoc primum profectus mox successu motus continenter ad auditum perfertur: atque hoc est iam illud quod auditur. At Sonorum discrimen non quom potentia subsidunt & intus premuntur. sed quom actu nituntur internosci potest: quemadmodum & cæterorum sensilium. Principes enim sonorum notæ acumen & grauitas sunt. atque hec nomina a tactilibus flexa per translationem sonis adiungimus. ut enī q̃ forma in mucronem exacutā obtinet pauxillo tempore uehementer tentat: quod uero retusam habet sero &

segniter: Ita & auditum exuibrans & acuta uox icit: & prope modum mulnerat
 quasi pungens: grauis obtundit' offunditque tanquam trudens: atque hoc ratio-
 ne illa contingit quod altera multum celeriter mouet: altera parum prae-
 ergo non idem sunt celeritas & acumen: neque retusio & grauitas: ut quibusdam
 uidetur sed ita euenit ut motus fastigiati turbinatique corporis frequēs & prae-
 celer sit: retusi uero atq; hebetis cunctabundus & tardus: hinc etiam fit ut a cor-
 poribus polytionibus lationibusq; acutior sonus edatur: qđ aer ab iis uelocius
 mouetur & celerius dissilit: unde & auditus ualde & cito laceffitur. Ipsorū itaq;
 motuum alios uelocios esse aliosq; tardiores Boetius considerauit: atq;. Eorum
 deniq; motuum Alios rariores Alios spissiores. Nam quom in continuum respi-
 cimus motum: ibi aut uelocitatem aut tarditatem comprehendamus necessum
 est. Omnis itaque rarior & tardus mot' sonos efficit graues: nam ut tarditas sta-
 tioni proxima est ita grauitas contigua taciturnitati: fitque id ipsa grauitate &
 tarditate pellendi. Velox uero ac celer & spissus motus acutos reddit sonos ipsa
 celeritate & uelocitate pellendi. Vnde si tensam cordam intus produxerimus
 sonum promet acutum: quae cum fuerit remissa sonum grauem reddet. Quo fit
 ut tensior corda uelociorem agat pulsus: celeriusque reuertatur: atque frequen-
 tius & spissius aerem feriat. laxior uero solutos ac tardos pulsus efferat atque ra-
 ros ipsa imbecillitate feriendi: nec diutius tremat. Sed neque quoties corda pel-
 litur unum tantum edi putemus sonum: aut unam in his esse percussione. cum
 toties aer feriat quoties eum corda percusserit tremebunda: Verum quoniam
 iunctae sunt sonorum uelocitates: nulla intracapedo auribus sentitur: unus nam-
 que sonus sensum pellit uel grauis uel acutus quanquam uterque ex pluribus cō-
 stat: grauis quidem ex tardioribus & rarioribus: acutus uero ex celeriorib' & spis-
 sis. Illud item distinguendum opere precium est quod solus animantis sonus uox
 proprie dicitur. Inanimata enim uocalia esse non possunt quod si fiduculas aut
 fistulas dicimus uocales: traslatitium est: & abutimur nomine: quod saepe fit: ut
 instrumentis iis quasi uerba formari atque alloquia uideantur. Id quidem euenit
 quoniam cordulae ipsae intentionibus remissionibusque musicis sonos harmoni-
 cos proportionem artis & naturae concludunt: quod & in tibiis coeterisque instru-
 mentis seruatum est. Ex animalibus quoque plura non habent uocem: & quae
 precipue exanguia sunt iis nulla uocis emittendae facultas est. ut patet ex in-
 sectis & in iis quae integuntur crusta: nam ea quae uidentur canere ut cicadae mē-
 brana septo transuerso subdita: ad quam spiritus in eo inclusus atteritur. obstre-
 punt. Sed neque pisces uocem emittunt: nec immerito: quia uox aeris motus est
 pisces aerem non recipiunt: ut qui in humore exigant: nam pisces quos amnis
 Achelous gignit: capri dicti creditū illam uocē grunitumque attritu branchia-
 rum cient. Animal igitur uocem mittit tantum: non omne (ut dictum est) neque

Boetius

Vox

ab omni corporis pte : nam & manus colisæ strepitum attollunt. Tria. n. sunt per quæ non omnis modo sonus sed uox etiam gignitur. Primum est id qđ plagā infert; deinde id cui infertur; tertium id in quo hec aguntur. Aerem sane in utroq; haberi necesse est: quanq̃ non eodem modo in utroq; nam ad uocem elidendam non omnis aer requiritur: sed solum is spiritus quem alterno modo in Anhelitu reddimus & ducimus: Huius geminus in respirando usus ē necessarius : nanq; hic ad calorē qui intus sit refrigerandū: Alter non quidem necessari⁹ sed ad uocem formandam inuentus: ut Themisti⁹ refert: gratia melioris notæ. Instrumentū Anhelitus guttur est. Respiramus attrahendo reddendoq; animam puices. Guttur pulmonis gratia uidetur adiunctus q; hanc partem animalia incessilia & sanguinea feruidiusculam obtinent: quia cordi maxime sit propinqua: ubi fons ē caloris: euentatione igitur pulmōni opus est: & cordi etiam amplius. Proinde respiratio ad uitam continendam necessaria est. Itaq; aer per gurgulionem illatus aductusque feruorem illum recentat: refrigeratque: Huius ergo aeris quem spirando reddimus percussio & offensio ad arteriam: si cōsulto & decomposito fiat illac qua comineat spiritus uox est. Tussis uero non est uox quantis ab iisdē locis & opificiis quæ respirationi administrant cum arteria quæ ad pulmonem pertinet & per eadem machinamenta proueniat: quia scilicet non ex proposito accidit. sed neque excreatio: neq; concauæ manus quæ illisa sit crepitus: nec plausitatio: neq; alia uox temere uiceq; fortuita gutturis aut labiorum elisu exprompta: proprie uoces sunt: quia sine cogitatione aut consilio uox missa non est uox. q; in ipsius uocis diffinitione omnino collocandum est: quoniam Vox est sonus qui cū significatione aliqua emittitur. Ex Themistio aut Hermolao interprete uocis diffinitionem latius concludamus. Vox inquit est animantis sonus qui de instrumentis & meatibus & officina spirandi attollitur ortum habens hinc q; spiritus reditus percutit aerem in arteria contentum. aut ipsam arteriam: id q; ex proposito idest cum imaginatione aliqua aut consilio significandi indicandiq; aliquid. Igitur quoniam acutæ uoces spissioribus & uelocioribus motibus incitantur : graues uero tardiorib⁹ ac raris ut Boetius asserit accidit additiōe quadā motuū ex grauitate acumen intendi: detractiōe uero motuū laxari ex acumine grauitarem. Ex pluribus nanq; motibus acumen quam grauitas constat. Ea quippe in quadā numerositate cōsistūt i quib⁹ pluralitas differētiā facit. Ois uero paucitas ad pluralitatē ita sese habet ut numer⁹ ad numerū cōparat⁹. Eorū aut quæ secūdū numerū cōferunt: partim sibi sunt æqualia: & ptim iæqualia: quo circa soni quoq; partim sunt æquales: partimq; inæqualitate distantes: sed iis uocibus quæ aurib⁹ nullam dissimilitudinē tradunt: nulla omnino euenit cōsonantia secūdū Nicomachum: nam Consonantia est dissimilium inter se uocū i unū redacta cōcordia.

Themistius

Themistius
Vox

Boetius

Nicomach⁹

De sono non uoce & uocum distinctione .Capitulum Secundum.

r Vrsus sonum de quo latius dictum uidetur: duplicem esse cōstat:
unum actu: unumque potentia . Sunt & quæ neque actu neque
potentia sonum obtineant ut spongiæ & omne lanicium : Sunt &

Alia quæ quanquam sonum habent: tamen aliquando actu habent
aliquando potentia: ut æs & lapides & omnia plana glutta leuigataq; hec quom
quiescunt sonum potentia continent: quom aëro inuicem colliduntur edūt actu
sonum ac strepitum. tunc autem sonus editus dicitur: quom de re quæ sonat ad
aurem profectus medium spacium complet .Necesse autem est quom actu so-
nus fit: haberi minimum tria: duo quæ concurrant: & tertium id in quo hic con-
cursus fiat: uerbi gratia: quæ concurrunt: & dura & solida corpora esse necessū
est: in quod geratur aer est. Neq; .n. fieri potest ictus aut percussio sine delatiōe
neque delatio item sine aere medio: ut Themistius probat: percussio uero non
quæuis sonitum ciēt: neque omnia corpora sonitum elidunt: sed complanata &
leuia: & quæ aut caua sint: aut in latitudine diffusa. aëris fracturam leuor defen-
dit: quem oportet incolumem & indiuisum perferri ad auditum. Quæ autem la-
ta sunt q; multum aeris amplitudine orarum & marginum propellunt egregie
personant. Caua item idonea in hoc sunt propterea q; a primo ictu per dissultra-
tionem congeminantur plagæ: quom enim aeris qui intus est exagitatus exitum
querat quem obiectu laterum ob quæ dum præcipitat offendit : inuenire non
potest: fit ut diu per hæc luctatus & tortus ualide perstrebat: q; quidem præci-
pue i auxillis æneis accidit præsertim si leuigata expolitaque sunt. Illud præterea
scitū dignum puto: Echo reddi hac ratione q; aer sonore: aut uoce ictus: quotiēs
planum leuigatum & simplex corpus incurrit : nec præterea progredi potest of-
fensaculo transitum & scissuram uetante retro dispellitur & dissulcat ut pila. fieri
quidem æmulas & reciprocas semper uoces necessum est : sed præ sua exilitate
sensum effugere: Semper enim aer percussus occurfaculum inuenit : unde reci-
procet : alioquin si directum semper iter uoces tenerent : nemo ipsum se audire
posset loquentem: sed latet plerunq; reflexio: quod & in lumine accidit. Profecto
Echo sua respondet semper ex omni strepitu: etiam si non semper obloquitur: nec
semper exauditur : sed tunc demum quom corpus sinuosa & leuigata soliditate
ictū aeris excipit : si eni æquabilis & una planicies offensa corporis sit: aer quoq;
æquabiliter & continenter unus efficitur : retroque eadem unitate seruata inco-
lumis & integer com meat & reditum capessit . Si uero corpus id prominulum
asperum inæqualeque fuerit tum dehiscere : & diuelli aerem necesse erit : quasi
non in unā planiciem : sed in plures offenderit : quando præsertim ut constent

Themistius

Echo

ac suppetant omnia tamen natura diffutuli & facillime fissili est: Cum autem non unus aer sit ut dictum est qui strepitum faciat: inter omnia tamen elementa principatum tenet. quamobrem ii qui propriam & peculiarem rationem audiendi uacuo tribuunt non longissime absunt a uero: propterea qđ nichil aliud esse uacuum quam aerem arbitrantur. Sonorum igitur & obstreporum est id qđ mouere aerem potest uniter & continenter adusque aurem: Plane auditus natura confinis & cognata aeri est: habetur enim in auribus congenitus conflatus qui quasi intextus est paniculae: & cum spiritu illo implicitus: atque inaedificatus ubi fomes sensificus est: & ubi prima sentiendi uis sedet: proinde aer externus quotiens commotus est: & interiorem illum successit: continuatur cum eo & coalescit ita ut uterque sit unus. quemadmodum enim aqua aquae ita aer aeri continuus sit non attriguus: transmittit ergo strepitum aer exterior per interiorem ad sensum: atque haec causa est quare animal non audiat omnibus membris: sed eodumtaxat in quo natura portionem aeris intexit ac aer quidem ipse insonus est cum principio careat unde proficiscatur sonus: Nunc quoque id discutiendum uidetur cum quid pronunciamus ut uerbi gratia. Hunc uersum Da patris Ambrosii meritis nos Christe iuuari: ubi nam sunt tempora & pedes dicti uersus? in sono tantum qui auditur: an etiam in sensu audientis qui ad aures pertinet: an in ictu etiam pronunciantis: an quia notus est uersus? In memoria quoque nostra temporum numeros esse fatendum est. Fieri enim potest ut alicubi sonus existat huiusmodi morulis & dimensionibus aerem uerberans uel stillicidio uel aliquo alio corporum pulsu: ubi nullus adsit auditor. Alter autem qui est in sensu audientis. cum aures uideantur percipiendi si quicquam sonuerit: quod utique non caret si desit sonus. nam non nichil tamen cum silentium est a surdis differunt: si nihil sonet habebit tamen in se numeros: quam numerosum sonum non potest sentire. Nam & si sentientem corporis locum digito tangas quotienslibet sentitur: totiens sentitur tactu ille numerus: & cum eo sentitur non eo caret sentiens. Sed utrum insit etiam tangente nullo non sensus ille: & numerus similiter? Non facile dixerit Augustinus in sexto suae musicae carere sensum talibus numeris in se constitutis etiam ante quam aliquid sonet: non enim aliter aut mulceretur continuitate aut absurditate offenderetur. Id ipsum ergo quicquam est: quo aut annuimus aut abhorremus non ratione sed natura: cum aliquid sonet ipsius sensus numerum uocamus. Non enim tunc fit in auribus meis cum sonum audio hec uis approbandi & improbandi: aures quippe non aliter bonis sonis quam malis parent. Verum uti differt audire ab eo quod est non audire: ita hanc uocem audire ab eo quod est alteram audire differe euenit: hec igitur affectio nec ultra porrigitur nec infra cohibetur: quoniam est mensura eius soni qui facit eam. Altera est quidem in productiore sono: altera in correptiore mensura:

Augustinus

Mensura soni

nulla uero in silentio. Verum si in numerosa uoce fit: etiam ipsa numerosa sit necessarium est. neque esse potest nisi cum adest effector eius sonus. Naturalis autem illa & iudicialis uis que auribus adest non desinit esse in silentio: & quinto primi prædictum est: nec nobis eam sonus inserit: sed ab ea post siue probandus siue improbandus excipitur. Hinc fatendum est eos qui in ista aurium passione sunt numeros: cum aliquid auditur sono inferri: auferri silentio. Quo fit: ut numeri qui sunt in ipso sono sine illis qui sunt in eo quod est audire possint esse: hi uero sine illis minime. At tertium genus quod in ipso usu existit & operatione pronuntiantis considerandum est: atque uidendum utrum hi numeri sine illis qui sunt in memoria esse possint. Nam & taciti apud nosmetipsos possumus aliquos numeros cogitando peragere ea temporis mora qua etiam uoce perageretur: hosque in quidam animi operatione esse manifestum est: quæ quoniam nullum edit sonum nihilque passionis inserit auribus: ostendit hoc genus sine illis duobus esse posse: quorum unum est in sono: alterum in audiente quando audit. Sed & utrum desisteret nisi adiuuante memoria: querimus: quanquam si anima hos numeros agit quos in uenarum pulsu inuenimus: soluta questio est: nam & in operatione animi hos esse manifestum est: & nihil ad eos adiuuamur memoria. Quod si de his incertum est utrum operantis animæ sint: de istis certe quos reciproco spiritu agimus nulli dubium est quin & temporum interuallis numeri sint: & eos sic anima operetur: ut etiam uoluntate adhibita multis modis uariari queant: nec tamen ut agantur ulla opus est memoria. Atque hoc genus uidetur sine tribus cæteris esse posse: quanuis enim pro temperatione temporum uarios uenarum pulsus & respirationis interualla fieri non ambigam: tamen operante anima fieri negare non audeo. Qui etiam rursus pro diuersitate corporum aliis celerior est: aliis tardior: nisi tamen adsit anima ut id agatur nullus est. Sed & quartum genus eorum scilicet numerorum qui sunt in memoria considerari oportet: nam si eos recordatione depromimus: & quomodo in alias cogitationes defferimur hos relinquimus rursus uelut in suis secretis reconditos: non opinor occultos eos esse posse sine cæteris: nec dubitandum est eos posse sine cæteris. Sed tamen nisi audiri uel cogitati non mandarentur memoriæ. Ideo quanquam illis desinentibus manent iidem tamen præcedentibus imprimuntur. Sed quintum genus superaddendum uidetur quod ab illis: quattuor distinctum est. Aliud siquidem est sonare quod corpori tribuitur. Aliud audire quod in corpore anima de sonis patitur. Aliud operari numeros uel productius uel correptius. Aliud ista meminisse. Aliud de iis omnibus uel annuendo uel abhorrendo quasi quodam naturali iure facere sententiam. Sed hoc quintum genus dignius cæteris est & excellentius: nam non posset de illis nisi excelleret iudicare: quod & in quinto primi lucide est expressum

Vocis distinc-
tio

Boetius
Albinus

Phtolomeus

At uocum distinctionē adoriri nunc decet: quarum. Alia continua Alia cū iter-
uallo suspensa: Cōtinuæ uoces sunt quas loquēdo uel legēdo continuatim pfer-
rimus. Expediendis enim sensibus & sermonib⁹ exprimēdis cōtinuæ uocis ipetus
effectum ingerit: festinans quāuelocissime uerba pcurrere: Voces uero cū iterual-
lo suspēdas pferim⁹ quū canimus: quibus quidē non sermonē sed potius modu-
lationē exprimim⁹. Est .n. uox huiusmodi tardior quoddā faciens per modulādas
uarietates interuallū non taciturnitatis sed suspensæ ac tarde poti⁹ cantilenæ ut
Boetius asserit. His addit Albinus tertiā differentiā quæ medias includit uoces:
quom. s. heroum poemata legim⁹: neq; cōtinuo cursu ut prosam: neq; suspēsa uo-
cis prolatione ut canticum. Sed continuæ uoces & illæ quib⁹ cantilenā percurri-
mus: naturaliter quidem infinitæ sunt: nam si cōsideremus: nullus datur uel euol-
uendo. um sermonum modus: uel extollendorum acuminum laxandarumque
grauitatum: sed utrisque proprium finem fecit humana natura. Continuis enim
uocibus terminum dedit humanus spiritus ultra quem nulla intentione ualent
extendi. Tantum unusquisque loquitur continue quantum naturalis spiritus
finit. Vocibus item cum interuallo suspensis hominum natura terminum fecit:
qui acutam eorum uocem grauemque determinat: Tantum profecto unusquisq;
uel acumen ualet extollere uel deprimere grauitatem: quantum uocis eius natu-
ralis patitur modus. Sed Phtolomeum coniunctarum uocum differentias hoc
ordine legimus contractasse Voces inquit inter se uel unisonæ sunt: uel nonuni-
sonæ. Non unisonarum uocum Alia quidē sunt æquisonæ: Alia consonæ: Alia
emmeles: Alia dissonæ: Alia exmeles. Unisonæ enim sunt quæ unum atque eun-
dem singulatim pulsæ reddunt sonum: Equisonæ autem sunt quæ simul pulsæ
unum ex duobus atque simplicem quodammodo efficiunt sonum: ut est dia-
pason & Bisdiapason. Consonæ uero sunt quæ compositum ac permistum sonū
efficiunt & suauem ut diapente & diatessa. Emmelles sunt quæ cum
consonæ non sint recte tamen aptantur ad cantilenam: ut sunt quæ consonantias
iungunt. Dissonæ sunt quæ non permiscunt sonos atque insuauiter feriunt sensum
Exmelles uero sunt quæ non recipiuntur in consonantiarum coniunctione. Sunt
itaque unisonæ quarum sonus unus est uel in graui uel in acuto: Non unisonæ
uero quarum una grauior est altera acutior. Harum partim inter se differen-
tia comuni fine iungitur: quæ quidem non discreta seu cum interuallo sus-
pensa est: sed a graui in acutum ita deducitur ut continua uideatur. Voces eni
comuni fine iunguntur hoc modo. Si quis percutiat cordam in instrumento
musico eamq; dum percutit torqueat: contingit sonum cordæ in principio esse
grauiores: dum torquetur uero effici acutiores: fiuntque ita grauis uocis so-
nitus & acutæ continui: Eadem pariter oculis similitudo preponitur: quom ce-

22

lestem arcum in nubibus conspiciamus: ita enim colores sibi met sunt proximi ut non sit certus finis quomodo alter ab altero disgregatur: sed ita uerbi gratia a rubro discedit ad palidum ut per continuam mutationem in sequentem uertatur color nullo medio certoque interueniente qui utrosque distinguat. Aliarum uero non unisonarum uocum differentia silentio interueniente distinguitur. Cum igitur uocum aliae sint continuae Aliae disgregate: Continuae quidem tales sunt ut inter se earum differentia comuni fine iungatur: Discretae uero inter se proprios locos tenent ueluti colores impermixti quorum differentia uisitur suo quodammodo loco constituta: haec enim inuicem differunt acumine & grauitate: atque medio distant intervallo: Fitque ex acumine grauitas in ipsis & acumen ex grauitate: quo fit ut proprium designatumque locum non habeant uox acuta grauisque quem teneant. Continuae quidem non aequisonae uoces harmonicae facultati competere minime possunt: cum sibi ipsis dissimiles sint: nec unum aliquid personantes. Discretae autem uoces musicae subiiciuntur arti: potest namque distantium sibi que dissimilium uocum differentia deprehendi.

De grauitate & acumine atque intervallo. Capitulum. Tertium.

¶ Onum quem Graeci phtongum a similitudine loquendi nominant emelis seu modulatae uocis casum in unam intentionem esse dicunt una .n. intentio in uoce sumpta phtongum emmellem .i. concinnum siue modulatum efficit ut Baccheus inquit. Quo circa cum Consonantiam esse arbitremur acuti soni grauisque misturam suauiter atque uniformiter auribus accidentem: sonorum quoddam Diastema intercidit sic diffiniri solitum. Diastema est differentia siue interuallum duorum phtongorum acumine grauitateque dissimilium. Systema uero dicitur quod ex pluribus quam duobus sonis concinne cantatur. Minimum igitur eorum que concinne cantantur est phtongus. Minimum autem ex diastematis seu spaciis uel interuallis est diesis. Diesis est quod ingenium nostrum potest modulare minimum remittere atque intendere secundum Baccheum de qua lati⁹ in tertio quarti dicitur. Dieseos autem duplum est hemitonium. Semitonii uero duplum est tonus. ut ipse asserit. sed Tonus est quo maior apparet consonantia diapentes ea que est diatessaron de quibus in quarto euidentius tractatur. Verum cum interuallum sit acuti soni grauisque distantia: quoties duae uoces coniungantur dissimiles: siue interuallum fuerit maius ut diapentes

Graeci

Baccheus

pp. m. d. 10

M. Tullius

Fabi⁹ Qui
tilianus
Augustinus
Plato
Marfilius
Vbaldus
Philosoph⁹
Baccheus

Isidorns

et diatessaron uel diapason: siue minimum ut dyttoni uel toni uel semitonii & reliquarum coniunctarum: tunc substitutum & inferiorem sonum grauitati: acutiori uero superiorem deputare solemus: quod & Marcus Tullius in sexto de re publica his uerbis expressit: Et natura fert ut extrema ex altera parte grauius: ex altera uero acute sonent. Sed si grauiori sono alterum subiunxerimus sonum: primus tunc grauior acumine distabit ab altero: fiet que acutior sub iuncti comparatione grauitatem custodientis. Idem quoque euenit quom acutiori sono superaddatur alter sonus: nam eadem ratione: primus acutior grauis efficitur habitudine ad alterum computata: non remissione sui quoniam seruatur immotus: sed comparatione alterius qui seruat acumen. Quo fit ut Acumini grauitatique nulla propria ac certa stabilisque sedes constituta sit: quod & in praecedentis capituli calce assertum est. Hinc euenit interuallum esse acuti soni grauisque distantiam: atque consonantiam acutorum grauiumque sonorum commissionem. diuidentium propterea in graue acutum & superacutum introductorii dispositionem erroneam facile concludemus: cum his quas soli grauitati deputant consonantia insistant: quae ex grauib⁹ & acutis necessum est copuletur: ut consonantia sit: hanc licet aurium sensus quoque diiudicet tamen ratio perpendit. fit enim ea hoc modo. Quotiens duae cordae una grauiore intenduntur simulque pulsae reddunt permistum quodammodo & suauem sonum. duaeque uoces in unum quasi coniunctae concurrunt: tunc ipsa fit consonantia Euphonia item idem est quod consonantia: nam dicitur ab eu quod est bonum & phonia sonoritas quasi bona sonoritas: Fabius autem euphoniae latine interpretatur uocalitatem Sinphoniam uero concordiam uocum interpretatur Augustinus. Sed Harmonia apud Vbaldum est diuersarum apta coadunatio uocum Plato autem in secundo de legibus ut Marfilius ficinus interpretatus est: Harmoniam esse ordinem in ipsa uocum per acutum & graue contemperantia ponit: quam nos concentum dicere solemus. Philosophus uero hanc esse sonorum rationem in acuto & graui monstrauit. Melodiam autem Baccheus remissionem & intensionem esse per sonos concinnos factam indicat: Verum quom duae cordae simul pulsae non permiscerent ad aures suauem atque unum quodammodo ex duobus compositum sonum: tunc ea fit que dicitur dissonantia. Hinc Isidorus duorum sonorum sibi met permistorum ad aures uenientem asperam atque iniucundam permissionem esse declarat. Diaphoniam quoque discrepantium sonorum aggregationem, dicunt

De formatione Consonantiae : Capitulum Quartum.

r Versus sonum quo consonantia generatur Apolodorus fieri asserit
 quom is aer qui medius ē inter loquentem & audientem uerbe-
 ratur:orbiculariter deinde agitat⁹ auribus influit : quemadmo-
 dum & cisternae aqua per orbes iniecto agitur lapide:sonum ue-
 ro ipsum fieri cum uis sensibilis circa principale soluitur nostrum . Themistius
 autem aerem primo insonantem non abiungi posuit ita ut ad auditum ipse acce-
 dat:sed proximum sibi & continuum aerem commouere : atque hunc subinde
 alium excitare:more quo in ipsis fluctibus cernitur:in quibus alter alterum tru-
 dit & pulsus obiter sequentem impellit. Quom enim paludibus uel quietis aquis
 iactum eminus saxum immergitur prius in paruissimum orbem undam colligit
 maioribus deinde orbibus undarum globos spargens:usq; dum defatigat⁹ mot⁹
 ab eliciendis fluctibus conquiescat:semper enim posterior & maior undula dis-
 funditur:sed si crescentibus undulis appositum fuerit offendiculum : statim
 motus ille reuertitur & quasi ad centrum unde profectus fuerat eisdem un-
 dulis rotundatur . Ita quoque cum aer pulsus fecerit sonum pellit alium
 proximum & quodammodo rotundum fluctum aeris ciet : atque ita dis-
 funditur & omnium circumstantium simul ferit auditum .longinquiori tamen
 obscurior est uox : quoniam ad eum debilior pulsi aeris unda peruenit .
 Stoyci enim uocem ipsam corpus esse contendunt eam aerem ictum esse di-
 centes . Corpusque ipsum id esse quod aut efficit aut patitur : quod Lucre-
 tius significare uolens hac processit sententia Tangere enim aut tangi nichil
 nisi corpus potest . Graeci uero corpus dicunt triplici dimensione distans .
 Plato autem uocem corpus non esse putat ut Aulus gelius refert . Non
 enim percussus inquit aer sed plaga ipsa atque percussio uox est :nec sim-
 pliciter plaga aeris uox est:nam digitus quoque aerem percutit : non ita ta-
 men uocem facit . Democritus autem ac deinde Epicurus ex indiuiduis
 corporibus uocē constare dicunt.Cum igitur uoces auribus annotentur Aristo-
 xenus idcirco consonantiarum tractatum haud rationi constituit : sed au-
 rium iudicio permittit : uoces ipsas nullis numerorum proportionibus anno-
 tans : sed earum in medio differentiam summit ut speculationem non in ip-
 sis uocibus . sed in eo quod inter se differre collocet nimis improuide cum
 differentiam sese arbitretur earum uocum quarum nullam imaginem men-
 suram ue constituat . Hic nanque diatessaron consonantiam duorum to-
 norum & semitonii esse proponit : ac diapentes trium tonorum & semi-
 tonii atq; diapasen sex tonorū.sed hoc falsū ē:nam monstrabimus duo minora

Apolodorus

Themisti⁹

 Stoyci
 Lucretius
 Graeci
 Plato
 Aulus geli⁹

 Democritus
 Epicurus
 Aristoxenus

Plato

Nicomach⁹

Boetius

Nicomach⁹

semitonia nullo pacto tonum perficere posse : fit uero auribus ipsa consonantia secundum Platonem hoc modo : quom acutior sonus qui uelocior est grauem præcesserit in aurem celer ingreditur : offensa que extrema eiusdē corporis parte quasi pulsus iterato motu reuertitur : sed iam segnior nec ita celer ut primo impetu emissus aduenit : quo circa acutior ipse sonus nunc grauior rediens sono primum graui uenienti similis occurrit misceturq; ei unam efficiens consonantiā. Sed hec Platonica consideratio Nicomacho dissonare uidetur : nam ut præactū est : hanc canendi concordiam similitudo nō efficit sed dissimilitudo : unde si graui grauis misceatur sonus nullam faciet consonantiam : cum consonantia sit acuti soni grauisq; mistura : quo fit ut dissimilitudo distans in singulis copuletur in mistis. Hinc itaq; Nicomachus ipse fieri consonantiā putans inquit : non unus tantū pulsus est qui simplicem modum uocis emittit : sed semel percussus neruus sæpi⁹ aerem pellens multas efficit uoces : Verum quia ea uelocitas est percussionis : ut sonus sonum quodāmodo compræhendat : distantia non sentitur : & quasi una uox auribus uenit . Si igitur grauium sonorum percussiones sint acutorum percussionibus commensurabiles : ut in maleorum proportionibus : non est dubiū quin ipsa commensuratio sibi inuicem commista unam efficiat uocum consonantiam. At Boetius noster consonantiarum iudicium ut in aure : ita quoque in ratione habendum refert : quam harum meliorem oporteat arbitrari. Eodem nāq; modo auris afficitur sonis : uel oculus aspectu : quo animi iudicium numeris uel continua quantitate : proposito enim numero uel linea nihil est facilius quā eius duplum oculo uel animo contueri . Item post dupli iudicium sequitur dimidii : post dimidium tripli : post triplum partis tertiæ. Sed cū facilius sit dupli descriptio optimam putat Nicomachus diapason consonantiam : post hanc diapenten quæ medium tenet : hinc diapason diapenten quæ triplum : cæterasque secundū eundem modum formamq; diiudicat .

In quibus proportionibus consistant consonantiæ Capitulum Quintū .

X comparisonibus enim acuminis & grauitatis quæ sibi cō-
mensurate sunt & e quibus nora euenit mensura comunis. musicæ eductæ sunt consonantiæ. Ea autem dicta est mensura comunis quæ cum sit inter duos numeros differentia ambos partiendo metitur : ut in multiplicibus proportionibus apparet nam quod duplum est illa pars metitur : que inter duos est numeros differentia . ut inter duos & quattuor binari⁹ utrosq; metis qui ipsorū ē differētia. iter tres &

sex idem ternarius utrosque metitur. & inter duos & unum eadem unitas est
 utrosque metiens. item inter nouem & sex idem ternarius utrosque metitur. In
 superparticularibus item si sesquialtera sit proportio ut sex & quattuor: binarius
 est qui utrosque metitur cum utrorumque sit differentia. si uero sit sesquitercia
 proportio ut octo ad sex: idem binarius differentia est & ambos metitur. Id ue-
 ro non euenit in cœteris generibus inæqualitatis ut in superpartiente: nam si
 quinarium ternario comparemus: binarius qui utrorumque est differentia neu-
 trum metitur: cum semel ternario comparatus minor sit: dis uero excedat: item
 dis comparatus quinario binarius quinariū non attingit: ter uero excedit. atque
 id circo hoc inæqualitatis genus a consonantiarum natura & generatione dis-
 iungitur: quoniam in duobus primis generibus quæ consonantias formant mul-
 ta similia sunt: in hoc uero superpartiēte & reliquis duobus compositis minime.
 Id enim probatur hoc modo: nam nichil aliud est duplum nisi bis simplum: tri-
 plum nichil aliud est quam tertio simplum: quadruplum idem est quod quater
 simplum: Sesquialterum ter medietas: sesquitercium quater pars tertia: quod in
 cœteris inæqualitatis generibus non repperitur. Verum cum uniuocis compa-
 rationibus proximæ sint æqui-uocæ necessum est æquis numeris eam numero-
 rum inæqualitatem adiungi quæ est proxima æquis. Est enim iuxta numerorum
 æqualitatem ea inæqualitatis proportio quæ est dupla: nam & prima multipli-
 cis generis species est: sitq; quom maior numerus minorem superat æquo ipsi
 minori: ut duo ad unum: nanque duo excedit unum de uno qui eidem unitati
 est æqualis. Iure igitur proportio dupla æquisonis uocibus aptatur uidelicet
 diapason: Bisdupla uero siue quadrupla Bisdiapason. Proportiones autem
 duplam proportionem diuidentes his aptandæ sunt consonantiis: quæ æqui-
 sonantiam diuidunt diapason: quo fit ut Diapente quidem sesquialteræ diates-
 saron uero sesquiterciæ comparationi copulentur. Iunctæ autem æquisonis cō-
 sonantiæ alias efficiunt consonantias ut diapasson diapente in proportionem tri-
 pla. Sunt igitur æquisonæ diapason & Bisdiapason quoniam earum tempe-
 ramento atque commistura unus ac simplex quodammodo efficitur sonus. Et
 quidem Diapason in proportionem dupla quæ prima est in genere multiplici.
 Diapasson diapente in tripla que secunda est: Bisdiapason in quadrupla pro-
 portione quæ tertia eius multiplicis species est consistere non latet. Dia-
 pente uero in prima scilicet sesquialtera: & Diatesaron in secunda uidelicet
 sesquitercia proportionem superparticularis generis probantur compræhendi.
 Cum uero diatesaron consonantia diapasson æquisonantiæ iuncta auribus non
 consonet: eam tamen probat Phtolomeus nō aurium iudicio sed rōne cōsonantiæ
 esse hoc modo. Quoniā diapasson cōsonantia talē uocis efficit cōiunctionē ut un⁹

Phtolomeus

atq; idem neruus esse uideatur: quod & Pythagorici consentiunt: si qua ei addita fuerit consonantia: integra inuiolataq; seruetur. Itaq; diapason æquisonantia cōiungitur diatessaron consonantia tanq̃ uni neruo: Hoc idcirco euenire contendit quoniam diapason pene una uocula est talisq; consonantia ut unum quodāmodo effingat sonum. Et sicut decenario numero qui fuerit additus numerus integer inuiolatusq; seruetur: cum in cæteris sic fieri non contingat: ut si duos adiungas tribus quinque continuo fient: & numeri species mutata est: si autem duos ipsos denario adicias duodecim constitues: & binarius denario iunctus consonaturus ē. Item ternarius: cæteriq; eodem modo. Ita quoq; hæc diapason consonantia quacūq; aliam susceperit consonantiam seruat: neq; eam mutat nec ex consona dissonam reddit. Quo fit ut ueluti addita diapentes consonantia æquisonantia diapason: diapason diapentes cōmitionem efficit in tripla proportionē consonantē: ita etiam diatessaron æquisonantia diapason iuncta aliam reddet consonantiā ex unius ad alteram amplexione: quæ licet non eueniat ex multiplici: uel superparticulari proportionē: in quibus ea quantitas quæ inter duos est terminos differentia utrorumq; est mensura communis: euenit tamen atq; consurgit i genere superpartiente ex proportionē octo ad tres: & sedecim ad sex ut apertum est i examine pōderis sexti malei ad secundum. Non igitur auribus consonat diapassondiatessaron: quia eiusdem proportionis terminorum differentia non est utrorumque mensura communis. Eam tamen facile cæteris annumerabimus consonantiis: quom. s. aptissime additione toni uel diapentes siue sesquioctauæ uel sesquialteræ proportionis: altera succrescat consonantia: uel rationalis atque consonans proportio. Nempe uti tonus diapassondiatessaron cōmitioni annexus diapassondiapentes consonantiam implet: ita sesquioctaua proportio superiuncta superbipartienti proportioni: ductæ scilicet ex ponderib⁹ sexti malei ad secundum: triplam in multiplici genere proportionem implebit. Rursus ueluti si Diapassondiatessaron addita fuerit diapentes consonantia Bis diapason concinentiam perficiet: ita quoq; superbipartienti huiusmodi proportioni superposita sesquialtera quadruplam implebit habitudinem in genere multiplici conseruatam. Ea igitur diapassondiatessaron obseruatione fere concinendo custodiemus: qua & diatessaron simplicē concentus obseruat.

Quid sit numerus & q; in cunctis est necessarius. Capitulum Sextum.

Um omnibus a primeua natura constructis, ratio numerorum consistit: quod principale fuit in animo conditoris exemplar: hinc namque quattuor elementorum multitudo mutata est: hinc temporū uices: hinc motus astrorum, cœlique conuersio: hinc omnium stat⁹

numerorum fungitur colligatione:necessum profecto est numeros ipsos succite
discurrere. Est enim numerus apud Isidorum aggregata unitatum multitudo :
uel unitatum collectio.uel ut Boetius tradit quantitatis aceruus ex unitatibus
pfusus.Numerum quippe si quis ab hominum natura auferat :nunq̃ prudentes
nos fore censebit.nec animal qđ duo & tria & par & impar ac numerum prorsus
ignorat rationem unq̃ de rebus reddere poterit quas sensu solum atq; memoria
percipit.In cunctis enim rebus Diuus Plato in Philosopho siue Epinomide nu-
merũ ipsum esse necessariũ docet:qđ & si plurib⁹ quoq; rationibus monstrari li-
ceat recte nunc hac potissima rōne declaratur. Nanq; cetera artes sublato nũo
penitus euanescent.utq; de nostra facultate sit sermo.tota ipsa musica motus &
uocum numero indiget:ex quo Rythmus fit. i. ordo in tēpore atq; motu:quem
quidem rythmũ cōmode numerũ dicere possumus:modo intelligamus numerũ
in tempore atq; motu Plato aut ut Epinomidis iterpres Marsilius sentit Aryth-
meticam multis in locis nō modo laudat.uerum et admiratur :quā maxime oīum
inquit ingenium acuiere:memoriam confirmare:atq; animum ad omnem specu-
lationem & actionem aptissimũ promptissimũq; efficere.numerũ quoq; ab ipso
deo hōibus traditum uelut rationis discurſionisq; necessarium instrumentũ:quo
sublato & animus amens appareat & scientiæ artesq; ut iā dixim⁹ penitus eua-
nescant.Omnia deniq; mala esse censuit Plato quæ concordī numero & pulchri-
tudine carent:Quæ uero consentientibus numeris coaptantur bona.Numerus
igitur a nummo dictus est & a sui frequentatiōe uocabulũ sumpsit.Vnus a græ-
co nomen trahit.Græci enna dicunt nos uero unũ.sic duos & tres dicimus quos
illi dya & tria.Quattuor a figura quadrata dicuntur.Quinq; autem non secun-
dum naturam sed secundum eius placitum qui numeris ipsis nomina indidit no-
men habent.Sex & Septem a græco ueniūt: in multis nanq; nominib⁹ que græ-
ce habent aspirationē:nos pro aspiratione ponimus s: Inde est pro hexa sex:pro
Hepta septem:sicut pro herpillo herba serpillum:Octo per translationem ex
græco:illi ogdo nos octo:Nouē autem apud eos nea.Decē quippe dicimus quos
deca illi.dicti enim decem sunt a græca æthimologia eo qđ ligent & coniungant
interiectos minores nnumeros : nā desmos apud eos dicitur coniungere uel liga-
re.Porro uiginti dicti quasi decem bis geniti .u. pro .b. littera posita . Triginta a
decenarioter genito dicuntur:sicq; usq; ad nonaginta .Centum uero a cantu qđ
est circulum dicti sunt.Ducentum quasi dya cētum :similiter & reliqui usque ad
mille.Mille quippe a multitudine:unde & militia quasi multicia : inde & milia
quæ græci mutata littera minades uocant:sicque multiplicatio ad ifinita dedu-
citur.Horum quidem numerorum ratio minime contemnenda est quippe quæ
multis sacrarum litterarum locis diuinitus insistit .Non enim frustra in dei lau-
dem dictum est Omnia pondere numero & mensura bene disposuisti . Senarius

Isidorus
Boetius

Plato

Plato
Marsilius

Plato
Numerus
Vnus
Duo
Tres
Quattuor
Quinque
Sex
Septem
Octo
Nouem
Decem
Viginti
Triginta
Centum
Ducentum
Mille

Moses
Helyas
Saluator

nanque numerus: qui ut paulo posterius dicetur singulis partibus suis perfectus est: perfectionem mundi quadam numeri sui significatione declarat. Et ipsi quadraginta dies quibus Moses & Helyas & Saluator ipse ieiunauerunt absque numerorum dispositione intelligi haudquaquam possunt. Verum & alii in scripturis sacris conducti sunt numeri: quorum figuras non nisi noti huiusmodi interpretationis soluere possunt. Nobis item datum est aliqua ex parte sub numerorum consistere disciplina: quando horas per eam discimus: quando de mensium curiculis disputamus quando spacium anni redeuntis agnoscimus: per numerum si quidem ne confundamur instruimur. ablato numero cunctis in rebus omnia perire necessum est: quod & in tertio primi praetactum uidetur. adime seculo computum & cuncta complectetur ignorantia ceca: nec auferri etiam potest a ceteris animalibus qui rationem ignorant. Eos nanque numeros infinitos esse certissimum est: nam quomodo in quouis numero quantacunque multitudine depraehenso finem facere credimus: alterum semper numerum superaddere rursusque alium applicare atque ad infinita ipsa multiplicatione succrescere: ars docet & usus atque ipsa natura. Quisque enim numerus suis proprietatibus ita terminatur ut alter alteri par esse non possit: ergo & dispares inter se atque diuersi sunt: & singuli quique finiti sunt sed ad omnia infiniti: quo fit ut discretae subiiciatur quantitati.

De multifor mi numerorum diuisione Capitulum Septimum.

Arythmetici

¶ Numerorum diuisione ab Arythmeticis hoc ordine traditur. Alium nanque parem dicunt. Alium imparem. rursus parium numerorum. Alius pariter par: Alius pariter impar: Aliusque impariter par. Imparium uero numerorum Alius primus & simplex: Alius secundus & compositus. & Alius mediocris.

Par
Boetius

Numerus par est ille qui in duabus aequis partibus diuidi potest ut duo: quatuor: octo decem: uel ut Boetius in Arythmeticis ponit: numerus par est ille qui unitate differt ab impari uel incremento uel diminutione: nam si impari numero unitatem adicerimus uel abstulerimus illico par efficietur. Impar uero numerus est qui in duabus aequis partibus diuidi nequit uno medio deficiente uel superhabito ut tres: quinque: septem & nouem atque huiusmodi: uel sic. Numerus impar est qui unitate differt a pari uel incremento uel demptione nanque si pari unum dempserimus uel addiderimus: impar numerus continuo proscabitur. Pariter par numerus est ille qui secundum parem numerum pariter

Impar

Pariter
Par

diuiditur quo ad usque indiuisibilem perueniat unitatem : ut sexagintaquattuor quorum medietas sunt trigintaduo: horum rursus medietas est sexdecim: horum quoque est octonarius cuius medietas quaternarius est: at quaternarii medietas binarius : cuius indiuisibilis unitas medietatem seruat . Pariter impar numerus est qui in partes æquas recipit sectionem cuius partes in duo æqua remanent indiuisibiles ut sex:decem:quattuordecim:triginta: & quinquaginta . Impariter par numerus est cuius partes etiam diuidi possunt : sed ad unitatem usque non perueniunt: ut uiginti quattuor : hi enim in medietatem diuisi duodecim faciunt : qui rursus in medietatem constricti senarium constituunt : huius uero medietas ternarius est : qui dimidii sectionem non recipit : hinc ad indiuisibilem usque unitatem non peruenit . Impariter impar numerus est qui ab impari numero impariter mensuratur ut uiginti quinque: & quadraginta nouē: qui cum sint impares ab imparibus etiam partibus diuiduntur ut septies septem : & quinquies quinque. Imparium uero numerorum Alii simplices sunt: Alii compositi . Alii ut dictum est mediocres . Simples numeri sunt qui nullam partem aliquotam ultra unitatem habent : ut ternarius cui unitas est pars tertia & quinarius qui solam quintam partem scilicet ipsam unitatem habet: atque septenarius solam septimam : his nanque unitas ipsa sola pars est aliquota atque omnium numerorum comunis mensura . Compositi sunt qui non sola unitate metiuntur sed & aliis partibus aliquotis : ut nouem qui ex unitate & ternario reducuntur partibus scilicet aliquotis . & quindecim ex unitate & ternario atque quinario partibus suis aliquotis resumuntur. Item uiginti & unum habent ipsam unitatem : ternarium : & septenarium partes aliquotas. Mediocres numeri sunt qui quodammodo simplices & incompositi esse uidentur: & alio modo compositi : ut uerbigratia dum comparatus fuerit nouenarius ad uiginti quinque primus est & incompositus quia non habet comunem numerum nisi tantum monadicum scilicet unitatem. si autem nouenarius ipse ad quindecim fuerit comparatus secundus est & compositus quoniam inest illis comunis numerus ultra unitatem scilicet ternarius : qui ter sumptus nouenarium implet : quinquies uero decimumquintum perficit . Rursus parium numerorum Alios superfluos : Alios diminutiuos : Alios perfectos dicunt . Superflui numeri sunt quorum partes aliquote in summam ductæ totum ipsum numerum excedunt ut duodenarius . Pars aliquota dicitur illa quæ aliquotiens sumpta reddit suum totum precise : quæ quidem quota sic dici potest ut media uel tertia uel quarta & deinceps . quo circa duodenarii numeri partes aliquotæ sunt : unitas quæ duodecima eius pars est: binarius

Pariter ipar

Impiter Par

Impiter ipar

Numerus
Impar
Simplex numerus

Compositus
Numerus

Mediocris
Numerus

Superfluous
numerus

Diminutivus
numerus

Perfectus
numerus

Ambrosius
Augustinus

Moses

qui sexta eius pars dicitur: ternarius qui quarta: & quaternarius tertia: atque senarius dimidia: qui in summam ducti duodenarium ipsum cuius aliquotæ partes sunt excedere comprobantur: nam unum duo tres quattuor & sex sextumdecimum numerum ducunt. Diminutivi autem numeri sunt: quos suæ partes aliquotæ in summam ductæ non implent: sed deficiunt a summa totius: ut octonarius: nam habet unitatem partem octauam: binarium partem quartam: atque quaternarium dimidiam: qui simul ducti octonarium ipsum non attingunt. Ternarius namque octonarii pars aliquota non dicitur: quia quota sit dici non potest. Perfecti autem numeri sunt quorum partes aliquotæ in summam ductæ ipsum precise reddunt totum: ut senarius: cuius pars sexta uidelicet unitas & tertia scilicet binarius: atque dimidia scilicet ternarius coniuncti ipsum precise senarium implent. Est enim intra decenarium perfectus numerus senarius: intra centenarium uigessimus octauus: intra mille uero quadringentessimus nonagesimus sextus: Senarii quippe numeri perfectionem diuus Ambrosius in Exameron incredibili quadam obseruatione ueneratur: quem & Augustinus undecimo de ciuitate dei his uerbis pari comprobatur excoluisse sententia. Hec autem propter senarii numeri perfectionem eodem die sexies repetito sex diebus perfecta narantur: non quia deo necessaria fuerit temporum mora: quali qui non omnia simul creare potuerit: quæ deinceps congruis motibus peragerent tempora: sed quia per senarium numerum est operum signata perfectio: iis quippe primus est qui suis ut monstratum est partibus perficitur: quo item & summum conditorem cuncta sua opera perficisse Moses ipse declarat.

De principiis numerorum & eorum progressionibus. Capitulum. Octauum.

P

Principium propterea dicere solemus quod omnino non potest nisi alicuius rei esse principium. Atque item quod finem dicimus non potest nisi alicuius rei finis esse. A principio autem ad finem nisi per aliquod medium perueniri non potest: quo fit: ut ad hoc aliquid totum sit: principio & me-

dio constet atque fine. Principium namque & medium ac finis ternario numero continetur: idcirco quedam in eo perfectio consideratur quia principium & medium continet atque finem. Unitas tantum principium est quia medio & fine caret: non enim numerus est sed primum cunctorum qui sunt in naturali dispositione numerorum: eaque rite totius (quanuis prolixè) genitrix

Unitas

pluralitatis agnoscitur quippe quæ cum omnium procreatrix & mater sit numerorum : communis pariter ipsorum est & mensura : quod Boetius noster in Arythmeticis & Augustinus primo suæ musicæ lucidius indicare videntur . Binarius autem numerus primus naturaliter euenit unitati dissimilis : idcirco q̃ primus ab unitate disiungitur . atque ideo alteritatis cuiusdam principium fuit : quod ab illa prima & semper eadem substantia sola tantum est unitate difformis . fit enim ex duabus unitatibus quæ duo principia sunt ex aduerso prima nanque unitas principium est a nullo : secunda est principium a primo unum & unum duo sunt : & principia ista sunt ambo : ut omnes numeri quidem ab uno sint sed quia per complicationem atque adiunctionem quandam fiunt . Origo autem complicationis & adiunctionis duali numero recte tribuitur : fit & illud primum principium a quo numeri omnes : hoc autem alterum per quod numeri omnes esse inueniantur : Hæc itaque duo principia scilicet unum & duo sibi met copulata totum numerum faciunt atque perfectum : nanque numerando post unum & duo ternarium ponimus : hic ergo qui fit ex uno & duobus post utrumque in ordine collocatur ut nullus alius interponi queat : quod in aliis minime contingit : nam si duos naturaliter contiguos numeros iunxerimus ille qui ex ambobus ita copulatis numerus surgit non consequetur eos ordine naturali quoniam alter numerus interponitur : ut quomodo duo & tria componimus : mox quaternarius prociatur : qui ipsos continuatim non sequitur : sed quaternarius interceptus ipsam naturalem continuationem usurpat . Tres item & quattuor constituunt septenarium : qui non eos continue sequitur : sed inter quaternarium & septenarium adiacent naturaliter quaternarius & senarius . atque ita quanto ad ultiores progredi temptauerimus : tanto plures interponentur numeri . Maxima itaque concordia est in primis tribus numeris quos scilicet unum & duo & tria dicimus : cum ipsis nichil interponi possit : atque ex primo & secundo tertius fiat continuatim que succedat : nanque unum & duo ipsa sunt tria : Verum si ab uno usque ad quattuor processerimus : iustissima fiet progressio propter imparem ac parem numerum : quoniam primus impar totus tria : & primus par totus quattuor : atque etiam quia unum & duo principia sunt & quasi semina numerorum ex quibus ternarius ipse conficitur : ut sint iam tres numeri qui sibi dum pro analogia propositione conferuntur quaternarius elucescit & gignitur & propterea cis iure coniunguntur ut usque ad illum fiat moderata progressio . Quaternarius autem numerus permissione naturali copulatur ut Martianus asserit . nã constat ex utriusque sexus numero : ternarium quippe uirilem putant : sed binarius femineus aestimatur . singulorum uero simplicium

Boetius
Augustinus

Martianus

numerorum interpretem licet Martianum ipsum uenerari. Eos tamen quattuor primos numeros honorabiliorem ceteris numeris seriem & connexionem habere constat quippe qui in unum collecti denarium numerum implere noscuntur. nam unum duo tria & quattuor decem componunt: atque in hoc denario numero qui per omnes ceteros plurimum ualet certi infinitorum numerorum articuli a numerantibus constituti sunt ut ab uno usque ad decem progressi numerantes rursus ad unum demere debeant. Et propterea item quattuor ipsorum seriem numerorum omnes illas consonantes habitudines quarum processus presens est opus educere facile conspiciamus: ex his nanque duplam triplam & quadruplam: sesquialteram & sesquitertiam diligens speculator exquirat.

LIBER TERTIVS.

DE Discreta & continua quantitate. Capitulum Primum.

Quantitatem duplicem esse Mathematici asserunt Continuum scilicet & discretam Eam enim que continua est quantitatem omnibus suis partibus coniunctam: nec aliquibus finibus distributam dixerunt: ut linea lapis circulus: & uniuersa corpora quæ propriæ magnitudini ascribuntur. Magnitudo nanque appellatur hec continua quantitas: quæ a terminata incipiens quantitate: indeterminatam proportionabiliter recipit sectionem: mensuræ suæ quantitatem ammittens crescendo: atque multiplicando decrescens: nanque linea quæ continua est: ipsa partitione in infinita semper minuitur. ut si fuerit longitudinis decem cubitorum diuidetur recto dimidio: rursus illud dimidium in alterum dimidium seccabitur: atque hoc item dimidium altera medieta partemur: sicque ad infinita multiplicatus processus semper diminutio repperitur: cuius proprietatem & naturam superparticularis proportio seruare uidetur: cum in infinitum minorem minuat numerum in maiore cum eius uel dimidia uel tertia uel quarta parte depræhensum. pars enim a maiore numero denominata minoris numeri parte diminutio repperitur: nam cum tertia a tribus prodeat quarta a quattuor: cumque quaternarius maior sit ternario quartam partem ipsa tertia diminutorem esse necessum est. Discreta uero siue disiuncta quantitas est quæ suis partibus determinata in

unum quasi aceruatim reducitur concilium ut Boetius posuit in prohemio arithmeticae: hec enim dicta est multitudo cum plurimae partes in extremis seiuncte componuntur in unum. Ab unitate quidem qua nihil minus est incipiens ad infinita progreditur incrementa multiplicans: nullusque unquam crescendi finis cuiusquam uenit. Quo fit ut cum numerorum naturae sit ad infinita progredi atque condescere: multiplicitas quia crescendi non habet finem numeri maxime uideatur seruare naturam. Superpartiens uero a simplicitate quodammodo discedens duas uel tres uel quattuor retinens partes & ad quandam ipsarum partium pluralitatem exuberans nec seruat integrum nec ad singulas adimit partes: quare ipsum genus musicis concinentiis minime conuenire Pythagorici consentiunt. Omnis uero multiplicitas in integritate custoditur: nam duplum bis habet totum minorem: triplum ter: quadruplum quater & in eundem modum reliqui. Superparticularitas uero haud quicquam integrum seruat: sed uel dimidio superat uel tertia parte uel quarta & deinceps: diuisionem tamen singulis ac simplicibus partibus affert. Contrariae itaque sunt harum quantitatum proprietates: Altera enim multiplicata in quantitate decrescit: altera augmentum monstratur percipere quantitatis: Sed huius multitudinis quae discreta dicitur quantitas: quaedam per se constare uidentur ut unum: duo: tria: quattuor: & reliqua: & quaedam ad alia referri dicuntur ut duplum triplum quadruplum & huiusmodi: Omnis enim numerus qui nullo alio indiget ut ipse sit: dicitur simplex & per se esse ut: 1 3 4 5 6. Et is numerus qui per se non constat sed altero indiget ut ipse sit: ad alterum dictus est referri ut duplus: triplus: sesquialter: sesquitercius: & huiusmodi qui alterutra relatione denominationem sortiuntur. Eam namque multitudinem quae per se est idest discretos numeros simplices arithmetica speculatur integritas: sed eam quae ad aliquid refertur musici modulaminis temperamenta pernoscent. Magnitudinis uero quae continua dicitur quantitas: Alia manentia motuque carentia sunt: huiusque geometria noticiam pollicetur: Alia mobili semper rotatione uoluuntur nullis temporibus quiescendo: cuiusquidem scientiam astronomicae disciplinae peritia uendicauit. Atque idcirco ad aliquid relatae quantitates discretas musicae insistentem considerationi presenti speculatione cogimur adoriri.

Boetius

Pythagorici

Arithmetica
Musica
Geometria

Astronomia

De diffinitione & distinctione proportionum . Capitulum . Secundum .

Aristoteles

Proportionum quæ alterutra numerorum relatione ducuntur
Alia comuniter dicta est : Alia proprie . Proportio comu-
niter dicta est duorum comparatorum in aliquo uniuoco
inui cem habitudo & notanter dicitur uniuoco : quia in æqui-
uocis nulla potest secundum Aristotelem primo topicorum
comparatio repperiri . Equiuoca dicuntur quorum nomen comune est ^{sed ra-}
tio substantiæ est diuersa . Vniuoca uero dicuntur quorum nomen comune
est : atque ratio substantiæ est eadem ideo uox & stillus in acutiæ non cõ-
parantur : quia licet uox sit acuta & stillus acutus tamen acuties non dicitur
uniuoce de utroque : sed æquiuoce prædicatur . non enim est eadem ratio
utriusque : sed diuersa : quo fit ut inter quæcunque æqualia & quæcunque
inæqualia : inter similia & dissimilia hæc comuniter dicta proportio rep-
periri possit quia comunis appellata est proportio . Proportio autem proprie
dicta est duarum quantitatum eiusdem generis propinqui inui cem habitudo
hinc continuam & discretam quantitatem quanquam sub eodem quantita-
tis genere continentur non comparamus ad inui cem : cum non sint propin-
qua sed remota : ut in earum diffinitione monstratum est : Ex hac quidem
descriptione facile colligi potest : proportionem proprie dictam fieri in his
quantitatibus quæ æqualitatem suscipiunt . Harum autem proportionum . Alia
rationalis Alia irrationalis . Proportio rationalis ē duarū quātitatū comēsurabi-
liū inuicē habitudo . Proportio autem irrationalis est duarum incommensurabi-
lium quantitatum inui cem habitudo . Quantitates comensurabiles dicuntur
quarum est una mensura comunis quamlibet illarum precise conducing ut bi-
pedale & tripedale nam pedale aliquoties sumptum utrunque illorum reddit
precise : est ~~que~~ eis comunis mensura . similiter in numeris : ut quattuor & sex :
binarius namque est eorum mensura comunis . aque etiam in notulis figura-
bilibus id euenit : nam si longam & breuem duxerimus : semibreuis ambas con-
numerat quæ est ipsarum mensura comunis . Quantitates incommensurabiles
dicuntur quibus nulla est mensura comunis quamlibet illarum reddens precise :
ut dyameter quadrati & costa eiusdem : nam data aliqua quātitate que aliquoties
sumpta ducat precise dyametrum : illa eadem uel sibi æqualis aliquoties sumpta
nunquā reddet costā precise : sed plus uel minus : & e conuerso de quātitate redu-
cete costā . i numeris aut suppartientes , pportioēs idē faciūt ut quicq ad tres & oc-
to ad quicq & reliquæ i quib^{us} nulla t minorū ē mēsurā cōis . Rurs^{us} pportionū alia
dī æqualitatis : alia inæqualitatis . Proportio æqualitatis ē duarū æqualiū quanti-

tantum inuicem habitudo sicut duorum ad duo & trium ad tria: unius ad unum
 Et quidē æquale ē quod ad aliquid comparatū: neque maiore summa illud ex-
 dit: neque minore ab ipso superatur: hec enim æqualitas naturaliter indiuisa
 est. nemo quidem dicet æqualitatis hoc tale esse: illud uero huiusmodi: quo-
 niam omnis æqualitas unam seruat in propria moderatione mensuram: quo-
 fit ut id quod comparatur & id cui comparatur eodem semper uocabulo nun-
 cupentur: ut si binarius binario relatus sit uterque binarius dicitur. Proportio
 inæqualitatis est duarum inæqualium quantitatum inuicem habitudo ut duo-
 rum ad unum & unius ad duo. Inæquale enim est quod ad aliquid relatum
 uel maiore summa illud supergreditur uel minore ab ipso uincitur: secatur
 uero inæquale in maius atque minus: quæ contraria sibi denominatione
 iunguntur: maius enim minore maius est: atque minus minus est maiore
 utrumque tamen non eisdem uocabulis quemadmodum secundum æqualita-
 tem dictum est: sed diuersis distantibusque signatur. Hanc enim solam inæqua-
 litatis proportionem musica disciplina considerat: cum consonantiæ ex inæ-
 qualibus sonis ducantur & dissimilibus: quos inæqualibus terminis & pro-
 portionibus procreari necessum est. terminos enim in huiusmodi relationis
 consideratione numeros uocamus. Scitu proinde dignum puto inæqualita-
 tis primordia ex æqualitate pari ratione produci qua & ab unitate qui non est
 numerus sed principium numeri numeros omnes concretos & congenitos fe-
 runt Arythmetici. quod lucidius Boetius noster in Arythmetica atque mu-
 sica: nos quoque in posterum demonstramus. Proportionum igitur inæqua-
 lium Alia maioris inæqualitatis dicitur: alia minoris. Proportio maioris inæ-
 qualitatis est maioris quantitatis ad minorem inuicem habitudo ut duorum
 ad unum & quattuor ad duo & quinque ad tria & similia. Proportio uero
 minoris inæqualitatis est minoris quantitatis ad maiorem inuicem relatio:
 ut unius ad duo: & duorum ad quattuor: & trium ad quinque. Euenit enim
 in his maioris minorisque inæqualitatis proportionibus quidam excessus seu
 differentia: est quippe ea quantitas qua uel maior numerus minorem super-
 uadit uel minor uincitur a maiore. ut quom quaternario senarium compa-
 ramus binarius est excessus siue differentia: similiter si senario quaternarium
 proportionabiliter copulemus.

Arithmetici
 Boetius

De quinque generibus proportionum maioris & minoris inæqualitatis Capitulum. Tertium

Minis maioris inæqualitatis proportio est quom maior numerus ad minorem relatus ipsum minorem in se compræhendit uel pluries precise: uel semel tantum & unam eius aliquotam partem: uel semel tantum & plures in super aliquotas partes: uel pluries & partem aliquotam: uel pluries & plures aliquotas partes. Quo fit ut huiusmodi proportionum quinque sint genera. Primum nanque dicitur Multiplex: Secundum Superparticulare: Tertium Superpartiens: atque hec tria simplicia sunt: Quartum Multiplex superparticulare. Quintum Multiplex superpartiens: His enim quinque generibus Alia quinque minoris inæqualitatis genera noscuntur opponi iisdem uocabulis sola prepositione sub nuncupata. sunt quidem Submultiplex: Subsuperparticulare: Subsuperpartiens. Submultiplex superparticulare: & Submultiplex superpartiens: Multiplex igitur genus quod præstantius est & dignius atque longe antiquius cæteris: fit quom maior numerus comparatus minori totum ipsum minorem in se continet pluries precise ut bis: uel ter uel quater ita ut nichil desit nichilque supersit: Huius enim generis infinitæ sunt species: prima nanque est proportio dupla: quæ fit quom maior terminus comparatus minori continet ipsum minorem in se bis ut duo ad unum: quattuor ad duos sex ad tres: octo ad quattuor & similia: nanque duo compræhendunt in se unitatem bis: & quaternarius similiter bis binarium possidet: atque senarius ternarium: & octonarius quaternarium: nihil ipsis deest nihilque exuberat. Tripla uero proportio multiplicis generis secunda species est: fitque quoties maior numerus ad minorem habitus ter precise ipsum minorem intercipit ut sunt tres ad unum: sex ad duos: nouem ad tres: duodecim ad quattuor: nam tres habent in se ter unitatem: similiter sex binarium: & nouem ternarium atque duodecim quaternarium ter precise compræhendunt. Quadrupla proportio quæ multiplicis generis est tertia species: fit quom maior numerus comparatus minori concludit in se ipsum minorem totum quater precise. ut quattuor ad unum: octo ad duos: duodecim ad tres: & eiusmodi: reliquæ autem huius generis species a multiplici minoris numeri compræhensione denominationem acquirentes ad infinita procedunt. Superparticulare genus dicitur quom maior terminus ad minorem relatus continet in se ipsum minorem semel tantum & in super unam eius aliquotam partem: Sed si illa pars aliquota qua minor ipse numerus a maiore uincitur fuerit dimidia dicitur proportio

sesquialtera ut tria ad duo: & sex ad quattuor: nouem ad sex & similia: Si autem il-
 la pars fuerit ipsius, minoris tertia. dicitur proportio sesquitertia ut quattuor
 ad tria & octo ad sex: & duodecim ad nouem & huiusmodi. sunt enim huius
 generis species infinitae. Prima est sesquialtera. secunda sesquitertia. tertia
 sesquiquarta: quarta sesquiquinta & deinceps. Trahit enim omnis super-
 particularis proportio uocabulum a sesqui: & aliquota parte minoris a maiore
 compræhensi. ut si sesquialteram formaui o uidelicet tres ad duos unus binarius
 æquus est alteri binario sed alteri eorum supposita unitas quæ utriusque bina-
 rii dimidium est: sesquialterum numerum generat & consequenter maiorem co-
 latione computata: Inde Colam montanum, sesquialteram ipsam interpretatum
 fuisse existimo a sesqui quod est semis & altera quæ est media: quia media pars
 alterius numeri æqualis additur integro numero. alterum enim de duobus di-
 midium prædicatur: Alii autem sesquialteram dictam putant a sesqui quod est
 totum & altera scilicet media: quia maior in ea numerus continet in se totum mi-
 norem & eius insuper dimidiam partem: quos ab effectu potiusquam ab ipsius
 significatione uocabuli procedere conspicio. Plinius autem iunior sesqui medi-
 tat totum cum dimidio: quom sesquihoram posuerit pro hora una cum dimidia.
 Idem que Martialis hoc carmine Mentula cui nondum sesquipedalis erat: Atque
 Varro in libris de agricultura sesquimodum id est modium unum cum dimidio
 Oratius quoque in arte poetica his hoc carmine uidetur assensus Proicit ampu-
 las & sesquipedalia uerba. Mihi tamen minime superparticularibus huiusmo-
 di colationibus congruere uisum est: nam si sesqui totum semper sonat cum di-
 midio: sesquitertia & sesquiquarta ac reliquæ superparticulares habitudines:
 in quibus maior numerus minorem cum aliquota parte non media semper co-
 præhendit propriis uocabulis discerni non possent: atque idcirco aliis exeteret
 nominibus nuncupari. At diuus Augustinus in primo suæ musicæ his uerbis
 sesqui ipsum quoad potest nititur elucidare: Sesqui enim appellantur ubi
 duo numeri ad se ea ratione affecti sunt ut tot partes habeat ad minorem ma-
 ior quota parte sua eum precedit: nam si ternarius ad binarium sit tertia par-
 te sui precedit maior minorem: si quaternarius ad ternarium quarta: si qui-
 narius ad quaternarium quinta: atque ita deinceps eadem ratio est & in sex ad
 quattuor & octo ad sex: & decem ad octo. hanc deinde rationem in conse-
 quentibus & maioribus numeris aduertere atque explorare facile est. Huius
 autem neminis originem non facile dixerim nisi forte sesque quasi se absq: siue
 absq: se: ut quinque ad quattuor quasi absq: se quinta pte sua maior: neq: absurda
 est origo huius nominis sesque apud Augustinū et si forte non ea sit quæ sequit^r
 ē qui hoc nomē instituit. Boetius autē i primo Arithmeticae hos sesquatos numeros

Cola Mon-
tanus

Plinⁱ iunior

Martialis
Varro
Oratius

Augustinus

Augustinus
Boetius

seu superparticulares dicitur haberi. quom quis numerus maior ad minorem rela-
 tus compræhendit eum in se totum & ipsius minoris aliquā partem ut quattuor
 ad tres: hanc enim uocat sesquiterciam nam quattuor habet in se tres semel & unā
 tertiam partem: Formantur enim superparticulares habitudines quoties duo
 æqui numeri se se inuicem obseruantes fuerint dispositi: quorum alteri superiunc-
 ta pars aliquota propriæ numerositatis ipsum maiorem efficit: qui ad alterum
 immutatum comparatus sesquiatam proportionem efficit: eam scilicet quæ a
 superaddita parte denominationem acquirit: ut si duos duxerimus quaternarios
 alteriq; eorum quartam sui partem scilicet unitatem addiderim: quinarium illico
 resultabit: atq; idcirco quæ quarta pars in quaternario fuerat nunc quinta fit ip-
 sius quinarium: hunc si ad primum quaternarium duxerimus comparandum: sesqui-
 quartam habitudinem producemus: eo qd ipsius immutati quaternarii atq; alte-
 rius qui aduictus est: unitas illa superhabita pars est quarta: quinarium igitur dic-
 tus est sesquiquartus quom quaternarium respicit similiter & reliqui. Maiores
 quoq; hos sesquatos numeros Boetius duces uocat: minores uero comites: Ois
 itaq; huiusmodi proportio a maiore numero denom nata est minorem custodiē-
 te. Superpartiens genus ē si maior numerus ad minorem comparatus compræ-
 hendit eum in se semel tantum & insuper unam ipsius minoris partem non ali-
 quotam: factam ex duabus uel pluribus partibus aliquotis: ut quinque ad tres:
 quinque enim in se continent tres semel tantum: & insuper binarium: qui non di-
 citur pars aliquota ternarii sed ex duabus ipsius ternarii partibus aliquotis com-
 positus uidelicet ex duabus unitatibus. quæ singulæ ipsius ternarii partes tertiæ
 sunt. Huius quoque generis infinitæ sunt species. Si enim illa pars aliquanta nō
 aliquota minoris qua maior terminus ipsum minorem superat continuerit duas
 aliquotas ipsius minoris partes: dicitur proportio superbipartiens ut quinque ad
 tres & decem ad sex & quindecim ad nouem. Si uero pars illa tres aliquotas ip-
 sius minoris partes continuerit: dicitur supertripartiens ut septem ad quattuor
 & octo ad quinque. Et si quattuor habuerit partes superquatripartiens uocabi-
 tur ut nouem ad quinque & undecim ad septem. Est igitur huius generis prima
 species proportio superbipartiens. secunda supertripartiens. tertia superquatri-
 partiens & hoc ordine matura & diligente inuestigatione ad infinita proceditur.
 Quo autem harum proportionum nomina magis specialia habeantur: perscru-
 tari necessum est quo modo sese habent istæ partes aliquotæ respectu minoris
 termini utrum sint eius partes tertiæ uel quartæ uel quintæ. si fuerint tertiæ di-
 cetur proportio superpartiens tertiæ: si quartæ superpartiens quartas & deinceps.
 Procedamus ergo sic: Quom maior numerus continuerit totum minorem semel
 & insuper eius partem non aliquotam duas in se ipsius minoris aliquotas par-
 tes habentem quarum singulæ sint tertiæ ipsius minoris partes talis proportio dicet

superbipartiens tertias ut quinque ad tres: Si uero maior terminus contineat se-
 mel minorem & eius partem aliquantam tres aliquotas dicti minoris partes com-
 præhendentem: quarum trium aliquotarum partium unaquæq; sit quarta pars:
 dicetur supertripartiens quartas ut septem ad quattuor & quattuordecim ad oc-
 to. Quid si ille tres partes aliquotæ fuerint ipsius minoris quintæ partes dicetur
 proportio supertripartiens quintas ut octo ad quinque & sexdecim ad decem. Si-
 milisq; erit in cæteris processus recta consideratione disposita: ut si undecim ad
 sex comparentur: dicetur proportio superquincupartiens sextas: & tredecim ad
 septem superfexcupartiens septimas: atq; quattuordecim ad nouē superquincu-
 partiens nonas: & deinceps. Multiplex superparticulare genus est quom maior
 numerus ad minorem relatus compræhendit eum minorem in se pluries & insu-
 per unam eius aliquotam partem: ut quinque ad duos quo circa si maior nume-
 us contineat bis minorem & insuper eius dimidiam partem dicetur proportio du-
 pla sesquialtera ut quinque ad duos: decem ad quattuor: & quindecim ad sex. Si aut
 maior numerus continuerit bis minorem & insuper ipsius minoris tertiam partē
 dicetur proportio dupla sesquitertia ut septem ad tres & quattuordecim ad sex.
 Verum quom maior numerus continuerit in se bis minorem & insuper eius quar-
 tam partem: dicetur proportio dupla sesquiquarta ut nouem ad quattuor & de-
 cem octo ad octo. At quom maior numerus minorem ter in se habuerit & eius di-
 midiam partem erit proportio tripla sesquialtera ut septē ad duos: & quattuorde-
 cim ad quattuor. si autem ter in se comprehendat maior minorem & eius tertiam
 partem erit tripla sesquitertia ut decem ad tres & uiginti ad sex. & si ter continue-
 rit & eius quartam partē. erit tripla sesquiquarta proportio ut tredecim ad quat-
 tuor. Sed si maior quater minorem in se habuerit & eius dimidiam partem dice-
 tur proportio quadrupla sesquialtera ut nouem ad duos & decem octo ad quat-
 tuor: reliquas autem huius generis species latius in practica nostra: ubi mensura-
 biles cantabilesq; proportionales disposuimus diligēs lector facile percipiet. Mul-
 tiplex superpartiens genus est quom maior numerus ad minorem relatus conti-
 net eum in se pluries & insuper unam eius partem non aliquotam: ducentē plu-
 res aliquotas eius minoris partes: sicut sunt octo ad tres: q; si maior terminus ha-
 buerit in se totum minorem bis & insuper partem non aliquotam habentem du-
 as ipsius minoris partes aliquotas erit proportio dupla superbipartiens & si una
 quæq; pars illarum aliquotarum fuerit dicti minoris tertia pars dicet̃ dupla sup-
 bipartiens tertias ut sunt octo ad tres. Si autem maior numerus continuerit bis
 minorem & insuper unā eius partem aliquantam habentem in se tres quartas par-
 tes dicetur proportio dupla supertripartiens quartas: ut undecim ad quattuor.
 Et si ter continuerit ipsum minorem & insuper tres quartas partes: erit tripla su-
 pertripartiens quartas ut quidecim ad quattuor. Quod si quater maior minore

habuerit & unam insuper aliquantam partem factam ex tribus quintis partibus ipsius minoris erit proportio quadrupla supertripartiens quintas ut uiginti tres ad quinque & quadraginta sex ad decem. sicque consequenter reliquas huius generis species multimodas repperiet diligens exquisitor coniungendo multiplices & superpartientes propriis aggregationibus & productionibus: sua semper seruata natura: ut latius apertum est in practica nostra de proportionibus mensurabilibus: Hoc item necessum est scire quod Quinque minoris inaequalitatis genera quae predictis opposita sunt: similem progressum & normam seruant atque naturam. In hoc tantum differre noscuntur quod in minoris inaequalitatis generibus minores numeri continentur & praecedunt maiores. In maiori uero inaequalitate maiores numeri continent & praecedunt numeros minores: sunt quae contrariae operationes: oppositaeque in figuris cantabilibus effectus: ut in practica facile percipitur. Sit igitur praedictorum quinque generum strictior eductio hoc modo. Omnis maior terminus comparatus minori uel continet ipsum minorem pluries & nihil ultra & tunc est multiplex proportio: uel semel & aliquid ultra: sed hoc dupliciter: nam si id quod ultra minorem continuerit maior ipsius minoris fuerit pars aliquota dicetur proportio superparticularis. Si autem illa pars quam ultra minorem maior habuerit fuerit non aliquota: sed aliquanta comprehendens plures partes aliquotas ipsius minoris erit proportio superpartiens. Rursus uel maior numerus continet minorem pluries & aliquid ultra: hocque dupliciter: nam uel illud quod est ultra est pars aliquota minoris & tunc est proportio multiplex superparticularis: uel est pars non aliquota minoris: sed aliquanta continens in se plures partes aliquotas ipsius minoris & sic dicetur proportio multiplex superpartiens: quorum omnium exempla cautus inquisitor ex hac subiecta figura enucleare facile potest.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	4	6	8	10	12	14	16	18	20
3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
7	14	21	28	35	42	49	56	63	70
8	16	24	32	40	48	56	64	72	80
9	18	27	36	45	54	63	72	81	90
10	20	30	40	50	60	70	80	90	100

De Formatione Specierum cuiuscunque generis. Capitulum Quartum.

q Voniā unum quodque inæqualitatis genus infinitas dicitur species obtinere: earum discursionem in numerorum naturalium dispositione considerare opere præcium est. Quo circa dispositis cunctis naturaliter numeris quom singulos ipsos numeros unitati comparamus omnes multiplicis generis species producemus: ut si binarius ad unitatem relatus sit: prima fiet multiplicis generis species scilicet proportio dupla: q; si eidem unitati ternarius referatur secunda species producetur scilicet tripla si uero quaternarius eidem unitati deductus fuerit: erit tertia species uidelicet quadrupla: quinaris autem ad ipsam unitatem quartam generat speciē. s. quintuplā: sicq; infinitus ē pcessus: ut hæc disponit descriptio

2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	1	1	1	1	1	1	1	1

Quom aut ex numero naturaliter disposito repta uerimus
 omnes supparticulares generis species enūerare: si unusquisque nu-
 merus excepta unitate ad minorem sibi propinquiorē conferatur ad infinita spe-
 cies ipsas recto ordine conducemus: ut si binario ternarius comparatur prima re-
 sultabit species scilicet proportio sesquialtera: quaternarius ad ternarium relatu
 secundam speciem uidelicet sesquitertiam ducit. ex quinario ad quaternarium
 tertia species surgit scilicet sesquiquarta sed senarius ad quinarium quartam ui-
 delicet sesquiquintam format atque hoc ordine omnes ipsae superparticularis
 generis species procedere noscuntur ut hec aperit dispositio

3	4	5	6	7	8	9	10
2	3	4	5	6	7	8	9

At quom superpartientis generis omnes uoluerimus species
 perquirere: disponemus naturalem numerum non ab unitate neque a binario: sed
 a ternario numero exordium apprehendentes: huic enim ternario numero si ma-
 ior numerus comparatur atque inter ambos unus naturaliter interiaceat prima spe-
 cies superpartientis generis producet ut quinarium ad ternarium inter quos so-
 lus quaternarius dispositus est: fitque ex quinario ad ternarium prima species scili-
 cet superbipartiens. Secunda species producit ex consequente naturaliter mi-
 nore termino scilicet quaternario ad quem maior superuenerit cum interiectioe
 duorum naturalium numerorum qui sunt quinque & sex: atque idcirco septenarius
 ad quaternarium secundam ducit speciem scilicet supertripartientem. Tertia spe-
 cies confici probatur ex subsequente minore numero scilicet quinario & maiore
 ad eum relatu: interiectis tribus naturaliter numeris: ut nouenarius ad quinarium:
 ex quibus fit tertia species uidelicet superquadrupartiens: namque inter nouenarium
 & quinarium interpositi naturaliter sunt senarius & septenarius atque octonarius.

Qui si eo ordine a minore numero subsequente processum fuerit interpositis quat-
 tuor naturaliter numeris: maior tunc sumptus ad ipsum minorem quartam huius
 superpartientis generis speciem conducet scilicet superquincupartientem ut un-
 decim ad sex: inter quos naturaliter resident septem: octo: nouem: & decem: atque
 in eundem modum reliquae species enucleantur: multiplicatione semper interiec-
 torum numerorum naturaliter obseruata: quod his lucide monstratur numeris

5	7	9	11	13	15	17	19
3	4	5	6	7	8	9	10

Eodem quoque ordine & processu omnes multiplicis su-
 perparticularis atque multiplicis superpartientis generis
 species adiungens speculator enucleabit adiungens semper multipliciati superpar-
 ticularitate: namque superpartientem ut opus fuerit habitudinem. Constat. profecto
 ex premis multiplex inaequalitatis genus longe duobus reliquis simplicibus
 antiquius atque dignius esse et auctius quia in naturalis numeri dispositione uni-
 tatis iuxta prima e comparatione producit. Superparticulare uero non unitatem sed
 ipsos qui post unitatem immediate sunt numeros complectitur: sunt. n. tres ad duos
 Superpartiens autem longe retro processum acquirere uidetur: cum neque continuis

numeris copuletur sed intermissis : nec semper æquali intermissione : sed nunc quidem una : nunc uero duabus : nunc quocq; tribus : atq; etiam quattuor : atq; ita ad infinita succrescit. Multiplicitas igitur ab unitate. Superparticularitas a binario : Superpartiens a ternario : initium naturalium numerorum dispositione conquirunt . Obtinet namq; maiorem ad musicas consonantias uim ac potestatem multiplex proportio : consequenterq; superparticularis . Superpartiens uero : ob harmoniæ concinentia separatur ut Aristoteli & Pythagoricis uisum est : quanq; Ptholomeus unicam ex hoc genere : quæ scilicet ex diapason & diatessaron componitur consonantiam probabili quadam ratione deducit. Abiciemus itaq; hoc tertium genus ac reliqua duo composita a consonantiarum consideratione : cum duo prima simplicia Multiplex scilicet & super particulare : quorum omnis erit i successu consideratio : totius modulaminis rationem producant atq; conseruent .

Aristotiles
Pythagorici
Ptholomeus

De productione superparticularium ex multiplicibus & superpartientium ex superparticularibus : Capiculum Quintum.

I genus ex genere atq; speciem ex specie ut Boetius in arithmetica
f & musica docuit deducere uolumus : quadratum interim numerum aggredi necessum est . Quadratus enim numerus dicitur is qui gemina dimensione in æqua concreuit ut bis duo : ter tres : quater quattuor : quiquies quinque & huiusmodi . Numerus .n. naturalis ipsius quadrati lat^{us} dicitur : quum simplex præmet ut ante generationem quadrata fuerat . quo circa quadratos numeros continuos naturaliter dispositos : et ipsos numeros naturales abiecta unitate quæ quadratorum ipsorum latera sunt substituam^{us} hoc ordine
notat^{er} enim dixi numeros quadratos naturaliter :
continuos quia inter eos nullus alius numerus quadratus repperitur . Sunt itaq; in hac figura superiores numeri quadrati uel quadratores : inferiores uero ipsorum sunt latera quadratorum : quo circa si unum quemque quadratum suo lateri comparamus : multiplices conducentur habitudines : nam primus quadratus scilicet quaternarius suo lateri relatus primam multiplicem efficit scilicet duplam . Secundus autem quadratus uidelicet nouenarius ad latus suum habitus secundam efficit multiplicem scilicet triplam : si tertium quadratum scilicet decimum sextum suo lateri comparaueris tertia species multiplicis generis eueniet scilicet quadrupla : atq; hoc ordine multiplicium specierum facta est productio . At ipsorum quadratorum speculatiuam quandam considerationem aperiamus . Si enim continuum quadratum minorem a continuo quadrato maiore detraxerimus : ea pars quæ relinquetur scilicet quadrati maioris : tantum erit quantum ipsorum latera cuncta monstrabunt : ut si quattuor a nouenario auferam quinque sunt reliqui : quo fit

Boetius

4	9	16	25	36	49	64	81	100	
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

Arythmetici
Boetius

ut duo & tres qui utrorumque quadratorum sunt latera simul iuncti quinque si-
militer faciant .item si nouenarium a sexdecim abstrahamus septem relinquen-
tur qui ex ternario & quaternario coniuncti sunt : scilicet ex utrorumque lateribus
quadratorum idem quoque euenit in ceteris . Si autem quadrati non fuerint con-
tinui sed inter eos unus naturaliter fuerit intermissus tunc ipsorum latera simul
iuncta dimidium tantum relictæ partis quadrati maioris implebunt : ut si quat-
tuor detraxerimus a sexdecim : duodecim relinquentur : quorum medietas est
senarius qui ex utrorumque lateribus quadratorum copulatur : ipsa enim latera
sunt binarius & quaternarius : atque in ceteris idem modus est : cum unus sem-
per quadratus numerus naturaliter fuerit interiectus : Quid si duo quadrati nu-
meri fuerint naturaliter intermissi : tunc id quod relinquitur ex maiore quadrato
ultra retractionem minoris quadrati tantum erit quod ter sumptum ipsorum latera
quadratorum conficiet : seu coniuncta ipsa latera tertiam partem conducent
eius quod relinquitur : ut si quattuor de uiginti quinque abstulerimus uiginti &
unum sunt reliqui : eorum uero latera sunt duo & quinque qui simul iuncti sep-
tem explent : at septenarius uigessimi primi tertia pars est Atque hec regula est : ut si
tres fuerint numeri quadrati naturaliter intermissi : ipsorum latera quadratorum quar-
tam partem coniungent eius quod reliquum de maiore quadrato ablato minore
quadrato ab ipso maiore . Sin quattuor interponantur naturaliter quadrati numeri :
quantam partem eius quod reliquum ipsorum latera producant : sicque uno plures uocabulo minuunt
partes que sint intermissi numeri quadrati . Cum igitur quadrati numeri naturaliter
continui suorum laterum colationem custodiunt multiplices monstrati sint habitu-
dines producere : restat apertius elucidandum ita inæqualitatem ab æqualitate deduci :
quemadmodum omnes a sola numeros unitate cognitos uolunt Arythmetici : atque idcirco
secundum doctrinam Boetii supparticularitatem a multiplicitate : & suppartientem a super-
particularitate ceterasque eodem modo euenire constat . Ex conuersis .n. multiplicibus supparti-
culares proportionales educunt : atque ex conuersis supparticularibus superpartientes
habitudines percipiunt . Dispositis .n. in ordine tribus unitatibus : quibus substituti sunt tres nu-
meri hoc modo primus numerus primæ sit unitati æquus : secundus primæ & se-
cundæ : tertius primæ & duabus secundis & tertiæ : fiet bis multiplicis generis prima
species uidelicet dupla proportio : ut hic

1	1	1
1	2	4

 Si autem binarium uel ternarium in superiori ordine constituerimus

1	2	4
---	---	---

 : isque subditos numeros eadem
coequatione ponamus : duplas pariter proportionales conduci minime dubitamus
Statutis uero in superiori ordine duabus ipsis nuper creatis duplis eisque subposi-
tis numeris pari æquabilitate conductis : triplæ mox consurgent habitudines :
hoc modo

1	2	4
1	3	9

 Quid si in superiori ordine disponamus has triplas : ex ceteris
quatis eodem processu numeris quadruplas conducemus ut hic

1	3	9
1	4	16

ac deinceps eadem progressionem multiplices habitudines conducentur .

sic igitur ex duplis triplæ prodeunt: atque ex triplis quadruplæ: & ex
 quadruplis quintuplæ: ceteræq; eodem modo generari solent. Nunc itē ex ipsis
 duplis sesquialteras proportionēs educemus hoc modo. conuersis enim nume-
 ris duplarum ita ut maiores primi sint indispositione: substituuntur numeri scilicet
 primus primo æquus: secundus primo & secundo: tertius primo: duobus
 secundis: & tertio: ut etiam in multiplicium formatione processum est: de qui-
 bus hec sit figura

4	2	1
4	6	9

 Fientque eodem processu sesquiteritiæ proportionēs
 quom de triplis

4	6	9
4	6	9

 conuersis recta fuerit dispositio ut hic:

9	3	1
9	12	16

 Quod si de quadruplis conuersis dispositum fuerit: sesquiquarte ha-
 bitudines omni penitus errore semoto producetur ut hic

16	4	1
16	20	25

 sicq; de qui-
 tuplis conuersis sesquiquintæ: atque in eundem modum

16	4	1
16	20	25

 consimili-
 bus in alterutra parte uocabulis superparticularitas in in finitum ex multiplicita-
 te procreatur. Ex superparticularibus uero conuersis eademq; dispositione pro-
 cedentibus superpartientes proportionēs euenient. disponantur enim sesqual-
 tere hoc ordine. 9. 6. 4. substituatur primus primo æquus scilicet. 9. secundus pri-
 mo & secundo scilicet. 15. tertius primo duobus secundis & tertio scilicet. 25: qui
 omnes hac demonstratione eluceant

9	6	4
9	15	25

 Superpartiens igitur ex conuer-
 sis superparticularibus hoc modo

9	15	25
9	15	25

 producta est: fiuntque superbi-
 partientes ex conuersis sesquialteris. Qd si ad hanc diligēter accesseris considera-
 tionem ex sesquiteritiis conuersis suptriptientes pportiones effici pnotabis ut hic

16	12	9
16	28	49

 Atque ex conuersis sesquiquartis superquadrupartientes: ceterasque

16	28	49
16	28	49

 ex conuersis superparticularibus consimilibus uocabulis cautus inu-
 stigatōr hauriet: Ex non conuersis autem superparticularibus: sed ita ut ex mul-
 tiplici productæ sunt manentibus eodem ordine seruato multiplices superpar-
 ticulares generantur habitudines ut hic constat

4	6	9
4	10	25

 hic nanque ex sesqual-
 teris productæ sunt duplæ sesquialtere. Atq;

4	6	9
4	10	25

 idcirco ex sesquiteritiis
 duplæ sesquiquartæ prodeunt ut hic

9	12	16
9	12	16

 Et eodem modo ex sesquiquartis
 duplæ sesquiquartæ reliquæ que de

9	21	49
9	21	49

 incept. Ex manentibus uero super-
 partientibus sicuti ex superparticularibus prodierunt: multiplices superpartien-
 tes proportionēs eodem ordine conducentur ut hic

9	15	25
9	15	25

 sunt enim hic
 productæ duplæ superbipartientes ex superbipartientibus

9	24	64
9	24	64

 bus. Qd si
 suptriptiētēs pntēse fuerint pportiones eodē modo unam duplā suptriptiētē
 & alteram eiusdē generis sed nō eiusdē speciei formabunt ut ex hac figura pbat.

4	7	10
4	11	28

 Vndecim nanque ad quattuor est dupla suptriptiens: sed. 23. ad

4	11	28
4	11	28

 undecim ē dupla supsexcupartiēs: nā cōrinet eū bis & insup sex ei⁹ pres
 uidelicet sex unitates. Atq; alias suptriptientes itē disponamus hoc ordine

5	8	11
5	13	31

 nāq; 13. ad. 5. duplā suptriptiētē reddūt pportionē sed. 31. ad 13. duplā

5	13	31
5	13	31

 supsexcupartiētē efficiūt. Ex suppartienti⁹ itaq; multiplice^s suppartientes

cōducuntur quæcunque sint illæ: quod pater diligentius intuenti. Constat itaq;
 ex æqualitate omnem inæqualitatis habitudinem natura duce producta: & qui-
 dem primo ex dispositis tribus æquis terminis duplices oriuntur proportionēs:
 de hinc triplæ: inde quadruplæ: eodemq; ordine consequentes. Rursus ex cōuer-
 sis multiplicibus dispositis superparticulares conductæ sunt: & ex duplis quidē
 sesquialteræ: ex triplis sesquitertiæ & ex quadruplis sesquiquartæ: similiter & re-
 liquæ. At ex superparticularibus conuersis superpartientes productas esse uide-
 mus: ita ut sesquialtera superbipartientem formet: supertripartientem sesquitertia
 & sesquiquarta superquadrupartientem: atq; in hunc modum reliquæ. Rectis
 uero positis & nō conuersis prioribus superparticularibus multiplices superpar-
 ticulares deductæ sunt. Atq; ex rectis suppartientib⁹ multiplices superpartiētes.
 Tria igitur hæc præcepta sunt a Boetio ultimo primi libri Arythmeticæ descri-
 pta pro inæqualitate ab ipsa æqualitate ducenda: primo ut primum numerum
 primo parem ponamus: secundo ut secundus par sit primo & secundo: tertio ut
 tertium numerum primo duobus secundis & tertio æquum faciamus: quod si in
 terminis perfecimus æqualibus producentur proportionēs duplæ: de quibus
 itidē tactū triplæ oriunt^r: ac de triplis quadruplæ & de quadruplis qntuple ut hic

1	1	1
1	2	4
1	3	9
1	4	16
1	5	25

Restat insuper scitu dignum quādam naturæ secretam ex Boetii no-
 stri demonstratione notissimam primo secundi Arythmeticæ ut
 quemadmodum ex æqualitatis margine cunctas inæqualitatis species
 proficisci didicimus: ita omnē rursus inæqualitatem ad æqualitatē
 uelut ad quoddam proprii generis elementum resolui. Hocque item
 trina imperatione colligi potest nam constitutis quibuscumque tribus terminis:
 inæqualibus quidem: sed proportionaliter constitutis: id est ut eandem medius
 ad primum uim proportionis obtineat quam extremus ad medium in qua-
 uis inæqualitatis ratione: uel in multiplicibus uel in superparticularibus uel
 in superpartientibus siue ēt in his quæ ex eis componuntur: eadem atque una
 ratio indubitanter ostenderetur. Propositis enim tribus ut dictum est terminis
 æquis pportionibus ordinatis ultimū ^{terminū} temp^{or} medio detrahā^r & ipsū quidē ul-
 timū primū terminū collocem^r: quod de medio reliquū secūdū: de tertia uero pro-
 positōrum numerorum summa auferemus unum primum atq; duos secundos
 eos qui de medietate relictī sunt: & id quod ex tertia summa relinquitur tertium
 terminū constituem^r: hoc. n. acto i minōrē modū sumæ reuertūt^r: & ad pricipa-
 liorē habitudinē pportioēs reducunt^r: ut si fiat quadrupla pportio primo ad tri-
 plā: inde ad duplā atq; idē ad æqualitatē usq; remeabit. Si aut fuerit suppticularis
 ut sesquiquarta primo ad sesquialterā: inde ad sesquialterā posttrō ad tres æquos reduce-
 tur terminos: utq; de ceteris ducat^r exēplū i multiplici tātū pportioē id eueire mō-
 stremus. quo solem^r i aliis quoq; inæqualitatis specieb⁹ id expientē eadē præcep-

torū ratio certificet. Cōstituam^r. n. tres quadruplos t̄minos hoc mō . 8 . 32 . 128 .

Quom igitur ex medio minorem abstulero . i . ex triginta duob^o octonarium : re-
linquentur . 24 . & primū octonarium numerū ponam : secundum uero qđ reli-
quū fuerit ex medio idest . 24 . sintq; hi duo termini . 8 . et . 24 . de tertio uero idest
128 . auferā unum primum . s . 8 . et duos secundos qui reliqui sunt idest bis . 24 . re-
linquētur . 72 dispositis uero his terminis : ex quadruplis tripla pportio aequita-
tati p̄p̄inquir redacta est . sunt . n . hi numeri . 8 . 24 . 72 . . Qđ si ex his ipsis idē fe-
cerimus : ad duplam cōparatio remeabit : ponat^r . n . primus minori æquus . s . 8 . au-
feraturq; ex secundo primus : relinquētur . 16 . ex tertio aut^r . s . 72 . auferamus primū
i . 8 . et duos secundos scilicet bis . 16 . reliqua ps erit . 32 . quib^o p̄positis habitudo du-
plarum deducitur proportionum ut h̄c . 8 . 16 . 32 . Si autem ex his idem feceri-
mus : omnes hos terminos ad æqualitatis summas reduci conspiciemus : dispo-
namus enim primū minori æquum . s . 8 . et auferamus ex . 16 . octonariū : remane-
bunt . 8 . quibus dispositis : si ex tertio uidelicet . 32 . auferamus primum . s . 8 . & duos
secundos scilicet octonarios : octo sunt reliqui : quos sic dispositos prima condu-
cit æqualitas hoc ordine . 8 . 8 . 8 . Si quis igitur ad alias iæqualitatis species ani-
mum intendat : eandem intitubanter convenientiam inueniet . quare dubitandum
minime est æqualitatem ita ad aliquid relatā quantitatis matrem esse : ut unitas
per se constantis quantitatis principium dicta est atq; elementum : Inæqualitas
quoq; ab æqualitate procreata est : rursusq; in eam postrema fit solutio .

De Exquisitione plurium consimilium superparticularium proportionum Ca- pitulum . Sextum

X multiplicitate multas & quotlibet cōsequenter pportiones sup-
e particulares omni prorsus errore semoto hac regula deduci mōstrat
Boetius . Vnusquisq; . n . multiplex unitati . s . computatus tot suppar-
ticulares suā in contrariam partem denominationis proportionem

Boetius

precedit quot^o ab unitate ipse recesserit hoc mō : dupla sesquialteras ācedit : tri-
pla sesquitercias q̄drupla sesquiquartas . ac deinceps i hūc modū . Disponam^r igit plū-
res duplas habitudines ab unitate cū suis sesquialteris succedētib^o hoc ordi
In hac duplorū numerorū cōstitutione binarius multiplex quoniā
primus ab unitate discedit unum tantum habet numerum uidelicet ter-
narium cui sesquialteratur Ipse autem ternarius cū duabus æquis parti-
bus minime diui datur : nullum recipit numerum qui ad eum habitudinem
possit custodire sesquialterā . Quaternarius uero qui secund^o est dupl^o ab unitate
semot^o : duas pr̄uēire mōstrat sesquialteras ex senario ad se ipsū & nouenario ad senariū

1	2	4	8	16
3	6	12	24	
9	18	36		
27	54			
81				

cōductas. nouenari⁹. n. a nullo sesquialtero numero respici^t quippe qui recto di
 midio isecabilis ē: i ceteris quoq; idē ē ordo Triplos quoq; numeros eadē p^{er} rel
 sione sesquitercios creat manifestū est ut hec monstrat descriptio

1	3	9	27	81
4	12	36	108	
16	48	144		
64	192			
	256			

 Hec enim triplorum numerorum dispositio ternarium qui ab uni
 tate primus triplex est: unum tantum sesquitercium antecedere de
 monstrat. s. quaternarium: qui cum tertia careat parte: nullū habet nu
 merum qui cum sesquitercia colatione custodiat. Nouenari⁹ autem quoniā
 ab unitate secundus est triplus disiunctus duos sesquitercios numeros antecedit
 scilicet .12. et .16. at cum .16. numerus tertiam non possideat partem nullus
 ei numerus sesquitercia habitudine comparari potest: Item cum .27. numerus
 tertius sit triplex ab unitate tres tantum sesquitercios antecedit necesse est: sic
 q; semper pars tertia quodam fine in ultimo sesquitercio clauditur ut nullum pos
 sit amplius habere sesquitercium. Si autem quadruplarum aggregationem dis
 posuero proportionum: sesquiquartas eadem regula producemus si quiniuplas
 sesquiquintas: ac deinceps Singuli denominationis multiplicis tot superparti
 culares precedent quoto loco ipsi ab unitate discesserint. Est itaque hec inuen
 ta speculatio ut quoties plures sesquialteras uel sesquitercias uel alias superparti
 culares habitudines quis conducere temptauerit nullo unquam errore labatur.
 Nunc quoq; restat consideratione ducendum q; radices proportionum dicuntur
 in quibuscunq; generib⁹ illi numeri qui primū naturaliter efficiūt ipsas p^{ro}por
 nes: quo fit ut ois i naturali numero prima p^{ro}portio cū terminis suis radices sint
 oium cōsimiliū p^{ro}portionū ut binari⁹ ad unitatē quoniā prima dupla ē: dicit^r ra
 dix oium duplarū: & ternari⁹ ad binariū prima sesquialtera i numero naturali radi
 ces efficiūt ipsi numeri atq; p^{ro}portio oium sesquialterarū: similiter sesquitercia ex
 quaternario ad ternariū ductā reliquarū sesquiterciarū radicē dicim⁹: reliquarūq; eodē
 mō. Nūc itē duas alio p^{ro}cessu exquiram⁹ cōtinuas sesquialteras sumpta. n. radice
 sesquialtera. s. .2. et .3. multiplicat⁹ q; binario binari⁹ fiet .4. ternari⁹ uero p
 binariū crescat fiet .6. rurs⁹ ternari⁹ p^{ro} semet ipsū efficiet .9. qui hoc ordie dis
 ponātur

2	3	3
4	6	9

 Duæ igit^r hac distributione p^{ro}ductæ sunt sesquialtere uidelicet
 6. ad .4.

4	6	9
---	---	---

 et .9. ad .6. Qd si tres perquirere temptauerim⁹ dispona
 mus eosdē numeros i exquirēdis duab⁹ dispositos: atq; ipsas duas exquisitas ses
 quialteras: multiplicem⁹ q; binario quaternarium fiet octo: rursus senariū binario
 duodecim⁹: item nouenarium binario & erūt decem octo atq; itē ipsum nouenariū
 ternario fient uiginti septem hac dispositione

2	3	4	6	9	9
8	12	18	27		

 . Eritq; in ceteris
 idē p^{ro}cessus ut si sesquitercias exquirere temptau^{er}

8	12	18	27
---	----	----	----

 rimus sesqui
 terciarū radices disponamus quaternariū. s. & ternariū: pariūq; multiplicatiōe cō
 ducemus. Qd si sesquiquartas queram⁹ sesquiquartarū radices disponemus atq;
 eadem multiplicatione sesquiquartū quodlibet extendetur: similiter & reliquas

eodem ordine facile conducemus. Id insuper considerare licet : si duorum nume-
 rorum differentia eos integre permensa fuerit in eadem erunt proportione nu-
 meri quos sua differentia mensa est : in qua etiam erunt hi numeri secundum quos
 sua est eos mensa differentia ut exempli gratia summamus hos numeros
 .50. & .55. hi enim ad se inuicem sesquidecima colatione dispositi sunt. Eo-
 rum nanque differentia est quinquarius qui de .50. numero pars decima est : na
 decies sumptus metitur .50. de .55. uero pars est undecima quippe qui un-
 decies receptus numerum .55. metiendo discurrit . Propria igitur differentia
 scilicet quinquarius secundum decem & undecim numeros .50. & .55. perme-
 titur : & quidem undecim ad decem sesquidecima sunt proportione relati. con-
 stat itaque numeros quos propria differentia integre permensa est in ea esse
 proportione : in qua sunt hi secundum quos propria eos permensa est differen-
 tia . Si autem aliqua numerorum differentia ita eos numeros quorum est dif-
 ferentia metiatur ut eandem numerorum mensuram pluralitas excedat : idem-
 que in utrisque sit excessus : & sit diminutior differentiae mensura quam sit plu-
 ralitas numerorum : maiorem obtinebunt proportionem ad se inuicem nume-
 ri si eis illud quod relinquitur post messionem retractionem sit quam fuerint in-
 tegri cum eos propria differentia metiebatur . sint enim uerbi gratia hi duo
 numeri .53. & .58. Hos igitur quinquarius qui eorum differentia est metiatur .
 metitur enim quinquarius numerum .53. decies usque ad .50. reliquiturque ter-
 narius . rursus idem quinquarius numerum .58. metitur undecies usque
 ad .55. atque in eo iterum relictus est ternarius : auferatur igitur ex utrisque
 ternarius fient .50. & .55. In hoc enim patet maiorem esse proportionem in-
 ter se .50. & .55. quam .53. & .58. quia in minoribus numeris maior sem-
 per proportio reperitur & in maioribus minor . Sin uero illa differentiae per-
 mensio numerorum multitudinem superuadat : eademque utrosque numeri plu-
 ralitate pretereant minores erunt proportiones numeri superius mensi cum addi-
 tione eius summae qua utrosque metiens differentia superuadit quam fuerunt ante
 quom eos propria differentia metiebatur . sint enim numeri .48. & .53. horum
 quinquarius differentia est . metiatur itaque quinquarius .48. numerum qui decies
 sumptus efficit .50. Igitur numerus .50. superuadit numerum .48. de binario .
 Idem preterea quinari⁹ undecies metiat^r fiet .55. qui eisdem uel⁹ duob⁹ numerum .53.
 excedit : Addat^r utrisque binarius & disponantur hoc ordine .48. 53. 50. 55. mi-
 nor quidem pportio est .50. ad .55. copari cum additiōe . s. binari numeri quo dīa
 eos metiēs supuadit q̄ .48. & .53. numeri : quos eadē quā rātum i eis supexcreuit
 quinariū differentia pmentia ē : Maiores .n. pportiones atq; minores hoc modo itel-
 ligūt dimidia ps maior ē q̄ tertia . Tertia ps maior ē q̄ quarta : & quarta maior ē q̄
 quinta ac deinceps : quo fit ut sesquialtera proportio maior sit quam sesquitercia &

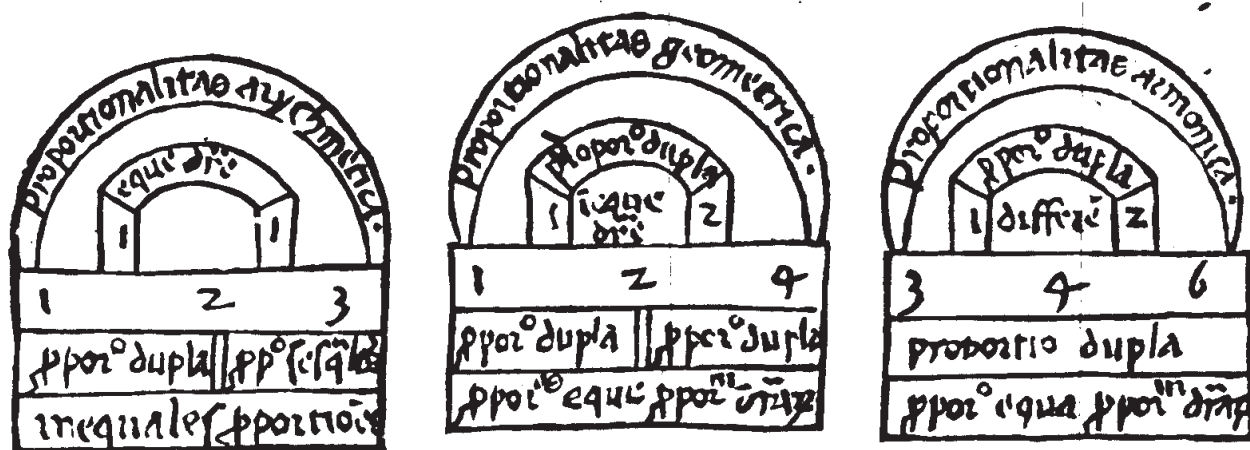
sesquitertia sesquiquartam uincat: atq; sesquiquintam excedat sesquiquarta: similiter & reliquæ. hinc euenit ut in minoribus numeris maior semper sit superparticularium habitudinum proportio: quod hac naturalis numeri dispositione probatur 1. 2. 3. 4. 5. . Ternarius namq; ad binarium sesquialter est: quaternarius uero ad ternarium sesquitertius: atq; quaternarius ad quaternarium sesquiquartus: maiores enim numeri sunt quaternarius & quaternarius: minores uero ternarius & binarius maior quidem est proportio ternarii ad binarium quam quaternarii ad ternarium. hec item maior est ea quæ fit exquinario ad quaternarium: Inde quoq; monstratum est q; si aliquibus numeris superparticularem proportionem conducentibus æqua fuerit superaddita pluralitas: maior semper erit proportio ante æque pluralitatis augmentum: quam post adiunctionem ipsius pluralitatis.

De triplici proportionalitate. Capitulum Septimum.

q Vociens tres uel plures termini continui disponuntur qui duas aut plures proportionef continuas conducant tunc dicitur proportionalitas: Hanc quam Mathematici duarum uel plurium proportionum coniunctionem dicunt: tripliciterq; distinguere solent. uidelicet Arythmetice: Geometrice & Harmonice:

Quom enī constitutis tribus tātū terminis primus terminus ad secundū eādem retinet proportionem quam secundus ad tertū tunc dicitur proportionalitas: secundus enim terminus medius est trium. Extremorum quidem & medii terminorum proportionef trina participatione sese gerunt. Aut enim æqua est differentia minoris termini ad medium & medii ad maximum: sed non æqua proportio ut in his numeris 1. 2. 3. unitas tantum differentiam facit: nec tamen æqua est proportio: nam duo ad unum duplam constituunt proportionem: tria uero ad duo sesquialteram. Aut est æqua in utrisq; proportio sed non æqualibus differentiis constituta ut in his numeris 1. 2. . 4. nam ita duo ad unum duplam ducunt proportionem quemadmodum quattuor ad duo: sed inter quaternarium & binarium binarius inter unitatem uero & binarium unitas differentiam facit. Aut neque eisdē proportionibus neq; eisdem differentiis constat: sed sicut se habet maximus ad minimum seu extremus ad extremum ita sese iungit maiorum differentia minorum differentia terminorum ut in his numeris 3. 4. 6. senarius namque ad ternarium duplam efficit proportionem. Inter senarium & quaternarium binarius differentia est: sed inter quaternarium & ternarium unitas: fitque ex binario ad unitatem ita dupla proportio quemadmodum ex extremis ad inuicē scilicet senario & ternario. Boetius igitur atq; Albertus Coeteriq; mathematici eā uocāt Arythmeticam proportionalitatem in qua æquæ sunt differentia sed inæquæ

proportiones. Eam uero in qua æquæ sunt proportiones & inæquæ differentię Geometricam. sed illam in qua proportiones extremorum terminorum æquæ sunt proportionibus differentiarum Harmonicā. quas his formulis disponamus



Cum igitur harum trium medietatum proportionalitas quidem proprie & maxime geometrica nuncupetur idcirco quoniam æquis proportionibus tota contexta est: eodem tamen utimur promiscue uocabulo proportionalitates etiam ceteras nuncupantes. Earum enim alia continua proportionalitas alia disiuncta Continua quidem proportionalitas est quom unus tantum numerus medius constituitur: qui tunc quidem minori in comparatione postponitur nūc maiori preponitur ut in prescriptis eminet figuris. Disiuncta uero proportionalitas est quū duo medii constituuntur termini ut geometrica hoc modo .1.2.3.6. nanque ut est binarius ad unitatem ita senarius ad ternarium & uocatur hec disiuncta pportio nalitas. Hinc datur intelligi continuam proportionalitatem in tribus terminis consistare: disiunctam i quattuor uel in pluribus. Ayrhmeticam autem proportionalitatem Boetius ei rei publice quæ a paucis regitur in secundo Ayrhmetica cōformari asserit id circo q̄ in minoribus eius terminis maior proportio sit. Geometricam uero popularem quodammodo æqualitatem ciuitatis esse quia uel i maioribus uel in minoribus æquali omnium proportionalitate componitur. & inter omnes paritas quædam est medietatis ius æquum in proportionibus conseruantis. Harmonicam quidem medietatē optimatum rē publicam refert ideo q̄ in maioribus terminis maior proportionalitas inuenitur. At decem ipsas proportionalitates quas Boetius in Ayrhmeticis conduxit cum parum nō conferant proposito disponere non curauī. Cum autem latius monstratum sit eodem modo in æqualitatem ab æqualitate deduci quo ab unitate numeri omnes congregari consueuerunt: minime pretēreundum tacite arbitror tres ipsas superius dispositas proportionalitates ex ipsa item æqualitate naturam certis regulis

Boetius

Boetius

producere ut nullum inquirentem dubia suspensione relinquat. duobus enim mo-
 dis dispositis tribus æquis terminis Arythmetica medietas conducitur: ponatur
 autem primus terminus primo æquus: secundus primo & secundo: tertius
 primo secundo & tertio ut hic

1	1	1
1	2	3

 prima igitur dispositio unitatum est:
 quo fit ut primæ unitati unitas

1	2	3
---	---	---

 substituatur: que eidem æqualis est:
 secundæ unitati subiunctus binarius primæ & secundæ æquus est: sed ter-
 tiæ unitati ternarius qui tribus ipsis unitatibus uidelicet primæ & secundæ
 ac tertie æqua distributione disponitur. Idem quoque iudicium erit in dis-
 positione trium binariorum uel ternariorum cum æquorum terminorum sub-
 stitutione eodem ordine. Quo circa constituta unitatum æqualitate unitas
 ipsa erit differentia terminorum nanque ipsi termini nullum alium terminum
 intermittunt. Si autem binariorum fuerit æqualitas disposita binarius erit
 differentia: atque unus semper terminus numeris ipsis intermittetur. Quid
 si ternarius æqualitatem distribuerit ipse differentiam faciet: atque inter nu-
 meros duo naturaliter interuenient: ac deinceps. Terminos enim intelligi-
 mus hac consideratione numeros coequatione aggregatos & substitutos. Se-
 cundo modo producitur Arythmetica proportionalitas hac progressionem: Cō-
 stitutis tribus æquis numeris substituuntur termini quorum primus sit primo
 & secundo æquus. secundus primo & duobus secundis. tertius primo duo-
 bus secundis & tertio ut hic

1	1	1
2	3	4

 Ibi enim terminorum differentiam uni-
 tas facit: nam inter quater

2	3	4
---	---	---

 binarium & ternarium unitas ipsa: atque
 inter ternarium & binarium eadem est: nullusque naturalis numerus interue-
 nit: post binarium enim mox ternarius atque post ternarium quaternarius na-
 turali dispositione succedunt: Idemque processus erit si tres binarios dispo-
 suero: tuncque terminorum differentia erit binarius: uno inter terminos
 naturaliter intercepto ut hic

2	2	2
4	6	8

 Quom autem ternariorum dispositio
 fuerit æqualitatis principium

4	6	8
---	---	---

 eadem imitatione seruata ternarius ipse
 terminorum differentiam ducet: duoque numeri naturaliter inter terminos cadet
 ut hic expresse percipitur

3	5	3
---	---	---

 At si quaternarius uel quaternarius disponat idē
 fiet: & numeri intermissi

6	9	12
---	---	----

 uno semper minus erunt quā fuerit ipsorum
 differentia terminorum: atque de reliquis eodem modo. Geometrica autem pro-
 portionalitas ab æqualitate procedit hoc modo. Constitutis tribus æquis termi-
 nis primus substituatur primo æquus: secundus primo & secundo: tertius primo
 duobus secundis & tertio: ut si tres deduxerimus unitates hoc modo

1	1	1
1	2	4

 Idē
 quoque fiet si de binario uel ternario ac de reliquis facta fuerit dispositio

1	2	4
---	---	---

 nam
 hoc ordine Geometrica proportionalitas ex æqualitate principium sumit. Ar-
 monica uero medietas quam latius in sequentibus amplectemur: hoc modo ab

æqualitate nascitur. Constitutis tribus æquis numeris substituaturs primus
 numerus primo & duobus secundis æqualis: ut si fuerint tres unitates dispositæ
 primus terminus primæ & duabus secundis unitatibus æquus sit: secundus nu-
 merus duabus primis & duabus secundis unitatibus coequetur. Sed tertius sit
 semel primæ: bis secundæ: & ter tertiæ æqualis ut hic

1	1	1
3	4	6

 Et si i binario vel
 ternario æq̃litas fuerit disposita: eadē ratio medietaris ^{conueniens} ~~conueniens~~ ^{conueniens} ~~conueniens~~
 ac differentiis duplo ~~ante~~ se distantibus. Si autē ex extremis & minimis pariterque
 ex differentiis triplæ quærantur proportionēs: sit primus terminus primæ & se-
 cundo æquus: secundus primo & duobus secundis: tertius uero primæ & duo-
 bus secundis ac tribus tertiis ut hic

1	1	1
2	3	6

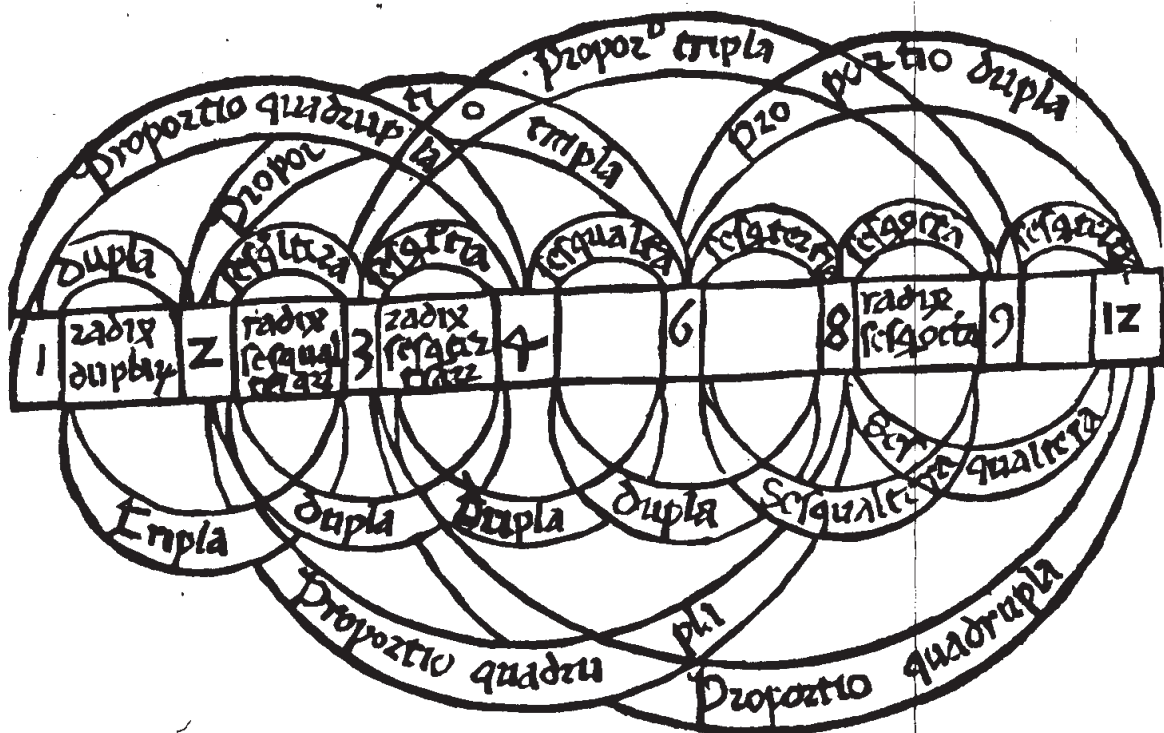
 Idem quoque de binario & ternario
 & cœteris iudicium fiet.

De Proportionibus Cōducētib⁹ Musicas Cōsonantias. Capitulū Octauū.

Arum quæ consonantias generant proportionum naturam ag-
 gredi opere precium est. Tres quidem sunt in Multiplici gene-
 re scilicet Dupla Tripla: & Quadrupla. Tresq̃ in Superpar-
 ticulari uidelicet Sesquialtera Sesquitercia & Sesquioc̃taua. Est
 enim iuxta æqualitatem ea p̃cip̃u or̃tio quæ dupla est: & prima
 multiplicis generis species: naturaliter quidem in duo æqua indiuisibilis: sit nāq̃
 ex duabus primis superparticularibus scilicet sesquialtera & sesquitercia quæ in-
 æquales sunt: ipsam nāq̃ duplam primæ diuidunt: quanquam simpliciter sit du-
 plarum radix proportionum: prima scilicet dupla ex numero naturali proueniēs
 quam binarius efficit ad unitatem simpliciter & per se: non autem ex cōmissione
 sesquialtere sesquiterciæq̃ proportionis. At duplam ipsam sesquialtera & sesqui-
 tertia formant hoc ordine. .z 3:4: nāq̃ ternarius ab binarium sesquialtera cola-
 tione refertur: quaternarius uero ad ternarium sesquitercia: rursus quaternarius
 binarium dupla proportionē custodit. Intercipit quandoque & alias superpar-
 ticulares habitudines dupla ipsa proportio ultra sesquialteram & sesquiterciam
 ut his constat numeris. 4.5.6.7.8. Senarius enim ad quaternarium relatus ses-
 quialteram monstratur implere proportionem cōtonarius uero ad senarium
 sesquiterciam: itaque sesquialtera & sesquitercia duplam ex cōtonario ad qua-
 ternarium perficiunt proportionem. rursus naturalis huiusmodi duple pro-
 portionis progressio alias superparticulares atque superpartientes intercipit ha-
 bitudines: nāq̃ quaternarius ad quaternarium sesquiquartam: senarius ad qui-
 narium sesquiquintam: septenarius ad senarium sesquisextam: cōtonarius ad
 septenarium sesquiseptimam: rursus septenarius ad quaternarium supertripar-

tientem quartas : & ad quinarium superbipartientem quintas : item octona-
 rius ad quinarium supertripartientem quintas concludere apertissime pernosc-
 untur . Hoc tamen scire necessum est q̄ duæ ipsæ primæ superparticulares
 habitudines ipsam semper duplam tanquam partes maiores & elementariæ
 diuidunt proportionem : namque & primam duplam in numeris naturalibus
 preter duplarum radicem nullo alio numero naturaliter interposito diuidere
 monstratæ sunt atque conducere . Verum cum sesquialtera maior sit quam ses-
 quitertia rectum duplæ proportionis dimidium superuadit : quo fit ut ses-
 quitertia integrum ipsius duplæ dimidium non impleat . Id quidem natura
 fert ut quoties aliquid secatur ita ut non æqualibus partibus diuidatur :
 quanto minor pars dimidio minor est : tanto pars maior eadem quæ auctior
 est dimidium excedat : quanto igitur sesquialtera maior est recto duplæ pro-
 portionis dimidio : tanto sesquitertia minor euenit ipsius duplæ dimidio .
 Quo circa si duas continuas sesquialteras disposuerimus proportionem : id
 quod ex terminis resultabit extremis non duplam tantum red.let proportio-
 nem : sed amplius excedet : ut hac constat dispositione . 4 . 6 . 9 . . Senarius namque
 ad quaternarium sesquialtera est : nouenarius item ad senarium sesquialteram
 dicit : rursus nouenarius ad quaternarium non recte duplam efficit : sed su-
 peruadit : interiectus est enim octonarius qui ad ipsum quaternarium dupla ipsa
 proportione refertur : q̄ si octonario nouenarium comparamus sesquioctaua p-
 portio producit : duæ itaque sesquialteræ habitudines duplam proportionem
 de una sesquioctaua excedere demonstrantur . At cum sesquitertia proportio re-
 cto duplæ proportionis dimidio sit minor : duæ idcirco sesquitertiæ duplam mi-
 nime poterunt implere perfectionem : ut his apparet numeris . 9 . 12 . 15 . duode-
 cim namque ad nouem sesquitertia proportio est : atque sexdecim ad duodecim
 sesquiterciam item proportionem ducunt : q̄ si sexdecim ad nouem conferamus
 duplam non perficient proportionem : superaddito uero binario qui de sexdecim
 pars est octaua dupla ipsa rectæ pportio producet ut hic constat . 9 . 12 . 15 . 18 .
 uides enim . 13 . ad . 4 . sesquioctauam ducere proportionem : rursusque . 18 . ad . 9 .
 duplam habitudinem custodire . Duæ itaque sesquialteræ proportionem duplam
 excedunt proportionem de una sesquioctaua . Duæ uero sesquiterriæ minores
 sunt a dupla habitudine de una pariter sesquioctaua . Quo fit ut sesquiterciam
 sesquialtera uincat de ipsa sesquioctaua quod patet his terminis . 6 . 8 . 9 . octo
 namque ad sex sesquiterciam faciunt : nouem uero ad octo sesquioctauam : rursus
 nouem ad sex sesquialteram iungunt : minor igitur est sesquitertia quā sesquialtera
 de una sesquioctaua . Sesquioctaua quidem proportio naturaliter indiuisibilis
 est in duo æqua : ad quod demonstrandum disponendi sunt termini ipsam con-
 ducentes (prætermissa sesquioctauarum radice) quæ ex nouenario & octonario

conducitur quoniam nullus naturaliter inter ipsos numerus intercidit : sint
 q̄ hi numeri .16.17.18. nanque .18. ad .16. sesquioctauam efficiunt colationem :
 At cum medius terminus ad minorem scilicet .17. ad .16. sesquidecimam sextam
 perficiat proportionem : maior autem ad medium scilicet .18. ad .17. sesquideci-
 mam septimam habitudinem iungat : euenit ipsam sesquioctauam nullo pacto
 duabus æquis partibus dilungi copulari ue posse : nanque ex terminis extre-
 mis & medio inæquæ conducuntur habitudines : maior enim est sesquidecima
 sexta proportio quam sesquidecima septima Si autem duplæ proportioni ses-
 qualtera superposita fuerit secunda multiplicis generis species produceturi sci-
 licet tripla ut hic .3.6.9. senarius nanque ad ternarium duplam creat propor-
 tionem : nouenarius uero ad senarium sesquialteram : rursus nouenarius ternar-
 ium tripla proportionem custodit : Quo fit ut quoniam sesquialtera sesquitercia
 de una sesquioctaua deuincit : si sesquiterciam duplæ conduxeramus habitu-
 dini triplam ipsam perficere non possit ut his probatur numeris .3. .8. . Sena-
 rius nanque ad ternarium duplam facit : octonarius uero ad senarium sesqui-
 tertiam rursus octonarius ad ternarium triplam attingere nequaquam potest :
 q̄ si superaddita fuerit sesquioctaua : tripla mox ad ternarium proportio res-
 pondebit ut hic constat .3.6.8.9. nam nouenarius ad octonarium sesquiocta-
 uam superduxit : idemque nouenarius ad ternarium triplam concludit : Ve-
 rum si ante superpositionem nouenarii sesquioctauam conducentis superex-
 creuisset sesquialtera : mox tertia species multiplicis uidelicet quadrupla eue-
 nisset . quod hi indicant numeri .3.6.8.12. uides enim duodenarium octonario
 sesquialteram respondere proportionem : idemque duodenarius ad senarium du-
 plam : rursusque duodenarius ad ternarium quadrupla proportionem conducitur
 Qd si triplæ proportioni antea ex dupla & sesquialtera productæ sesquiter-
 tiam superposuero habitudinē : quadruplam item confici pernotabis : ut his
 probatur numeris .3.6.9.12. duodenarius nanque ad nouenarium sesquiterciam
 probat isque duodenarius ternarium quadrupla proportionem conseruat : quæ
 quidem omnia hac dispositione clarius percipiuntur :



Illud item scitu dignum existimo: qd si multiplex proportio fuerit bis multipli-
cata: tunc quod ex illa producet et multiplicatione multiplicem proportionem
efficiet: si autem id quod ex ipsa multiplicatione euenerit non fuerit multiplex
tunc id quod multiplicatum fuit non erat multiplex anteq̃ multiplicaretur. Item
si superparticularis proportio binario multiplicetur id quod ex ipsa multiplica-
tione perueniet neque multiplex erit neque superparticulare: Quo fit ut si id
quod ex tali multiplicatione productum est non fuerit multiplex neque superpar-
ticulare: tunc quod multiplicatum fuerat: ante multiplicationem uel superpar-
ticulare erat uel alterius generis: non autem multiplicis: Patet igitur ex præ-
dictis superius duas primas superparticulares habitudines scilicet sesquialteram
& sesquiterciam primam conficere multiplicem scilicet duplam: Item primam
superparticularem cum prima multiplici secundam educere multiplicem uide-
licet triplam: secundam uero multiplicem scilicet triplam & secundam super-
particularem scilicet sesquiterciam tertiam formare multiplicem uidelicet qua-
druplam: atque alterutra huiusmodi cōmitione multiplicium scilicet & super-
particularium sibi inuicem naturali ordine correspondentium multiplices ha-
bitudines naturaliter succedentes enucleantur: ut si sesquialteram duplæ appo-
suero: triplam mox resultare conspiciam. si triplæ sesquiterciam tunc qua-
drupla conducetur: si quadruplæ sesquiquartam fiet quintupla: ac si quintu-

plæ sesquiquintam addidero sextuplā perfici nulli dubium est : atque reli-
quæ multiplices eodem processu requirentur : idem quoq; euenit econuerso
cum scilicet multiplices ipsas suis coordinatis superparticularibus conferamus
Est interim aduertendum q; quæ in numeris dicta est proportio dupla fit in
sonis diapason consonantia . Quæ uero est sesquialtera seu hemiola dicitur in
sonis diapentes consonantia : At ea est in sonis diatessaron consonantia quam
in numeris sesquitertiam seu epitritam uocamus . Sesquioctaua in numeris di-
citur tonus in sonis . Ea autem quæ est in numeris proportio tripla dicitur
in sonis diapason diapentes consonantia . At quadrupla in numeris bīdiapason
mensuratur atque nominatur in sonis . Sed de singulis sequenti uolumine la-
tius pertractatur.

LIBER QVARTVS.

DE Consonantiis ex Proportionibus Eductis Capitulum Primum.

Voniam omnium uarietate numerorum Macrobius : ac
Boetius cœterique Musici sex tantum ad minores relatos
ex quibus musicæ conduci demonstrantur consonantiæ
concelebrare nescuntur : eos tamen (quanquā prædi-
ctum est) tres esse multiplices atque tres superparticu-
lures : euidentiore demonstratione apperire necessum ē .

Macrobius
Boetius

Sunt enim multiplices Duplaris Triplaris : & Quadrup-
lus. Superparticulares uero sunt Emiolius siue Sesquialter . Epitritus siue Ses-
quitertius . Epogdous siue Sesquioctauus . Duplaris numerus est qui dum minori
comparatus fuerit eum in se bis compræhendit & dicitur proportio dupla . ut
quattuor ad duo . Triplaris uero dicitur qui ad minorem relatus habet in se ter
ipsum minorem & dicitur proportio tripla ut sex ad duo . Quadruplaris autem
numerus est qui ad minorem deductus continet eum quater in se & dicitur pro-
portio quadrupla ut octo ad duo . Emiolius numerus est qui ad minorem habi-
tus continet semel eum totum & dimidiam eius partem ut tres ad duos : putant
enim ab hēmi dictum quod dimidium sonat & olon totum : quasi totum cum
dimidio : hic proprie dicitur sesquialter a sesqui quod est semis (ut Colla mon-
tanus uoluit) & alter quia media pars alterius numeri æqualis additur in-
tegro numero : est quæ ipsa proportio Hemiola seu sesquialtera . Epi-
tritus numerus est qui dum comparatus fuerit minori compræhendit ipsum

Colla mon-
tanus

Philosoph²

Pythagorici
Platonici
Aristotiles
Ptolemeus

Aristotiles
Pythagorici

Ieronimus

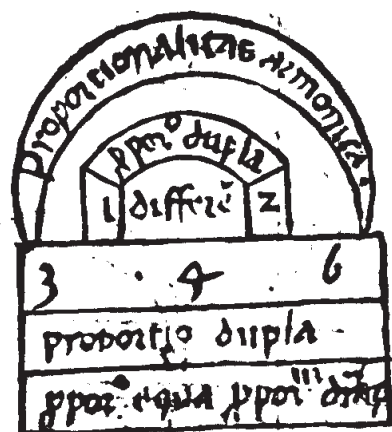
in se totum & tertiam ipsius partem ut quattuor ad tria: dictum quidem existi-
mo ab epi quod est supra & tritos tertia quasi minorem numerum uincens de
tertia sui parte. dicitur item sesquitercius a sesqui quod semis iam interpreta-
tum est & tertia: cum tertia pars alterius numeri æqualis addita sit alteri nume-
ro: ut quattuor ad tria: diciturque proportio Epitrita seu sesquitercia. Epog-
dous numerus est is qui ad minorem accedens de octaua sui parte ipsum supe-
rat atque uincit: ab epi dictus quod est supra & ogdo octo diciturque sesqui-
octauus ut nouem ad octo: inde quoque epogdoa proportio seu sesquioctaua
nominatur. Sunt quidem Hemiolius Epitritus & Epogdous nomina maio-
rum terminorum in sesquialtera: sesquitercia: & sesquioctaua: non autem ip-
sarum proportionum. Verum quoniam ipsæ proportionibus a maioribus termi-
nis denominationem accipiunt: eadem quandoque ipsis proportionibus attri-
buuntur uocabula quæ & maioribus earum terminis inscripta sunt. Id præ-
terea aduertendum uidetur q̃ musicæ consonantiæ a maioris inæqualitatis
proportionibus producuntur ut Philosophus disponit scilicet ex multiplicibus
& superparticularibus: ut iam latius in præcedentibus & in exquisitione Pytha-
gorea præactum est. Diapason nanque ex dupla proportionem resultat. Diapen-
te ex sesquialtera diatessaron ex sesquitercia. Tonus ex sesquioctaua. diapason
diapente ex tripla atque Bisdiapason ex quadrupla. Ex multiplici itaque & Su-
perparticulari musicas consonantias conduci atque procreari concludunt Py-
thagorici atque Platonici: quibus & Aristotiles ipse quadragesimo primo
problemate partis harmonicæ assentire facile uidetur. Ptolemeus tamen in
multiplici superpartiente diapason diatessaron nritur ceteris consonantiis con-
numerare ut iam superius fuit dictum. Proposita igitur lectoris fidei comenda-
re opere precium uidetur. quo diapason consonantiam in dupla proportionem
arbitretur: diapenten in sesquialtera: diatessaron in sesquitercia: ceterasque pro-
priis considerationibus: quæ cum musices principia sint nulla uidentur necessi-
tate probanda: imo ut Aristotili placet sexto methaphisicæ præsupponenda
sunt. Pythagoricis enim mos erat propositorum a preceptore Pythagora nus-
quam rationem perquirere: quam eis sola docentis insinuabat auctoritas Idque
factum existimari licet: quo quamdiu discipulorum animi firmiore roborati doctri-
na: earundem rerum rationem nullo etiam docente repperirent: ac proinde di-
uo Ieronimo commendatum atque laudabile est Ingenium docile & sine doctore
Erit tamen apertior singularum consonantiarum demonstratio: qua & unaquæq̃
earum naturaliter propria proportionem ducatur: & frustra uiciata alterataq̃ in-
quisitione: ipsarum perquiratur consonantiarum natura.

De natura & formatione consonantiarum ex pportionibus. Capitulum Secūdu

Vum omnis consonantia propriæ proportionis naturam ex qua
c producitur consequio uenerari noscatur: necessum est diapason
consonantiam duplæ proportionis proprietatem custodire: quo fit
ut & diapente sesquialteram imitetur: Diatessaron sesquiterciam

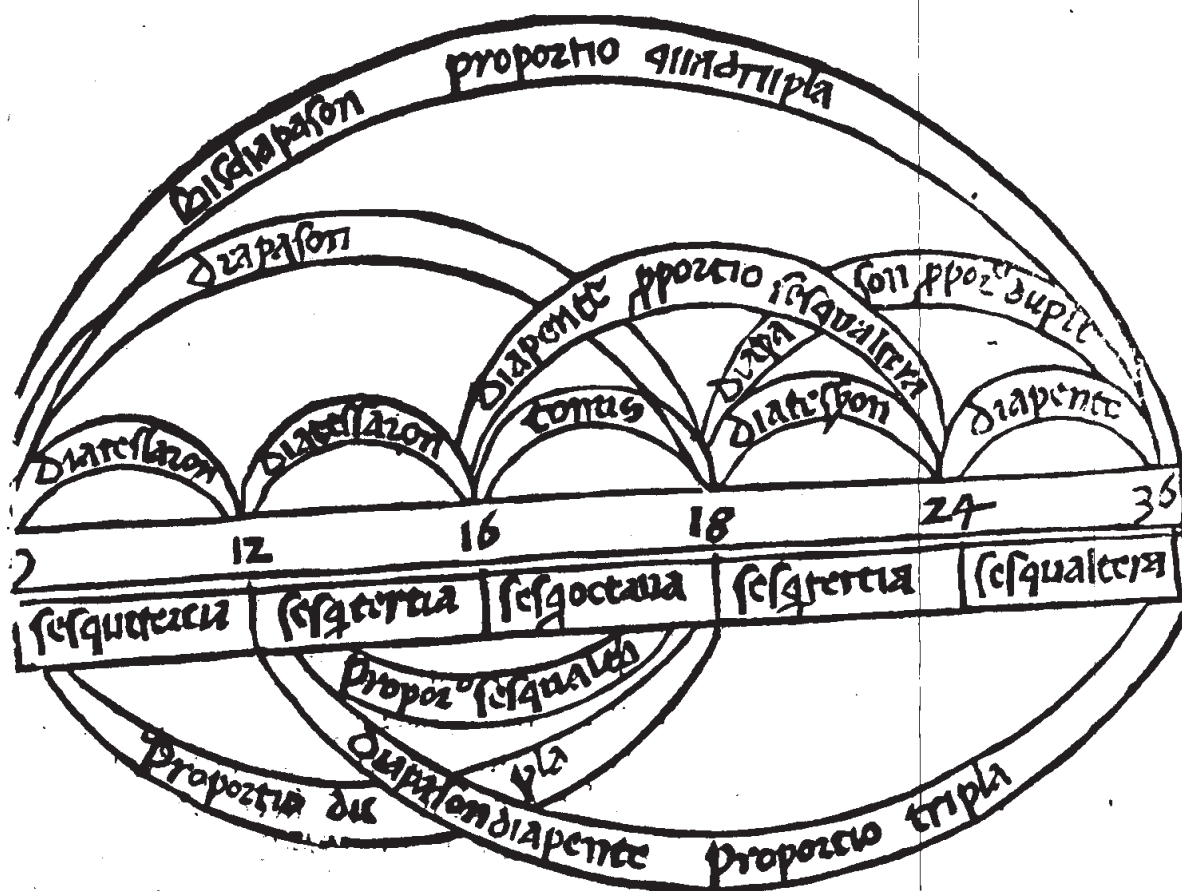
Diapason cum diapente triplam. Bisdiapason quadruplam: Tonum sesquiocta-
uam: Quæ igitur de ipsis proposita sunt proportionibus de suis item conso-
nantis iumna ueneratione celebrantur: Disponatur enim continua pportio-
nalis harmonica: quo propositæ consonantiæ facilius atq; apertius ex propor-
tionibus ipsis exquiri possint & demonstrari.

In hac quidē figura. 4. ad. 3 sesquiterciā pportio-
nē mōstrant diatessaron cōsonantiā offerentes: atq;
6 ad. 4. sesquialterā ex qua pducit diapētes cōso-
nantiā. Sed. 6. ad. 3. dupla colatiōe diapalō extēdūt
cōsonantiā: quā & differētiæ ipsæ dupla correspō-
siōe cōducere noscunt. Quō fit ut diapēte & dia-
tessarō ita di ipsō diuidant & conducant duab⁹
inæquis parti⁹ cōpræhensam: sicut sesquialtera
& sesquitercia duplam mōstratæ sunt pportione
cōducere atq; diuidere. Verū si extremos terminos



alternati multiplicem⁹: atq; medius sui multiplicitate cōcrescat: toni habitudinē
sesquioctaua pductione iuicem cōseruabūt nam senarius ter sumptus pducit
18. si niliter & ternarius sexies ductus 18. efficit: quaternarius aut quater multi-
plicatus uidelicet i se ipsū: cōducet: 16. Hos igit deductos scilicet: 18. et 16. inuicē
colatos: sesquioctauam proportiōem tonū nutriētē implere constat: rursus mini-
mus terminus .i. ternarius i se ipsum superductus nouenarium ducit: Maximus
uero uidelicet senarius per se ipsum adauctus numerum .30. implet: qui noue-
nario colat⁹ quadrupla habitudine Bisdiapason custodiēte deducit: Cūq; hec dili-
gētius itueamur: erit hæc oīs uel terminorū uel differētiarū i se iuicē multiplicatio
nā si minim⁹ termin⁹ medii termini dispositiōe multiplicet⁹ fient 12. Item si ipsum
minimum maximo multiplicem⁹ fient 12. Medius uero maximi numerusitate cō-
ductus 24. efficit. rursus minimus terminus in se ipsum concrescens nouem
ducit. Medius item per se ipsum multiplicatus 16. implet: Sena-
rius autem qui maximus est: si se ipsum multiplicet reddet 36. Quō
fit ut .24. ad 18. diatessaron consonantiam ducant in sesquitercia proportio-
ne atq; eodē modo .12. ad. 9. Sed. 18. ad. 12. pariterq; 24. ad. 16. i sesquialtera diapē-

ten . Diapason uero ex . 36 . ad . 18 . et ex . 18 . ad . 9 . in dupla proportionē produci-
tur . Verum diapason diapente ex tripla conficitur scilicet ex . 36 . ad . 12 . Sed
bisdiapason in quadrupla conseruatur quæ fit ex . 36 . ad . 9 . Tonus autem ex 18 .
ad . 16 . sesquiocaua productione consurgit atque hec omnia presens figura aper-
tissime demonstrat.



Presenti demonstratione diligens inquisitor singulas consonantias propriis pro-
portionibus naturaliter correspondere facile percipere potest. Id tamen aduer-
tendum uidetur quoniam si diapason consonantiæ quæ duplæ proportioni insi-
dere comprobata est addita fuerit altera consonantia multiplicatis scilicet mp . p . ces-
sum & ordinē obseruabit: quo fit: ut cū diapason ipsa i dupla pportione cōstitat:
& Diapason diapente i tripla: Diapason diatessaron i multiplicatis ordine mini-
me possit cōstitui: quippe quæ si i multiplici collocari cōtingeret necessaria ei eēt
maior pportio q̄ dupla & minor q̄ tripla: cū ipsa maior sit q̄ diapason atq; minor q̄
Diapason diapente: sed iter duplā & triplā nulla naturaliter intercipit pportio: igit
diapason diatessaron in multiplicatis ordine collocari non potest: inde Py-

thagorici eam inconsonam sentiunt atque platonici.

Pythagorici
Platonici

De natura toni & semitoniorum Capiculum Tertium

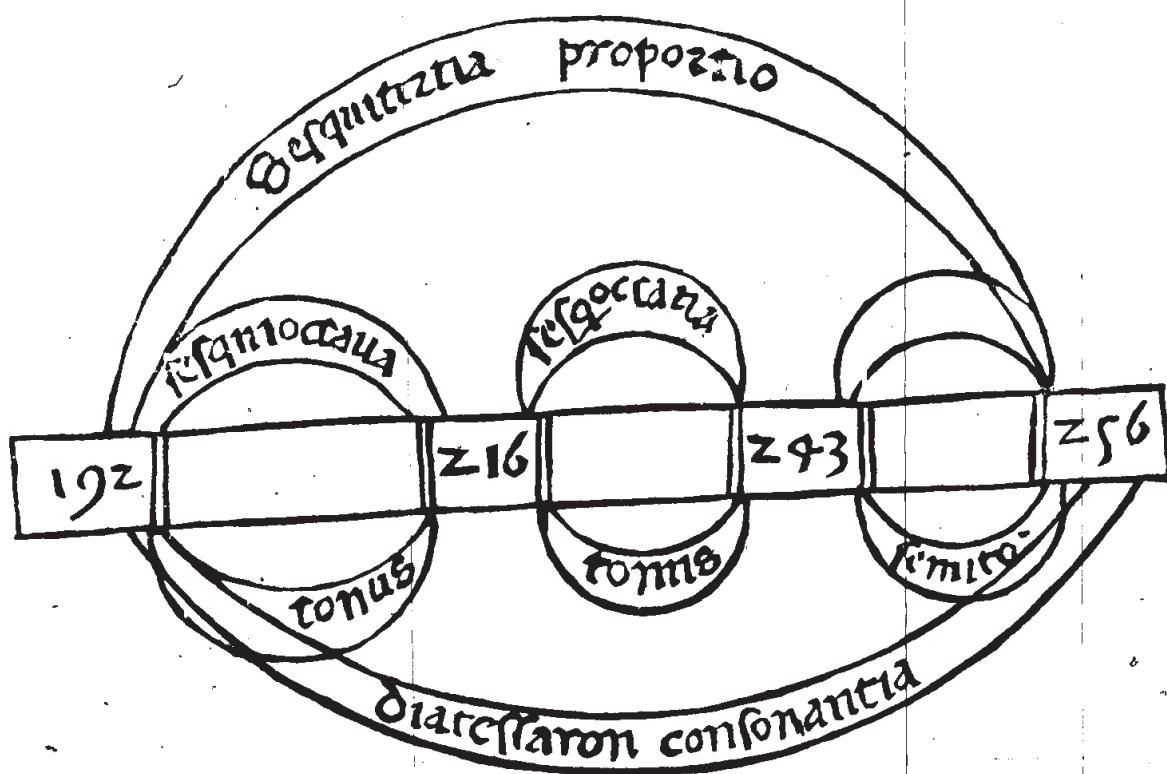
e T si unaquæq; consonantia sue genitricis proportionis naturam sentit Tonum sesquioctauæ habitudini consentire necessum est: quo fit ut in duo inæqua semitonia distinguatur: cum ipsa proportio sesquioctaua in duas inæquales sit diuisibilis habitudines: ipso rum namq; semitoniorum unum minus est Aliud maius. idcirco non proprie dicta sunt semitonia quasi rectum toni dimidium tenentia: sed quia ad integrum usque tonum non prodeant cum neque semiuocalis in litteris pro media uocali accipi solet: quod enim semum dicitur imperfectum seruari decet: nā sem^o. a. um: idem est quod imperfectus. ta. tum: Semitonium minus rectum toni dimidium non attingit. Maius uero ipsius toni dimidium excedit ea ipsa particula qua minus semitonium ab ipso toni dimidio superatur. Pythagorici enim semitonium minus diesim appellarunt. A Platone autem dictum est lima: Posterius uero semitonium dixerunt: eius dimidium diesim nuncupantes. At dieses dimidium nō nulli existimant coma: Quidam tamē putant coma ipsum dieses dimidium excedere quod Boetius docet tertio suæ musicæ Coma uero Phylola^o Pythagoricus in duo schismata distinctum tradit: atque diesim in duo diaschismata. Cum enim minus interuallum quod concine est secundum Baccheum recentiorē apud græcos auctorem sit diesis minoris scilicet semitonii dimidium: quam Posterius Dyattonici generis professores abiecerunt: minus ipsum semitonii minoris interuallum naturaliter obseruantes: diminutiores ipsas toni semitonii ue portiuunculas latius a Boetio nostro atq; Vgolino eius imitatore propriis proportionibus exquisitas ommittemus: Dyattonico tantum genere hanc musicam facultatem conducendo Minus itaque semitonium fit ex duabus diesibus cuius interuallum euenit naturaliter in dispositione concinentiæ ante uel post uel inter duos tonos ydiatonica. s. ut dictum est consideratione. Apothome autem quod decisionē sonat a cūctis Semitonii mai^o appellatū ē: sitq; duab^o diesib^o & comate: excedit. n. min^o semitonii ipso comate. Nōnulli qdē falso arbitrat^o illd qd uel ante uel post uel inter duos tonoseuēit semitonii: esse mai^o. qd multis demōstrationib^o comprehenditur. Nam si ex diatessaron consonantia duos abstulerimus tonos relinquetur semitonium minus. ita quoque quom a sesquitercia proportione duas sesquioctauas retrahamus id quod relinquetur erit semitonii minoris proportio. Constitutis enim duabus continuis sesquioctauis quæ a secunda octupla^o originem & comparationē necessario perquirunt: numeros ipsos sic disponemus. 64. 72. 81. sunt quidem in his numeris duæ dispositæ

Pythagorici
Plato
Posterius mu-
fici
Phylolaus

Baccheus

Boetius
Vgolius

sesquioctauae : consequenterque duo toni prima naturali dispositione pro-
 ducti . Nunc quoque superaddendus est numerus qui dispositorum minorem
 scilicet 64. sesquitercia proportionem custodiat . sed quia numerus 64. non habet
 tertiam partem: si dispositos ipsos omnes numeros ternario multiplicauerimus :
 minor ipse in tres æquas partes resolubilis eueniet: atque numeri omnes eadem
 quoque proportionem perseverabunt qua fuerant ante quam ternario multiplicarē-
 tur . Igitur numerus 64. ter sumptus efficit . 192. cuius tertia pars scilicet 64. sibi
 ipsi superposita complere monstratur numerum . 256. eritque numerus . 256. ad nu-
 merum . 192. sesquitercia proportio diatessaron consonantiam seruans . Nunc ue-
 ro duas sesquioctauas continuas minorem scilicet . 192. numerum custodientes
 recto ordine disponamus: perficit enim numerus . 72. ter sumptus numerum . 216.
 At numerus . 81. ter sumptus numerum . 243. attingit: qui inter predictos duos nu-
 meros sesquiterciam concludentes disponantur hoc ordine.

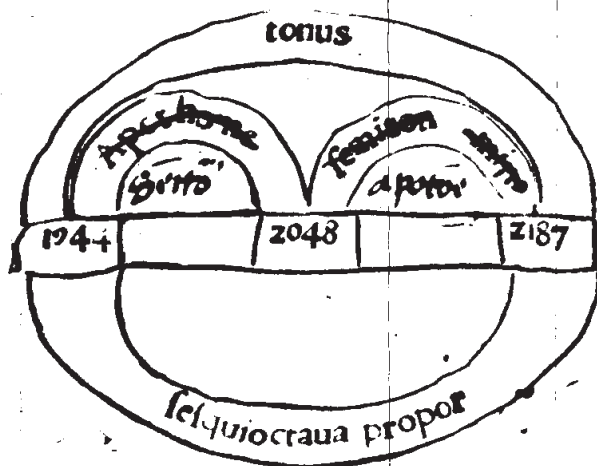


His igitur sic dispositis numeris ultimus ad primum sesquiterciam concludit pro-
 portionem diatessaron consonantiam obseruantem. secundus uero ad primum
 sesquioctauam & consequenter tonum . Item tertius secundum custodit sesqui-
 octaua proportionem tonum concludente . Spatium autem quod a numero . 256

ad numerum. 243. intercidit: primam semitonii minoris formam exprimit ex ijs primis minimis numeris exquisitam atque deductā. At quoniam prædictum est hoc minus semitonium rectum toni dimidium non implere: id euidentiore demonstratione probandum fore duxi. Nam cum numerorum. 243. et. 256. differentia: tredecim tantum unitatibus sit: si ipsam decies octies multiplicemus differentiam non reddet totum minorem sed deficiet a tota ipsius minoris summa: nam fient. 234. qui minor est quam. 243. Verū quom decies novies multiplicata fuerit ipsa differentia scilicet. 13. ipsum minorem scilicet. 243. huiusmodi multiplicatio superuadet: fient namq. 247. Continet itaq. ipsa differentia minus q. decimanonam ipsius minoris partem: plus uero q. decimanonam. Ex quo opus est semitonium omne: ad hoc ut integro toni dimidio conseruetur inter sesquiseptimam decimam & sesquidecimam septimam collocari: quod quidem impossibile est: nam ut superius monstratum est: Proportio si quioctaua in duas inæquas partes diuiditur: ut quæ euenit inter. 18. et. 16. quoniam naturaliter numerus. 17. intercidit: non eandem proportionem retinent. 17. ad. 16. quā probat. 18. ad. 17. igitur ipsa sesquioctaua in duo æqua diuidi non posse monstratur Qd si fieri temptaretur: necesse esset aliquantulam de sesquiseptadecima proportionem auferre portionem sesquidecimam septimam applicandam quo æqualiter se haberent. quod quidem fieri nullatenus potest: quoniam sesquiseptadecima proportio nullam in se minorem habet particulam q. sesquiseptimam decimam. s. indiuisibile unitatem: quam integre inuolabiliterq. nititur conseruare. Constat itaq. lucidius tonum in duo æqua diuidi non posse. Minus autem semitonium non attingit medietatem toni: quo fit ut si duplicatum fuerit: tonum perficere non possit: Igitur duo minora semitonia penum toni interuallum implere nō possunt. Id enim naturaliter euenit ut quom quicquid dimidium duplicatur: totum integrum ducit id cuius ante duplicationem dimidium erat: si autem ipsa duplicatio non perfecterit illud integrum sequitur ante duplicationem id quod duplicatum fuerat dimidium non fuisse. Verum si geminata particula superexcreuerit suum totum: tunc anteq. duplicaretur maior erat parte dimidia. Illud igitur quod uere in consonantiis semitonium nuncupatur: minus est recto toni dimidio: quod uero relinquitur de toto tono maius est dimidia ipsius toni parte: quo fit ut semitoniū maius dicatur. Quantoq. semitonium minus recto toni dimidio minus est tanto Apothome integrum toni dimidium excedit. Et quoniam monstratum est semitonium inter. 256. et. 243. principaliter consistere: nunc in quibus minoribus numeris constet Apothome discutiendum est. Si enim. 243. octauam possent recipere partem ita ut ad eum suus posset sesquioctauus comparari: tunc. 256. habitudine ad ipsius minoris sesquioctauum colata apothomen necessaria ratione probaret. sed quoniam ipse. 243. numerus octauam partem habere non potest

singuli numeri octonario crescant: & quidem, 243. numerus octies ductus numerum. 1944. perficit: quibus dum propria superponatur octaua scilicet. 243. mox fiet. 2187. Itē. 256 numerus crescat octies numerum. 2048. cōducet qui præductorū medius collocet hoc mō

Tertius itaque terminus ad primum tonum ducit sesquioctaua ratione compræhensum. Secundus uero ad primum ^{semitonium} apothomen sed tertius ad secundum ^{semitonium} apothomen minus idcirco quia in minoribus numeris maior euenit proportio & consequenter maior cōsonantia. in minoribus autem minor. Atque in his primis apotho-



mes constat proportio. cum semitonii minoris spaciū in. 256 et. 243. minimis contineatur numeris. Sunt idcirco. 1944. et. 2048. in eadem proportione qua 243. & 256. quoniam. 243. & 256. sunt octies multiplicati. Quom enim unus numerus duos quoslibet numeros multiplicauerit: tunc numeri qui ex ipsa multiplicatione conducentur in eadem erunt proportione qua fuerunt hi numeri quos multiplicator numerus multiplicauit. Monstrat tamen apertius toni diuisionem Philolaus Pythagoricus statuens primum imparem numerum scilicet ternarium cum suo quadrato qui nouenarius est: hunc enim ternario multiplicat & fiunt. 27. qui ad. 24. deducti tonum in sesquioctaua relatione custodiunt: eorum quippe ternarius differentia est: qui octies computatus numerum. 24: implet: nouies uero. 27. perficit. Tonum quoque in semitonium minus diuidit atque Apothomen: horum differentiam coma esse dixit: asserens minus semitonium tredecim unitatibus constare eo quod inter. 256. & 243. præuisa sit differentia & quia item is numerus. 13. ex nouenario & ternario atque unitate quæ in cunctis numeris singularem obtinet locum consistit: ternariusque primus sit impar in numero naturali: atque nouenarius primus impar quadratus: idcirco cōstituto minor semitonio in numero. 13. reliquam. 27. numeri partem quæ quattuordecim unitatibus superest Apothomen censuit continere. At cum amborum scilicet. 13. & 14. numerorum unitas differentiam teneat: unitatem ipsam loco comatis arbitratur esse tenendam: totumque tonum. 27. unitatibus sistit: eo quod inter. 243. et. 216. numeros qui inter se tono distant: ipse. 27. numerus differentiam seruet. Ex his uidetur inferri tonum constare duobus semitoniis unoque comate: nam sicut tonus Apothomen & minus semitonium compræhendit: semitonium uero ab apothome differt comate: nihil aliud apothomen esse constat quod semitonium

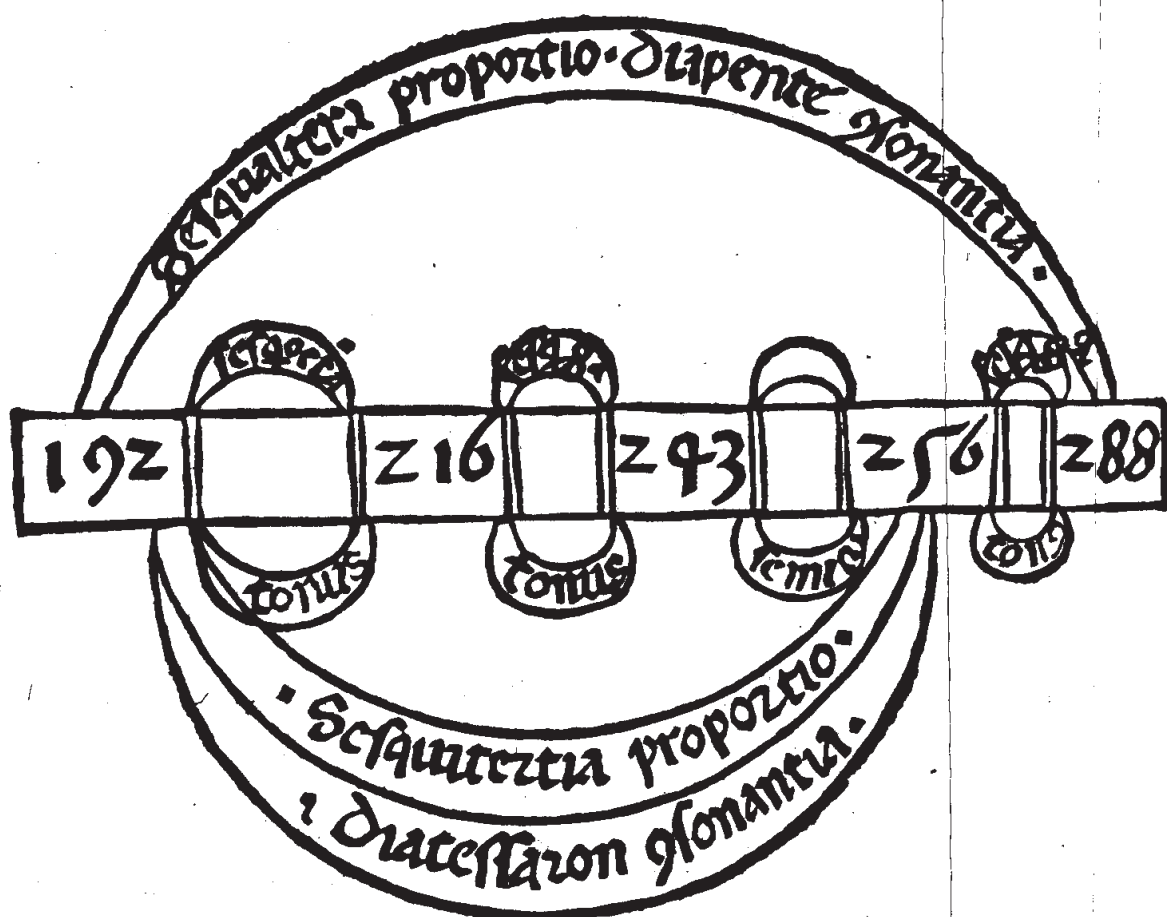
Philolaus

minus & coma. Vnde si de tono duo minora detrahantur semitonia relinquitur coma: quod hac item probatione procedit. Quoniam diapason quinque tonis duobusque minoribus semitoniis continetur sex toni diapason excedunt uno comate. Non est dubium quin tonis ipsis quinque a diapason sublaris duo relinquatur minora semitonia: A sex uero tonis retractis quibus relinquitur tonus: qui duo ipsa semitonia uincit comate: at si duobus ipsis semitoniis appositum fuerit coma implebitur tonus. Constat itaque tonum perfici duobus quibus semitoniis & uno comate. Minus nanque semitonium duabus conductur diesibus. Apothome autem siue semitonium maius duas dieses & coma comprehendit. Inde Tonus quattuor dieses atque unum coma concludit. quod harum indicat interualla litterarum.

A. diesis:	B. diesis.	C. diesis.	D. diesis.	E. coma	F.
Semitonium	Minus	.	Semitonium	Maius	
T	O	N	V	S.	

De natura Diapentes & Diapason Capitulum. Quartum.

Diapentes consonantia in sesquialtera proportionē consistens fit ex diatessaron & tonorum sesquitercia & sesquioctaua sesquialteram formant. Cum igitur diatessaron symphonia duobus tonis minoreque semitonio constet: superpositus tonus diapenter consonantiam implebit: quo circa disponamus numeros duarum sesquioctauarum & spatii semitonii minoris: superius in eductione diatessaron consonantie figuraliter adductos hoc mō. $1^9 2$. $2 16$. $2 43$: $2 56$. Secundus terminus ad primū atque tertius ad secundum sesquioctaua inuicem habitudine conferuntur: hinc duos monstrant tonos: quartus autem ad tertium semitonii minoris spatium occupat: rursus idē quartus ad primum sesquiterciam perficit habitudinem diatessaron consonantiam producentem. Nunc uero quom octauam numeri . $2 56$. superposuero partem eueniet numerus . $2 88$. qui ad numerum . $2 56$: sesquioctauam proportionem respondebit & consequenter tonum. Idemque . $2 88$. numerus ad numerum . $1^9 2$. comparatus sesquialteram probat proportionem Diapentes continentiam concludentem. Fit igitur Diapente ex diatessaron & tonis: id est ex tribus tonis & semitonio: quod subiecta figura demonstrat.



In horum numerorum dispositione ultimus terminus uidelicet . 288 . ad quartum scilicet . 256 . sesquioctauam facit ut aperte monstratur: inde tonum. Is quoque ultimus ad primum scilicet . 192 . sesquialteram: idcirco diapenten conducit. Patet igitur Diapenten tribus tonis semitonioque constare: siue ex diatessaron & tono perfici: quia sesquialteram ex sesquitercia sesquioctauaque produci atque generari probatum est. Nunc Diapason consonantiam quam Diatessaron ac Diapente simul iunctae ea ratione perficiunt qua sesquitercia & sesquialtera Duplam conducere solent habitudinem adoriri necessum est. Quo circa cum Diatessaron duobus tonis semitonioque minore deduci Diapenten uero tonis tribus atque minore semitonio conformari apertum sit: Diapason consonantiam ex ipsis deductam quinque tonos ac duo minora semitonia continere naturalis ratio uidetur concludere. At cum illa duo semitonia (ut precedenti ascribitur capitulo) tonum non impleant sed toni ipsius dimidium excedant: Diapason consonantia nullo modo sex tonos comprehendere potest: quippe quae a sex tonis comatis distantia

interuallo q̄ recedit. Verum superpositum coma duobus ipsis minoribus semi-
 toniis tonum implebit : fieretque hoc modo Diapason de sex tonis. Non igitur
 sex tonos continet diapason consonantia ut Arbitrati sunt Aristoxenus & Ma-
 crobius in secundo somnii Scipionis. Atque Petrus apponensis Medicorum
 conciliator in tertiodecimo problemate musices Aristotelis ubi Bisdiapason
 duodecim tonos possidere concludit. Nunc id quoque sciri deest. Si Diapason
 consonantiæ diapentes consonantia apposita fuerit : altera fiet consonantia
 utrisque uocabulis nuncupata scilicet diapasondiapente in tripla habitudine
 constituta ut superius clauit. Verum si huic diapasondiapentes consonantiæ
 superiuncta fuerit diatessaron mox Bisdiapason eueniet consonantia in quadru-
 pla proportionem quiescens ut secundo capitulo lucidius apertum est. Constat
 quidem Diapasondiapente octo tonis tribusq̄ minoribus semitonis. Bis-
 diapason uero tonis decem perficitur & quattuor minoribus semitonis ut
 patet diligentius intuenti quod & in diuisione monocordi posterius elucebit.
 Si autem quadruplæ proportioni coniuncta fuerit sesquialtera : mox euadet
 sextupla. ut his constat numeris .3. 12. 18. Item quoque quom Bisdiapa-
 son consonantiæ superaddita fuerit diapentes consonantia : alteram ex utris-
 que uocabulis nuncupatam concinentiam conseruabit : quam Musici ab or-
 dine consonantiarum excludunt ob maximam extremorum sonorum sibi inuicē
 correspondentium distantiam. Cumq̄ inter quadruplam ac sextuplam una natu-
 raliter intercitat multiplex pportio scilicet quintupla : uideam⁹ attentius utrum
 sesquitercia proportio quæ minor est q̄ sesquialtera si quadruplæ addita fuerit p-
 portioni possit locum multiplicē obtinere. Disponam⁹ itaq̄ numeros quadruplā
 & sesquiterciam conducentes hoc ordine .3. 12. 16. Duodenarius enim ad ternar-
 rium quadruplam implet. Sextusdecimus autem ad duodenarium sesquiterciam.
 Rursus sextusdecimus ad ternarium non quintuplam recte concludit : sed exce-
 dere iudicatur ab unitate : quæ ipsius ternarii pars est tertia. At quia inter ipsam
 quintuplam & sextuplam prius ex quadrupla & sesquialtera productam nulla
 potest naturaliter proportio multiplex intercipi : sesquitercia idcirco non addi-
 tur quadruplæ proportioni ut naturaliter consideat in genere multiplici : & per
 consequens Bisdiapasondiatessaron esse consonantiam negant musici : quæ
 quanq̄ ex proportionem sexdecim ad tres conducitur : quæ est quintupla sesqui-
 tertia in multiplici superparticulari ea tamen in multiplici quæ simplex est consi-
 stere non potest : quoniam in cunctis quadruplis ordo seruatur multiplicis :
 & superparticularitatis quom superaddita fuerit ipsa sesquitercia : ut his constat
 numeris .6. 24. 32. fit enim ex .24. ad .6. quadrupla proportio : ex .32. uero
 ad .24. sesquitercia : atque eodem modo conducuntur .12. & .48. & .64. ad
 inuicem comparati. Cum igitur iunctæ superparticulares multiplicibus alias

Aristoxenus
 Macrobius
 Conciliator

naturaliter conducant multiplices : in his hic ordo processusque negligitur : ut etiam in dupla & sesquitercia : ex qua diapasondiatessaron deduci superius monstrata ē. nō itaq; Bisdiapasondiatessaron ceteris consonantiis connumeranda ē. Et quidem in hoc differunt diapasondiatessaron & Bisdiapasondiatessaron quia hæc in multiplici superparticulari : illa in multiplici superpartiente repperitur. Extremi enim Bisdiapason æquisonantiæ soni cum a se inuicem quadrupla interualli dimensione discedant : eam aliarum maiorem consonantiarum disponunt. Diatessaron uero cunctis concinentiis minorem dicunt quoniam acutior in ea sonus grauiorem tertiam sui parte transcendit. Est igitur hic concinentiarum modus ut neq; ultra quadruplam possit extendi : neq; intra partem tertiam coartari.

DE Ordine Consonantiarum Capitulum Quintum :

Pythagorici

c Consonantiarum ordinem Pythagorici prosequētes : eam in ordine priorem constituendam esse censuerunt cuius proprietas auditui suauior : atq; natura sensibus rationiq; euenit apertior. Quale enim unum quodq; per semetipsum est hac musica facultate tale etiam

Boetius

secundum Boetium deprehenditur sensu. Quo circa : quoniam Diapason consonantia quæ in dupla proportionem consistit cunctis notior est consonantiis : eam necessum est omnium consonantiarum primam concludere : ceterasq; merito excellere : quas lucidiori cognitione præcedit. Reliquas uero multipliciter ordinē seruantes cum multiplices proportionem non immerito superparticulares habitudines transcendant Pythagorici ipsi naturali ordine subsequi censuerunt : quo fit ut Diapason quidem in dupla sit prima : Diapasondiapente in tripla sit secunda : Bisdiapason in quadrupla sit tertia : hinc naturalem numerum ab unitate ad quaternarium usq; disponamus hoc ordine . 1 . 2 . 3 . 4 . Binarius namq; unitati comparatus duplam ducit habitudinem Diapason consonantiam respondentem quæ prima est & simplicitate notissima. Ternarius uero eidem unitati computatus triplam proportionem monstrat Diapasondiapenten conducentem . Quaternarius autem ipsi unitati deductus quadruplam efficit Bisdiapason simphoniam conseruantem. Et quidem quoniam hi multiplices unitatē conspiciunt quæ prima est eamq; recto atq; naturali ordine subsequuntur : eos ipsi Pythagorici multiplices præcedere statuerunt. Superparticulares uero sequi. Restat nunc superparticulares ipsas in ipsis dispositis numeris conducere : namque ternarius a d. binarium sesquialteram seruat diapentes consonantiam custodientem quæ quidem prima est superparticularis in naturali numerorum dispositione. Quaternarius autem ad ternarium sesquiterciam ducit scilicet secundam superparticularem

diatessaron consonantiam demonstrantem. Rursus quaternarius ad binarium
 duplam ducit: quæadmodum binarius ad unitatē. Vex quia duæ primæ suppar-
 ticulares ipsam conducunt ac diuidunt duplam: post multiplices habitudines
 superparticulares ipsas quæ Diapenten & Diatessaron ducunt posuere. Embuli-
 des tamen atq; Hyppasus alium consonantiarum ordinem statuerunt dicentes
 multiplicatis augmenta diminutioni superparticularitatis correspondere: ita
 ut non possit esse duplum præter dimidium: nec triplum præter tertiam partem:
 quo fit ut duplam primo ponant scilicet Diapason secundo sesquialteram quæ
 Diapenten ducit quasi in contrariam diuisionem duplæ. tertio triplam ex dupla
 & sesquialtera mistam id circo Diapasondiapenten. quarto sesquiterciam ex qua
 Diatessaron fit quasi in contrariā diuisionē triplæ. quinto quadruplā Bisdiapaso
 cōpræhendentē ex tripla atq; sesquitercia cōfirmatā. Nichomachus itē alio mō cō-
 sonantiarū ordinē pcedere uoluit. nā ut i pportionib⁹ unitas cremēti dimunitio-
 nisq; picipiū tenet: ita quoq; diapaso reliquarū esse cōsonantiarū picipiū inquit:
 alias post i cōtraria diuisione cōstituēs. fiat. n. naturalis numeri dispositio icipiēs
 ab unitate hoc mō. i. z. 3. 4. 5. Binarius quidē unitatis dupl⁹ ē: cuius cōtraria pars
 atq; dimidium est ipsa unitas. Ternarius unitatis triplus est: cuius contraria est
 pars tertia. Quaternarius unitatis est quadruplus: pars eius contraria quarta.
 atque ita crescendi & descrescendi in simplici est unitate principium. Quo circa
 diapason quidem quæ est dupla erit supremi loco principii: reliquæ autem erūt i
 cōtraria diuisiōe prætermittā diapason: sesquialtera. n. triplæ opponet diuisioni:
 sesquitercia quadruplæ: quod hac argumentatione probatur: Idem enim prim⁹
 sesquialter ē numer⁹ q prim⁹ ē tripl⁹ si unitati oparet. nā ternari⁹ binario opatus
 prim⁹ ē sesquialter: idē uero unitati supduct⁹ prim⁹ ē tripl⁹. rursus ei⁹ differētiæ
 quā iter se & binariū facit tripl⁹ ē: Cū igit hac rōne sesquialtera pportio opponat
 triplæ Diapētes cōsonantiā diapasondiapētes simphonix ratiōabilis putat opponi
 Quadrupla itē contrariā habet sesquiterciæ diuisionē: nā q primus ē quadrupl⁹
 unitati cōductus. i. quaternarius: ipse primus ē sesquitercius si ternario cōparet:
 eius quoq; differētiæ quā inter se & ternariū habet efficit qdruplus. Quo fit: ut
 sesquitercia proportio quæ Diatessaron ē: quadruplæ pportioni quæ ē Bisdiapaso
 i contrariū diuidat. Dupla uero quoniā nullā habet oppositā pportionē secūdū
 hanc Nichomaci rationē: nec ullus minor sesquialtero numer⁹ ē cui possit binari⁹
 qui prim⁹ ē duplex supparticulari pportioē cōiungi: talē formā cōtrariæ ppor-
 tionis excedit. Atq; id circo secūdū Nichomacū Diapason tenet cōsonantiarum
 principium: & quāuis ita sese habeāt hæ cōsonantiæ. Postremo tamē cum Pytha-
 goricis concludere uidetur conuenientius atque melius esse: omnes multiplices
 consonantias præcedere: & Superparticulare: sequi.

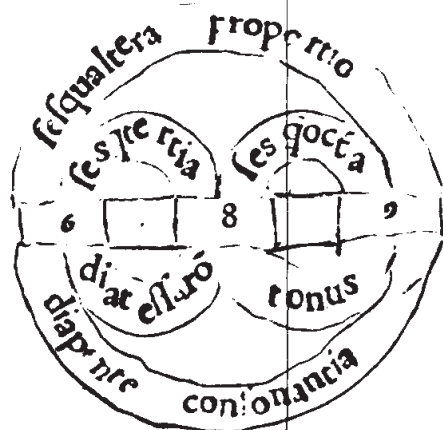
Embulides
 Hyppasus

Nichomac⁹

Diapason consonantia ex alio q̄ multiplici genere euenire non potest.
Capitulum Sextum.

Estat lucidioribus rationibus fortioribusque argumentationibus
aperire Diapason consonantiam in multiplici genere conformari
Quo circa : id sciri euenit : Si ab omni superparticulari habi-
tudine continuam ei superparticularem proportionem auferam⁹
quæ scilicet minor est tunc id quod relinquitur minus erit medietate ipsius pro-
portionis abstractæ : ut si ex sesquialtera sesquitertiam (quæ minor est & ei cō-
tinua) detraxerimus : sola sesquioctaua remanebit : quæ ~~geminata~~ deficiet a rec-
to ablatae proportionis scilicet sesquioctauæ dimidio quo fit : ut si diatessaron a
diapente retrahamus relinquatur tonus : qui ablatae Diatessaron consonantiæ
dimidium non attingit : cum Diatessaron ipsa duobus tonis minoreque semito-
nio perficiatur : Ad cuius euidentiam tres numeros sesquitertiam & sesquioc-
tauā i sesquialtera cōcludētes disponam⁹ hoc mō

Vides nanque nouem ad sex sesquialterā
conducere proportionem inde diapen-
tes consonantiam. atque octo ad sex ses-
quitertiam hinc diatessaron . nouem ue-
ro ad octo sesquioctauam idcirco tonū
Igitur si minorem numerum scilicet se-
narium cuius sesquitertius est medi⁹ ui-
delicet octonarius auferamus : relinque-
tur octo & nouē qui inuicem habiti ses-
quioctauam & consequenter tonum cō-
cludunt : quo rectum consonantiæ dia-



teffaron dimidium attingi non potest. Verum si sesquiquartum a sesquitertio
retrahamus : id quod relinquetur non implebit medietatem sesquiquarti. Hoc
idem in ceteris . his itaque præmissis . Diapason consonantiam de qua sermo
fit adoriri necessum est : quippe quæ si in multiplici haud consideraretur : in
superparticulari eueniret necesse est . Disponatur igitur Diapason ipsa in
superparticulari habitudine : auferamusque ab ea continuam consonantiam .s.
diapenten : relinquitur Diatessaron .que duplicata diapentes consonantiam ex-
cedit tono ac semitono : si autem ipsa diatessaron non impleret medietatem
diapentes : tunc duplicata diapenten ipsam perficere non posset : atq; idcirco dia-
pason posset in superparticulari habitudine collocari . uerum quoniā diatessarō
est plusquā dimidiū diapentes : si duplicet ipsam excedet ut dictum est diapētē :

47

nam cum diapente tribus tonis constet ac semitonio: diatessaron uero duobus tonis semitonioque compleatur: si diatessaron ipsa geminetur quattuor tonos duoque semitonia conducat: & quidem quattuor toni ac duo minora semitonia diapente superant de uno tono atque semitonio. Non igitur fieri potest: ut bis sumpta diatessaron ab integra diapente deductione deficiat. hinc idcirco diapason consonantia in superparticulari habitudine comprehendere nequaquam potest.

In Quo genere consistant diapente diatessaron & Tonus. Capitulum. Septimum

demonstrandum nunc uidetur diapentem ac diatessaron & tonum ut
superius propositum fuit in superparticulari habitudine collocari: quod si quis negare temptauerit: in multiplici eas consistere fateatur necesse est. Ex superpartienti reliquisque duobus compositis latius tractatum est nullam posse deduci consonantiam. Cum igitur si ab omni proportionem superparticulari aufertur minor ei continua superparticularis id quod relinquitur deficit a medio ipsius abstractae proportionis ut in precedenti capitulo conclusum est & apertum: hoc presupposito ueraciterque accepto fundamento ipsas consonantias ex multiplici conducere temptemus. & quoniam Diatessaron consonantia minor est: diapente maior: sit Diatessaron in dupla: Diapente in tripla: Verisimile quidem est ut si Diatessaron statuatur in dupla. Diapente quae ei continua est in proportionem eidem duplae continua scilicet tripla debeat collocari Tonus autem qui musica habitudine post diatessaron habetur cum minor sit in ea proportionem ponetur quae minor est quam dupla: sed hec non reperitur in generi multiplici nam dupla proportio prima est & minor cunctis multiplicibus: necessum ergo est ipsum tonum in superparticulari genere collocari. Sit igitur tonus in prima superparticulari scilicet in sesquialtera: Nunc autem quomodo duplam detraxerimus a tripla relinquetur sesquialtera. Quo fit ut si diatessaron sit in dupla & Diapente in tripla: abstracta diatessaron a Diapente relinquatur tonus: non enim dubium est quin tonus secundum hanc rationem debeat in sesquialtera proportionem constitui. sed cum relictus tonus medietatem diatessaron quae a diapente retracta est implere non debeat secundum ueram conclusionem presuppositam: duae nunc sesquialterae duplam excedunt proportionem ut latius ex superioribus constat: atque hoc modo duo toni diatessaron superant: quod est inconueniens: nam diatessaron duos tonos semitonioque comprehendit. Si autem & tonum in multiplici posuerimus cum minor sit quam diatessaron & diatessaron minor quam diapente: tonum ipsum in dupla: & diatessaron in tripla atque diapentem in quadrupla constituemus: sed quoniam diapente constat ex diatessaron & tono: quadrupla proportio hoc modo ex dupla

eueniret & tripla: quod ordo proportionum perhorrescit: cum dupla & tripla naturaliter sextuplam ducant ut constat his numeris 2. 4. 12. Quaternarius namque ad binarium duplam perficit proportionem. Duodenarius uero ad quaternarium triplam. rursus Duodenarius ad binarium sextuplam seruat. Verum si diatessaron ponatur in sesquialtera: tonum qui minor est in sesquitercia sesquialtera continua locari decet: sed duae sesquiterciae unam excedunt sesquialtera igitur & duo toni diatessaron consonantiam excederent quod musica ratio negat. Constat itaque ex predictis Diatessaron ac Diapenten & tonum in multiplici genere non posse locari: quo fit: ut In superparticulari genere naturali productione consistant. cum omnes musicae consonantiae partim in multiplici: partimque in superparticulari resideant. Atque item necessum est Diapenten & Diatessaron maioribus superparticularibus habitudinibus adherere: quippe quae primae sunt in naturali sui generis dispositione. scilicet sesquialtera & sesquitercia: quod hac probatione monstratur: Si in proportionibus superparticularibus minoribus quam sesquialtera & sesquitercia diapente & diatessaron consisterent: non est dubium quin sicut duae aliae quauis continuae superparticulares proportionis praeter sesquialteram & sesquiterciam simul iunctae non efficerent unam duplam: atque ita diapente & Diatessaron diapason consonantiam perficere non possent quae ut latius probatum est ex dupla proportionis confurgit. dupla quoque proportio ex sesquialtera & sesquitercia componitur Diapason itaque ex diatessaron & diapente coniungitur. quocirca si diapason consonantiam dupla conducit proportio: necesse est diapenten ac diatessaron in sesquialtera & sesquitercia collocari: nec aliter possent simul iunctae diapason consonantiam adimplere. Verum si duas alias quas malueris superparticulares hircudines continuas coniungere temptaueris: dupla ipsa nullatenus impleri posse cognosces: quod his exprimitur numeris. 3. 4. 5. 6. 7. 8. nam quaternarius ad ternarium sesquiterciam facit: quaternarius autem ad quaternarium sesquiquartam: quae si ambae coniungantur dupla ipsam non implebunt: cum quaternarius ternarium dupla proportionis custodire non possit. Sesquiquarta similiter iuncta sesquiquarte longe est a tota ipsius duplae summa: namque quaternarius ad quaternarium sesquiquartam ducit senarius uero ad quaternarium sesquiquintam rursus senarius ad quaternarium duplam ipsam minime concludit quoniam sesquialteram tantum attingere comprobatur: Idem quoque iudicium est in reliquis superparticularibus continuis. Illud insuper negligentiae haud quam committendum uidetur quod si duae quauis continuae superparticulares simul iunctae deficientes a perfectione duplae disponantur tot uicibus deficient maior terminus ad hoc ut minimum dupla proportio custodiat: quoto ordine ad uicibus primis superparticularibus dupla ipsa non impletur: discesserit: ut his primis numeris. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. huic. n. regule non subiicitur sesquialtera: quoniam quam sesquitercia quae sibi continua est adiungitur dupla ipsa conducit proportionem Sumitur. n. a sesquitercia hic ordo principium: iunctae itaque sesquiquarta & sesquitercia dupla non

monstrant: cum maiori termino scilicet quinario deficiat unitas ad hoc ut minorē scilicet ternarium dupla proportionē compræhendat. Quom autē sesquiquintæ ac sesquiquartæ cōmīstio producta fuerit dupla item ipsa minime conducetur: nam maior numerus scilicet senarius binario deficiet ad perfectionem duplæ: ad minimum scilicet quaternarium. Sesquisepta autem & sesquiquinta conductæ maiorem terminum scilicet septenarium ternario deficientem ad hoc ut minorem uidelicet ^{quinarium} ~~quaternarium~~ dupla custodiat habitudine demonstrabunt. Et si sesquiseptimam ac sesquiseptam conduxerimus maior numerus .i. octonarius minor erit de quaternario a duplo minoris qui est senarius. Eodem quoque ordine procedentibus secundum naturalem numerorum dispositionem duabus cōtinuis superparticularibus multiplicatur numerus quo maior terminus deficit a duplo minoris: quod apertius patet diligenter intuenti: Atque hoc euenit quoniam ut superius in tertio claruit ex minoribus numeris maiores prodeunt superparticulares habitudines: & ex maioribus minores: nam cum sesquialtera & sesquitertia ex minoribus deducite sint numeris: ceteris superparticularibus sunt maiores: quo fit ut duplam perficiant proportionem: At sesquiquarta & sesquitertia quæ maiores capescunt numeros quoniam ex unitate incrementum recipiunt eadem unitate deficiunt a summa duplæ. Sesquiquarta autem & sesquiquinta cum a sesquitertia in extremitate discedant per binarium eodem binario deficient a dupla. atque idcirco maiores sunt proportionēs sesquitertia & sesquiquarta quā sesquiquarta & sesquiquinta: quia in maioribus numeris minor & in minoribus maior semper superparticularis proportio reperitur. Quoniam igitur diapente in sesquialtera & diatessaron ut apertum ē in sesquitertia proportionē seruantur: cumque sesquialtera proportio sit maior sesquitertia uero minor: atque similiter in consonantiis diapente sit maior & diatessaron uero minor: concludendum iure est maiorem consonantiam maiori & minorem minori coaptandam esse. Erit ergo diapente in sesquialtera: & diatessaron in sesquitertia proportionē collocanda. At ueluti si diatessaron consonantiā a diapente subtraxerimus relinquetur spacium quod dicitur tonus: ita quoque quā sesquitertiam a sesquialtera auferamus relinquetur sesquioctaua proportio: Quo fit ut tonus debeat in sesquioctaua proportionē constitui.

De consonantiis diapasōdipente & Bisdiapasō atque aliarū simphoniarum uocibus & interuallis Capitulum. Octauum.

nunc Vnde cōsiderandū uidetur ut quemadmodū dupla & sesquialtera proportio simul iunctæ triplā efficiunt: ita quom Diapasō ac diapētes facta fuerit cōnexio aliā necessario cōducet cōsonantiā utrisque uocibus nūcupatā. Ea namque naturaliter ex tripla proportionē deducitur quā diapasōdiapente uocamus. At si triplæ proportioni supaddita fuerit sesquialtera. illico quā drupla resultabit. hic si diapasōdiapētes consonantiā diatessaron simphoniam apoluerimus

Boetius

Pythagorici

Boetius

Bisdiapason eueniet consonantia: quæ hac ratione in altera nullo pacto quàm in quadrupla proportionem quiescet. Atque idcirco Tres sunt in multiplici genere consonantiarum scilicet Diapason. Diapasondiapente & Bisdiapason. Reliquas uero tres in superparticulari uidelicet Diapenten. Diatessaron: ac tonum: rationabiliter probatum est collocari. Cum igitur harum sit presens consideratio consonantiarum atque consonantia duarum sit rata permixtio uocum secundum Boetium: que quidem absque sono minime fieri potest. Sonus idcirco dicitur modulatae uocis casus una intentione productus: quippe qui minima modulationis particula iudicatur is enim ex pulsu euenit: atque pulsus omnis ex motu: ut in secundo latius expressum est. Cumque motuum Alii sint æquales Alii inæquales. Inæqualium motuum Alii sunt multo inæquales Alii minus. Alii uero mediocriter inæquales. Quo circa ex motuum æqualitate sonorum æqualitatem concipi necesse est. Sed ex mediocriter habita inæqualitate quæ & magis manifesta est: proximæ ac simpliciores eueniunt proportionem. scilicet multiplices & superparticulares: quæ sunt dupla tripla Quadrupla: Sesquialtera Sesquitercia & Sesquioctaua. Ex inæqualibus uero proportionibus multimodis uel non ita clavis uel longe omnino a se distans dissonantia exiit nulla namque ex ipsis sonorum concordia procreatur: Quo fit ut Pythagorici ultra bisdiapason nullam exquirere temptauerint consonantiam ob maximam inconuenientemque extremorum sonorum distantiam: si quis autem ad ulteriora percesserit: eandem tonorum semitoniæ uel dispositionem naturaliter procedere sentiet quam in ceteris dispositis superiorum consonantiis naturam atque artem operari didicimus. At quando ultra bisdiapason protensi fuerint soni: tanto extremorum sonorum distantia auribus dissonantiam affere uidetur. Idque euenire mihi ipsi persuadeo quoniam extremi acquisitionum soni in ea prolixiore distantia a sua æquitate discedere: aurium iudicio atque naturali multiplicium proportionum dispositione facile iudicantur. Boetius idcirco ceterique musici in exquirendis consonantiis quadruplum sonorum spacium propriis extremitatibus satis distans terminanter confixerunt: ultra quod musicae consonantia nulla debeant protensione conduci. Et si consonantias ipsas diuersis proportionibus eductas pluriformes sonos comprehendere necesse est: diuersis item interuallis eas rationabili mensura considerare licebit atque idcirco sequens tractatus sonos ipsos ac interualla lucidiore resonantia disponit. Tonus namque fit duobus sonis unoque interuallo. Diatessaron uero quattuor sonis tribusque interuallis impletur. Diapente autem quinque sonos comprehendit & quattuor interualla. At Diapason ex diapente & diatessaron ducta octo sonis septemque interuallis perficitur. Diapasondiapente duodecim sonos amplectens undecim interualla concludit. Bisdiapason uero quindecim denique tenens sonos quattuordecim retinet interualla. Omnis itaque consonantia unum semper minus habet interuallum quam fuerint eius uoces. Id quoque est sciendum quod cum diapen

te ac diatessaron simul iunctæ faciant Diapason si disiungerentur unico eam sono excederent & intervallo . quo fit ut quom de cõpositis cõsonantiis loquimur unum sonum esse comunem uidelicet consonantiæ granioris acutiorem atq; acutioris consonantiæ grauiorem intelligamus.

LIBER Q VINTVS. ET VLTIMVS :

DE inuentione et dispositione sonorum Capitulum Primum

Efert Nicomachus canendi disciplinam primitus adeo simplicem fuisse ut solo terracordo consisteret : cuius prima
r corda ad ultimam diapason consonantiam respondebat ad secundam uero diatessaron: sed ad tertiam diapentesi: atque tertia ipsa ad quartam diatessaron : sed secunda ad tertiam ducebat tonum. Mercurium enim huius quatticordi Græci

Nichomac^r

Mercurius
Græci
Iubal

asserunt fuisse inuentorem: Ego autem Iubalem potius adit unum ex primis ante diluuium sonos quouis modo conduxisse puto. His quattuor sonis mundanam musicam quattuor ipsis elementis dispositam canendi disciplina uisa est imitari: quippe quæ postmodum a nonnullis directa est paulatim atq; multis modis ad-
aucta. Chorebus nanq; Athiris filius qui fuit Lidorum rex (si Græcis ipsis credere fas est) quintam superaddidit cordam: Hyagnis uero phrix sextam appo-
fuit. Septimam nero Terpander lesbios adiunxit qui septem planetarum ordine ductus septem ipsis cordis natura dâce septem uarios ac dissimiles ad se inuicem sonos educi disposuit: atq; idcirco dissimiles: quoniam alter alteri nulla unquam similitudine comparatur: omnem quidem concinentiam perficiunt replicatione computata. hos quidem Virgilius i sexto hoc carmine uisus est celebrare: Oblo-
quitur numeris septem discrimina uocum. idest septem differentes uoces: septem planetarum celestem musicam conducentium instar: septemq; dierum ebdomadæ qui uolubilitate pluries ducti totum anni corpus implere noscuntur. Incredibile nanq; in multis naturæ rebus uim ac facultatem huius septenarii pcessus. Varro in ebdomadibus copiose disseruit. At harum septem cordarū grauißima Hypate nuncupata est quasi maior & honorabilior. Vnde & Iouem Hypaton uocant .i. supremum: item consulem eodem nomine propter dignitatis excellentiam. cuius quidē Hypates proprietas Saturno attributa est tarditate motus & grauitate soni. Secunda dicta est Parhypate quasi iusta Hypaten fixa. Tertia lycanos. quia digitus quem nos indicem uocamus a græcis lycanos dicitur: apud quos lycanos a lingendo sumpta est. cū. n. in cantando ad hanc cordā quæ tertia erat ab hypate index digitus ptingeret qui ab ipsis lycanos est appellat^r lycanos idcirco retinuit

Chorebus

Hyagnis
Terpander

Virgilius

Varro

Iupiter

Saturnus

nomen. Quarta corda dicta est Mese quasi media : quia inter primam & septimam quarta semper medium intercipit locum . Quinta Paramese quasi iusta mediam collocata . Septima dicitur Nete quasi Neate idest inferior . inter quam Nete & Paramese est sexta : quam uocant Paranete quasi iusta nete constituta . Paramese uero quoniam tertia est a Nete : eodem uocabulo Trita . i . tertia nuncupatur

quarum descriptionem hoc ordine disponamus
Ista enim septem corda ceteris essentialiores uidentur & magis necessariae quoniam ut dictum est solae sunt inter se differentes quibus omnis conducitur modulatio : quod & Petrus aponensis in elucidatione tertii problematis musices Aristotelis apertissime declarat . Quomodo autem hos septem sonos modulando trans-

cendimus sonus primae grauiori similis occurrit : atque si ad ulteriora successive procedamus secundae cordae similis eueniet sonus : & in hunc modum fit ipsorum septem dissimilium sonorum replicatio . Octauus itaque sonus similis est primo : nonus secundo : decimus tertio : undecimus quarto : duodecimus quinto : tertiusdecimus sexto : quartusdecimus septimo : quintusdecimus octauum replicat quippe qui primi quoque similitudinem trahit . Quo circa cum septem tantum sint ipsi differentes soni atque dissimiles ut & Alibi Virgilius ponit Septem compacta cicutis Fistula : octauus primus est qui primi similitudinem capescit . Quisque enim sonus suo octauo naturaliter similis efficitur : quo fit ut diapason consonantia quae talem extremorum sonorum efficit dispositionem ut unus idemque sonus esse uideatur secundum Phtolomeum : quod & Platoni atque ipsis Pythagoricis consonum est : octo sonis perficiatur . At septem dispositis cordis octauam Samius lycaon apposuit cordam ut diapason consonantiam impleret quae in ogdocordo residet : quam inter Paramesen quae & Trita dicta est & Paraneten coaptauit ut tertia esset a Nete . & Paramese quidem uocata est sola quae post mediam collocabatur . Trites uero nomen perdidit quomodo inter eam & paraneten tertia a nete disposita fuit corda : quae non immerito Trites sibi nomen uendicauit . cuius quidem ogdocordo hec est dispositio .

Elucidator
Aristotiles

Virgilius

Phtolomeus
Plato
Pythagorici
Samius lycaon

Tetracordū . tetracordū

Hypate
Parhypare
Lycanos
Mese
Paramese uel Trita
Paranete
Nete

Duo tetracorda coniuncta

Eptacordum

OGDOCORDVM

Tetracordi. Tetracordum

Hypate
Parhypate
Lycanos
Mese
Paramese
Trite
Paranete
Nete

Duo tetracorda disiuncta

Diapason Consonantia

Sunt enim in Eptacordo duo tetracorda coniuncta. Sinaphe autem quæ latine cōiunctio dicitur in ipso euenit eptacordo quorrens duo tetracorda unius medietas termini continuat & coniungit & quidem in disposito super; Eptacordo Mese quæ media est duobus ipsis tetracordis communis est: primi nanque ultima secundi uero prima corda est tetracordi. Hac itaque de causa Eptacordum dicitur cimneinon quasi coniunctum. Ogdocordum uero

dicitur mezemeinon quod est disiunctum nanque in Ogdocordo duo sunt tetracorda disiuncta cum primæ quattuor cordæ primum: reliquæ uero quattuor secundum impleant tetracordum. Est igitur in Ogdocordo diezeusis que disiunctio dici potest: quorrens duo tetracorda toni uel semitonii medietate interiectione ue separantur. Verum cum in ogdocordo Mese que a media locatione nomen habuit non sit recte media: imo duæ mediæ sint: Theophrastus periothes ad grauiorem partem unam coniunxit cordam: quæ quoniam super Hypaten est posita Hyparhypate dicta fuit. Estiachus melophonius decimam in grauiori parte coaptauit cordam: Timotheus uero milesius undecimam posuit: quæ cum super hypaten atque parhypaten additæ fuerint: Hypatehypaton appellatæ sunt quasi maxime magnarum & grauissimæ grauium. Harum itaque undecim cordarum prima Hypatehypaton uocata est: secunda Parhypatehypaton quasi iusta Hypatehypaton collocata: Tertia autem quæ dudum in Eptacordo Parhypate uocabatur Lycanoshypaton est nuncupata. Quarta antiquum Hypates retinuit nomen. Quinta Parhypate. Sexta lycanos: Septima Mese. Octaua Paramese. Nona Trita: Decima Paranete. Vndecima Nete. Est quidem in hoc Endecacordo unum tetracordum. Hypatehypaton Parhypatehypaton Lycanoshypaton: Hypate. Aliud autem Hypate Parhypate Lycanos Mese: & quidem hec duo coniuncta sunt Hypate nanque grauioris ac primi tetracordi acutior corda est: secundi uero acutioris grauior. Tertium autem tetracordum est Paramese Trita Paranete Nete Sed quoniam inter primum hoc tetracordum & tertium collocatur medium scilicet secundum quod est Hypate Parhypate Lycanos Mese: hoc totum tetracordum meson uocatum est: quasi mediarum cum super additione Meson hoc modo. Hypatemeson. Parhypatemeson. Lycanosmeson Mese. Verum cum inter hoc secundum tetracordum & tertium Mese distincta

Theophrastus
Estiachus
Timotheus

fit per tonum a Paramese : Ipsum tertium tetracordum dictum est disiunctarū cum superpositione diezeugmenon hoc modo : Paramesediezeugmenon: Tritediezeugmenon: Parātediezeugmenon Netediezeugmenon: Quorū quidē triū tetracordorum dispositionem huius Endecacordi descriptio apertissime conducit.

Duo tetracorda iuncta.

Tetracordū tetracordū
disiunctum.

Hypatehypaton
Parhypatehypaton
Lycanoshypaton
Hypatemeson
Parhypatemeson
Lycanosmeson
Mese
Paramesediezeugmenon
Tritediezeugmenon
Paranetediezeugmenon
Netediezeugmenon

ENDECACORDVM.

Est igitur disiunctio inter mesen & Paramesen atque ideo diezeugmenon appellatum est tertium hoc tetracordum . Verum si auferatur Paramese atq; tetracordū diezeugmenon: & remaneat tetracordū: Mese: Triten Paranete . Nete : tunc duo erunt tetracorda coniuncta .i. Sine mea hoc modo. Mese: Tritelinemenon: Paranetelinemenon: Netelinemenon. Est .n. adiunctum hoc Sine menon tetracordum & cum corda Me se ligatū ad demulcendam Trit-

toni duriciem : cuius dissonum asperumq; modulamen ars abiecit & perhorrescit natura. Superfluū quidem atq; reprobum esset hoc tetracordum : si discors ipse atq; asper trittonus inter Parhypatemeson & Paramesen dispositus Dyattonicæ dispositioni naturali pronuntiatione satisfacere potuisset. Quocirca Tria tantū prima in Endecacordo Tetracorda uidelicet Hypatō: Meson a q; Diezeugmenon in naturali dispositione Monocordi Ab ipsis Philosophis obseruata sunt atque celeberrima obseruatione disposita. Sed quoniam Mese quæ a medio loco non ē trahit in Endecacordi dispositione non erat media : superductum est Aliud Tetracordum supra Netediezeugmenon quod cum cæteris cordas acumine superuideret Hyperboleon uocatum est: quasi superius adiunctum . Atq; Netediezeugmenon cordæ coniunctum est hoc ordine Netediezeugmenon: Tritenhyperboleon: Paranetehyperboleon: Netehyperboleon. Suntq; hac dispositione in quattuordecim cordis quattuor Tetracorda: duo quidem prima coniuncta atq; postrema duo inuicem coniuncta sunt: a duobus uero primis disiuncta . His ita dispositis quoniam Mese medio non residebat loco: subiuncta fuit ad grauiorem partem unica corda quam Proslambanomenon nominarunt quasi acquisita seu appositā: eo q; quāuis ultia i deductiōe disposita sit: cæteris tamē erat necessario preponenda. Atq; idcirco his quindecim cordis Philosophi ipsi Monocordum contexuerunt quo B. si diapasōn consonantia mirabili obseruatione conducitur . cuius dispositio hoc ordine protensa est .

QUATTUOR TETRACORDA.

Duo tetracorda iuncta. Duo tetracorda iuncta.

Tetracordū. Tetracor. Tetracordū. Tetracordū

Proslambanomenos
Hypatehypaton
Parhypatehypaton
Lycanoshypaton
Hypatemeson
Parhypatemeson
Lycanosmeson
Mese
Paramese
Tritediezeugmenon
Paranetediezeugmenon
Netediezeugmenon
Trithyperboleon
Paranerehyperpoleon
Nerehyperboleon

T o c u m M o n o c o r d u m

Bidia

pafon

Consonantia

Quinq; itaq; apud Græcos hæc fuisse tetracorda constat Hypaton : Mesō Sinemenon. Diezeugmenō & Hyperboleon. Horum medium scilicet. Sinemenon non interceptū est in dispositione quindecim cordarum Monocordi : cum superfluum uideretur : quippe quod ut prediximus deductum est ad trittoni duriciem mollificandam nec tamen ad ipsum auferendum extinguendum ue ex ordine monocordi inuentum exi-

Albinus

stimemus cum naturaliter ueniat nonnullis diapentes diapafonq; speciebus formandis quæ sine trittono ipso nulq; cōduci possunt. ad placitum idcirco disponitur adherens meses cordæ atq; item aufertur ad placitum. Cordas autem horum quinq; tetracordorum Albin' latina oratione interpretatus est. Hyparas. n. principales uocauit Meses medias. Sinemenas cōiunctas. Diezeugmenas disiunctas. Hyperboleas excellentes. Vnumquodq; enī Tetracordum diatessarō resonat cōsonantiam. dictum a Tetra quod est quattuor & corda : inde Tetracordum quattuor cordarum coniunctio. Item diatessaron a dia quod est de uel secundum quosdam a dia quod est per : & tessara quattuor : quasi consonantia de quattuor sonis facta. Dia enim apud gramaticos per i latinam scriptum idem est quod de prepositio : sed per y græcam significat duo.

DE Tribus Tetracordorum generibus. Capitulum Secundum.

Ribus melorum generibus Tetracorda a Philosophis distincta sunt. Melus enim a mellis suauitate dictus est : Inde Melodia quasi dulcis cantus. Primum enim genus dyatronicum appellabant : in quo unumquodque tetracordum per semitonium minus procedebat & tonum ac tonum : ut hic.

Tetracordi gñe dyatōico.

HYPATEHYPATON

semitonium

PARHYPATEHYPATON

tenus

LYCANOSHYPATON

tonus

HYPATEMESON

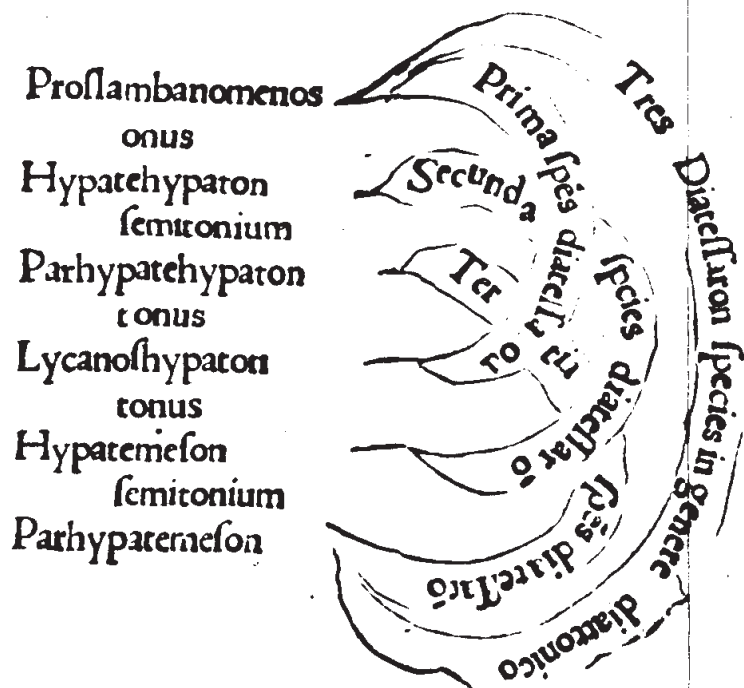
Diatessaron

Consonantia.

In hoc sigdē dyatōico generē tetracordū trib⁹ sēp cōstat iteruallis primū. n. it uallū qd. s. iter primā cordā & secūdā ē sēitoniū min⁹ dicūt: secūdū autē qd iter secūdā euēit & etiā tonus ē. Tertiū uero qd iter tertijā & quartā cordā cadit integrū itē ē spaciū tōi. Dictū. n. putō dyattonicū qsi dyttonū na-

tural: ē habēs i duob⁹ it uallis. Hoc. n. gen⁹ quoniā aliqnto duri⁹ & naturali⁹ ē cētis a Philosophis obseruatū uidet: frequēs qz musicorū usus & ipsa disciplina nāa duce celebrat noscūt. Nā cū i oi modulatiōe is naturalit⁹ mod⁹ sit ut singulo tetracordo siue singulis q̄ttuor sonis diatessarō semper euēiat cōsonantia quā duob⁹ distinctis tonis fit unoqz sēitonio: Id cōmode hoc dyatōico generē cōgruit: In Chromatico autē & Enarmōico minime. Procedit. n. dyattonicū tetracordū p semitoniū & tonū ac tonū: icipiēs a sēitonio qd tono molli⁹ ē atqz suauit⁹: & qdē Philosophi in exptēdis tetracordis a suauiore principio i choates p aspiora ac duriora pcedebāt: quō fit ut tetracordū sinemenō adiūctū mēses cordā tritōi illi⁹ aspiratē itricaret: qd fieri nō posset nisi a sēitōio tetracorda ipsa priō deducerēt. Cū itaqz modulādo singulis q̄ttuor discretis sonis cōtignis diatessarō cōsonantiā naturalit⁹ pferam⁹ diatessarōqz ipsa i hoc generē dyatōico triplicē itētione acqrat. Triplex dict⁹ ē canēdi modus. Prim⁹ nāqz modulatiōis pcessus seu canēdi modus fit quō i quattuor sonis cōducim⁹ primā diatessarō specie. s. p sēitoniū & duos tonos itētione cōputata: remissiōe uero e uerso. dicūt qz hāc priā spēs diatessarō. Secūdus autē cārādī modus ē quō. deductis quattuor itētis sonis cōtignis duos successiue tonos unūqz semitoniū pnūciam⁹: qbus scdā diatessarō spēs fit. Tertiū uero modulatiōis pcessus euēit quō itēsiue pferrim⁹ tonū ide sēitoniū ac postreō aliū tonū: atqz remittēdo similit⁹: dicūt qz hāc i hōz dispositiōe tetracordorū etiā spēs diatessarō. At si ad ultiores cordas pcedat: singulis q̄ttuor sonis nihil aliud euēire pnūciādū cōspiciem⁹ q̄ ipsas tres predictas diatessarō spēs eodē pcessu replicādas d.fferūt. n. a se iuicē sola sēitonii dispositiōe. Eratqz hec diatessarō specieb⁹ differētib⁹ dispositio i mōocordo solis tetracordis cōducto. At quō subdita fuit pslābanomēos corda i grauiorē partē tono distās ab hypatehypatō: ne frustra ei⁹ appositio uideret: q̄ppe quā ad Mēsen ipsarū q̄ndeci dispositarū mediā diapasō cōsonantiā pficit: & ad ultimā Bī diapasō: atqz ad lycāoshypatō eā diatessarō specie quā fit ex tono sēitōnio & tono q̄ i retracordis etiā cōstat: Tres ipsas diatessarō spēs posteri mulici a Proslābanomenos corda disposuerūt: atqz idcirco quā etiā spēs erat nūc priā est pcedēs tonō & semitonio ac tono: quā uero prima erat nūc facta ē secūda itētione

seitonii ac duorū tonorū. & quæ secūda fuit ītertiā uersa ē itētiōe pcedēs duob^{us} tonis atq; semitonio. Has qdē tres ita dispositas diatessaron species Mulici ī cōpositionibus modorū obseruant & uenerantur. Atq; ideo tres tantum sunt cum diatessaron q̄rtuor tonis esset. nam Oīs consonantia unam semper minus habet speciem q̄ sint eius uoces. Has igitur tres diatessaron species in priori uidelicet tetracordorū dispositione monstrabant duo tetracorda in Eptacordo iuncta & primam replicatam inter q̄rtā & septimā cordā. Nunc uero eas a Proslambanomenos corda deductas sex primæ cordæ apprehendere percipiūf. ut hac citat dispositione.



Cū igitur sex tantū cordis tres ipsæ diatessaron species educerentur: quas ī dispositione monocordi sepius replicatas discurremus: Latini musici Guidonem Arētinum Introducitorū musicalis quod monocordum siue manum appellant sex tantum sillabis scilicet ut re mi fa sol la septis replicatis institutorem uenerari noscuntur: quibus tres ipsas diatessaron species concludi quotienslibet replicandas facile percipimus.

Guido
Arētinus

Itaq; cum diatoniciū genus tetracorda quādecim p diatessaron iungat tribus distinctis interuallis semitonio. scilicet ac tono & tono proportionabiliter conueniēter que conductis a musicis retentum est atque aptiore concentu obseruatum. Omnis nanque harmonicus concentus in ipso genere concipitur: quo fit ut in ipso tanquam nobiliori & celeberrimo processu presentis facultatis materia disponatur. Aliud uero genus quo tetracorda ab ipsis philosophis disposita sunt Chromaticum dicebatur: Chroma græce latine dicitur color: Inde enim chromaticum nomen uenit quasi Tetracordum alia tanq̄ colorata intentione conducens. nā sicuti pmutatæ superficies in aliū transeūt colorē ita hoc canendi genus tanq̄ color pmutat^{us} ab aliis differebat. Hoc qdē gen^{us} tetracordū itēdebat p semitonii & seitonii atq; tria seitonii quæ unū maius semitonium & duo minora semitonii efficiunt. Vnūq; tetracordū ī hoc gnre

diatessarō consonatiā cōprehēdebat sed nō isdē int̄ualli qb² i dyattō: cō mōstratū est. Vtq; de cētis tetracordis sumam⁹ exēplū: primū p̄p̄iis it̄uallis tetracordū dis pōa. n⁹. Nāq; ab Hypatehypatō itēdebat Parhypatehypatō sc̄itōnio minor. sed Lycanoshypaton a Parhypatehypaton maiore ^{quodammodo} semitōnio int̄ensa erat: iter Hypatemeson uero & Lycanoshypaton erant ^{tria} ~~duo minima~~ semitonia ~~cum apothē~~ ^{me} que semidytronus implet: dictum quidem a semum quod imperfectum est & dytronus quasi duo toni non integri. Cuius quidem descriptio hec est.

Tetracor. i. gēre chrōatico.

HYPATEHYPATON
semitonium
PARHYPATEHYPATON
semitonium
LYCANOSHYPATON
semidytronus
HYPATEMESON

Diatessaron

Consonantia

Verū cū maius semitonium consonantiis ob sui icōueniētē dispositionē nō enumeret^r: sc̄idittonū q; it̄uallo duar; cōtinguar; cordar; nulla p̄sus altera interiecta icomode atq; iēptissime p̄metiri ac modulari tēptarēt quoniā difficile uno minimo duar; cordar;

cōtinguarū it̄uallo cōprehēdit^r: imo minusq; i duobus triū. s. cordarū it̄uallis haberi nō pōt. ut quisq; p̄pria iuestigatione i cōsonantiis facile p̄cipit: Hoc ipsum gen⁹ Posterī re p̄batū abiectūq; penit^r reliquerūt. Aliud aut Gen⁹ dictū ē Enarmonicū q̄si apt⁹ cōmodiusq; q̄ Chromaticū aptas tetracordū. In hoc. n. genere Philosophi min⁹ illud semitoniū i duas dieses seccabāt. Dies. n. sc̄itōnii minoris dimidiū ē ut latius i supioribus constat. Tetracordum igitur in hoc genere secundam cordam a prima itēdebat per diesim: item tertiam a secunda: quartam uero a tertia per Dytroni it̄uallum: quod hoc notum sit Tetracordo.

Tetracor. i. gēre enarmōico.

HYPATEHYPATON
diesis
PARHYPATEHYPATON
diesis
LYCANOSHYPATON
dytronus
HYPATEMESON

Diatessaron

Consonantia

Proslābanomenos p̄pria semp i oī genere seruabat naturā. nā ab Hypatehypatō semp tono distabat: nec iplis tetracordor; cordis ordie sub iucta ē: quo uariata secū dū diuersor; generū dispositiō nē dimēsiōne moueret. sed abiectis relictisq; duob⁹ generib⁹: i ge

nere dyattonico qd̄ solum retentum atq; celeberrime frequentatum est. Proslābano. nēnos ipsa cōteris cordis in consonantiarum formatione connumerata est Verum cū n dyattonice in consonantiis nichil minus a semitōnio minore pronunciet^r: qd̄ in sequētib⁹ aperiet. diesis ob minimā sui it̄ualli portionē sonū nō habet q̄ ei⁹ it̄uallū circūcingit. Cūq; dytrōn⁹ unico minimo duar; cōtinguar; cordar; it̄uallo naturalit^r cōprehēdi nō possit q̄ppe qui ex duob⁹ triū sibi succedētiū

cordarum interuallis impleri deprehenditur: recessit hoc item Enarmonicum genus nimia sui inconuenientia & difficultate ab usu. In singulis igitur generibus Vnumquodque tetracordum Diatessaron consonantiam seruabat diuersis atque uariis intentionibus. Chromaticum tamen atque Enarmonicum genus ob quam in sui pronuntiatione moliciem difficultatemque tenebant a musicis reiecta sunt. Diatonicum uero Pythagorici atque Platonici ceterique musici ob coaptatam eius productionem naturaliter disposita summo studio frequentare consueuerunt.

Pythagorici
Platonici

DE Interuallis quindecim cordarum Capitulum Tertium.

q Vnde decim cordarum superius dispositarum diastemata seu interualla necessario nunc distinguenda sunt: Proslambanomenos n. prima est ceteris grauior. Secunda autem Hypatehypaton quae interpretata est grauilima grauissima: quod nomen iure sibi competebat antequam Proslambanomenos corda supadderetur: cum tunc esset prima grauior: nunc uero quam acutior sit tono a prima: primum sibi attributum nomen retinuit. Tertia est Parhypatehypaton quae solo minore semitono ab hypatehypaton intentione recedit. Quarta Lycanohypaton est a Parhypatehypaton tonodistans & ad Praslambanomenos cordarum diatessaron consonantiam dyattonico .s. genere respondens. Quinta corda est Hypatemeson grauilima mediarum interpretata quae praecedente sibi uicino re acutior est tono. & ad primam diapentes consonantiam perficit. Sexta est Parhypatemeson solo semitoni minoris interuallo a quinta recedens. Septima Lycanomeson distans intentione tono a sexta. Octaua corda est Mese quae dicitur media a septima sibi uicino re tono intentior: & ad quintam diatessaron implens: ad quartam uero diapentem. atque a prima diapason consonantia dupla .s. proportionem recedens. quae quidem medio residet loco ceteras sequentes cordas reges ipsi tanquam principio ac relationis fundamentum relatas. Nona corda est Paramese tono distans a mese: qui quidem tonus quam cum duobus praecedentibus tonis asperum atque imitrem tritonum educat in quatuor cordis: ab ipsis tamen Philosophis hoc loco necessaria cautione seruatur est: ut hec nona corda ad secundam quae est hypatehypaton octauo .s. loco praesidentem. una de septem perfectis diapason speciebus quinque tonis duobusque minoribus semitonis perficeret: Verum si hec Parameses corda solo minore semitono a Mese distaret tunc diatessaron consonantia ipsis quatuor cordis inesset naturali atque dyattonica dispositio deducta: At cum rex naturae Philosophi ipsi diutius exquirerent: illico sese obrulit aptissimum concinnitatis modus: quo pessima illa tritoni inconuenientia: quam ipsa natura phosorescit effugeret modulando: rursusque ipsam secundam diapason atque diapentes specie perfectam ordine trineret & numero. hec quidem potissima fuit causa quare tetracordum illud Siemenon a semitono naturaliter sumptum Mese corde applicatum est ut .s.

Philosophi

quattuor cordis diatessaron educeretur modulatio : quibus ante huius tetra-
 cordi connexionem trittonus insidebat . rursus q̄ quom necessitas expostularet
 Sinemenon ipsum tetracordum ablatum est ad ipsius diapason diapentesq̄ cō-
 ducendam perfectionem quæ ipsius trittoni dispositione perficitur . Maluere enī
 iugem habere Musici cum pessimo ipso trittono luctationem q̄ Diapason Diapē-
 tesue consonantiæ afferre molestiam . Decima corda est Tritediezeugmenon a
 Paramese minore semitonio intenta : tertia quidem disiunctarum interpretatur
 terrium a Mese corda retinens locum . Vndecima est Paranetediezeugmenon
 tono acumine decimam uincens . Duodecima est Netediezeugmenon quæ un-
 decimam sibi uiciniorē tono superuadit : ad Mese quæ media dicitur diapen-
 tes consonantiam perficiens . Terriadecima est Tritchyperboleon duodecimam
 minore semitonio superuadens . Quartadecima est Paranetehyperboleon distās
 a tritchyperboleon tono . Quintadecima uero & ultima est Netchyperboleon
 quartadecimam tono excedens . a duodecima distans diatessaron diastemate &
 ad Mese que media est & octaua diapason consonantiam perficiens : atque a pri-
 ma Bisdiapason implens simphoniam . Restat nunc scitu dignum ab Hypate-
 meson quæ quinta est ad Netediezeugmenon duodecimo loco distributam eā
 Diapason consonantiam esse : quam nonnulli quoddam ordinis disiunctionisq̄
 celestis exemplar existimant : Nanque Hypatemeson Saturno attribuunt Par-
 hypatemeson Ioui . Licanosmeson Marti : Mese Soli . Paramese Veneri . Tritē-
 diezeugmenon Mercurio . Paranetendiezeugmenon lunæ . Netediezeugmenon
 Terræ . Sed Marci Tullii ordo In sexto de republica contrarius est : quo
 naturalē effectū cōducit extremorū altera . s . ex pte grauius altera uero acute sonare
 Quāobrē sūmus ille celi stelliferi curs⁹ cui⁹ ouertio excitatio ē acuto & excitato
 mouetur sono . Lunaris uero qui infimus est grauiissimo . Terra panq̄ immobilis
 manens inferiori semper adheret sedi : quo circa eam Tullius ipse quasi silentium
 ponit scilicet immobilem . Post hanc grauiissimum sonum silentio propinquiorē
 deputat Lunæ : ut sit Luna Proslambanomenos . Mercurius Hypatchypaton .
 Venus Parhypatchypaton . Sol Lycanoshypaton . Mars Hypatemeson . Iupiter
 Parhypatemeson . Saturnus Licanosmeson . Coelum ultimum Stelliferū Mese .
 At quindecim cordarum propriis Diastematibus distinctarum hæc est ad gra-
 uiores marginis partem inchoata dispositio :

Saturnus

Iupiter

Mars

Sol

Venus

Mercurius

Luna

Marchustu-
lius

DE dimēſione cordarū per tonos & conſonantias ex proportionibus deductas
Capitulum Quartum.

¶ Vperioris quindecim cordarum diſpoſitionis dimenſionem Geometrici Arythmetica auxiliante Muſicis iſtis obtulerunt qui & ſi ſonos congruenter frequentent atq; certa lege Arythmetica duce diſponant: Motuum tamē iſtorum ſonorum modum atq; meſuram inuenere Geometrici iſti magis quam Muſici. Quo circa quom meſuram cordæ ſonantibus numeris duxerimus partiendam Spacium maius cordæ maior q; numeri multitudo ſonos educet grauiore: contractior uero longitudo minore numerorum pluralitate acutiores generabit. hac namq; comparatione quantum corda uel longior fuerit uel plurium numerorum: aliaq; cōtractior uel paucioribus ſignata numeris: tanto uel grauior uel acutior prodiet ſonus. Hac igitur cordarum ſpaciorumq; diſpoſitione rerum naturā ſequi neceſſe eſt: qua fit ut maiori iſti cordarum longitudini ex qua grauitas exiſtit ampliores Minori uero ex qua uocis acumen naſcitur numeri tribuantur breuiore: Cum igitur unica corda ſoni omnes educi poſſint: quod in ſuperiore diſpoſitione monſtrari poteſt atq; in ſtrumenta quæquæ cōprehenderent niſi alterutra tactuū clauicularum ue percuſſione ipugnarentur: ſonos iſtos quindecim mēſurabili proportionē diſpoſitos i ſola corda conſideremus hoc modo Deducta corda nouem paſſuum ubi primus paſſus inceperit ingrauiorem ſcilicet patrem Proſlambanomenon que prima uox eſt conſiderare licet atque ubi finē fecerit iſ paſſus prim⁹ ſecundam uidel cet Hypatehypaton conſtituemus a prima tono diſtātem: quia corda nouem paſſuum eam quæ eſt octo cōtinet & eius octauam partem in ſeſquioc̄taua proportionē ex qua tonus reſultat. Proſlambanomenos enim cum primo grauiori loco reſideat ſonum ducit grauiorem: a quo & cōteri ſoni ſicut ab unitate numeri prodeunt omnes. Hiſ igitur duabus ſic diſpoſitis uocibus quoniam inter ſecundā & tertiam non integrum euenit muſici motus interuallum ſed minus a medio ſcilicet ſemitonii minoris quartam ante tertiam conducere neceſſum eſt: cū muſicus motus non integer nullam poſſit certa diſpoſitione cordā metiri: hinc nullū quippe per ſe maius minusue ſemitonium creari poteſt. Quo fit ut totam cordā quattuor æquiſ paſſibus diſtinguamus: ubi autem primus terminaueſt paſſus quartum ſonum ſcilicet Lyanohypaton apponamus qui ad primam conſonantiam Diateſſaron reſpondebit in ſeſquitertia proportionē: nam corda quattuor paſſuum eam quæ trium eſt in ſe cōprehendit & eius tertiam partem. Nunc poſito circino in hac quarta nuper creata uoce totam octo æquiſſimis paſſibus cordā diuidentes retorqueamus in grauiorem partem ita ut nonum paſſum ſub iſſa quarta uoce conducatur at ubi nonus ipſe regrediens paſſus attingerit Parhypatehypaton corda collocetur ab iſſa quarta tono depreſſa: ſeſquioc̄taua duce. Spacium autē

qd inter secundam & hanc tertiam hoc ordine ductam euenit semitonium minus est atque fixum quo fit ut ea ipsa minora semitonia quae ante uel post uel inter duos tonos conducuntur & permanent ordine naturali sua existimantur : ea uero quae diuiso tono fieri solent ad tempus & ad tempus reppelli mobilia . Constat quidem omne semitonium maius scilicet uel minus : mobile uel fixum cum nullatenus aequae cordam partiatur per quosdam integrorum musicorum motuum circuitus deduci atque procreari : Rursus circinnium ponamus in prima uoce tribus aequis totam cordam passibus partiendo & ubi primus attingerit passus quintam scilicet Hypatemeson cordam locabimus diapentes consonantiam cum prima resonantem sesquialtera proportionem ducente : namque corda trium passuum eam quae est duorum in se comprehendit & eius dimidium . a quarta autem uoce haec tonum ducit . Inde compassum in tertia uoce constituas totum cordae residuum quattuor aequis passibus discurrens : at ubi primum terminaueris passum sextam uocem scilicet Parhypatemeson appones : quae ad ipsam tertiam diatessaron consonantiam in sesquitercia proportionem respondebit & ad quintam sibi proximam minus semitonium : quod nisi hoc aut simili modo nequaquam conduci potuisset . Si autem in quarta uoce constitutus compassus totum cordae residuum quaternis passibus aequae discurrat : ubi primus quieuerit passus septimam uocem uidelicet Lycaonmefon constituere necesse est : quae ab ipsa quarta uoce in sequitertia proportionem diatessaron recedit diatessmate : & a sexta sibi uicinioris tono sesqui octaua proportionem deducto . Verum quom ad primam reuersi fuerimus uocem & totam duobus aequis passibus cordam diuiserimus primus passus octauam uocem scilicet Mefen adducet dupla proportionem signatam : inde diapason consonantiam implem . nam corda duorum passuum eam quae unus est bis in se tenet . hanc enim Ptholomeus aequisonam uocat atque Bis-

diapason ex ipsa diapason geminata ut in secundo praeractum est . quoniam simul pulsae extremae uoces unum quodammodo simplicem efficiunt sonum ex duobus . Hoc enim facile auribus percipitur : Et quemadmodum in hac cordae dimensionem sola quantitas longior scilicet breuiorque differentiam facit : quippe quae si longiorem sumpserimus breuior est geminata : si breuiorem : bis est in longiore deprehensa : ita etiam hoc tantum differunt extremae diapason uoces qd grauis grauiorem acuta acutiorem sonum conducere iudicatur . aequalitatis enim proprium est esse semper aequale quanquam diuisa locum mutat . nam & si duae partes diuisi continui loco distent tamen immutata illarum quantitate semper aequales sunt : quo fit ut extremae diapason uoces aequales sint & similes : quoniam omnis octo sonorum commissio

Ptholomeus

Ptholomeus

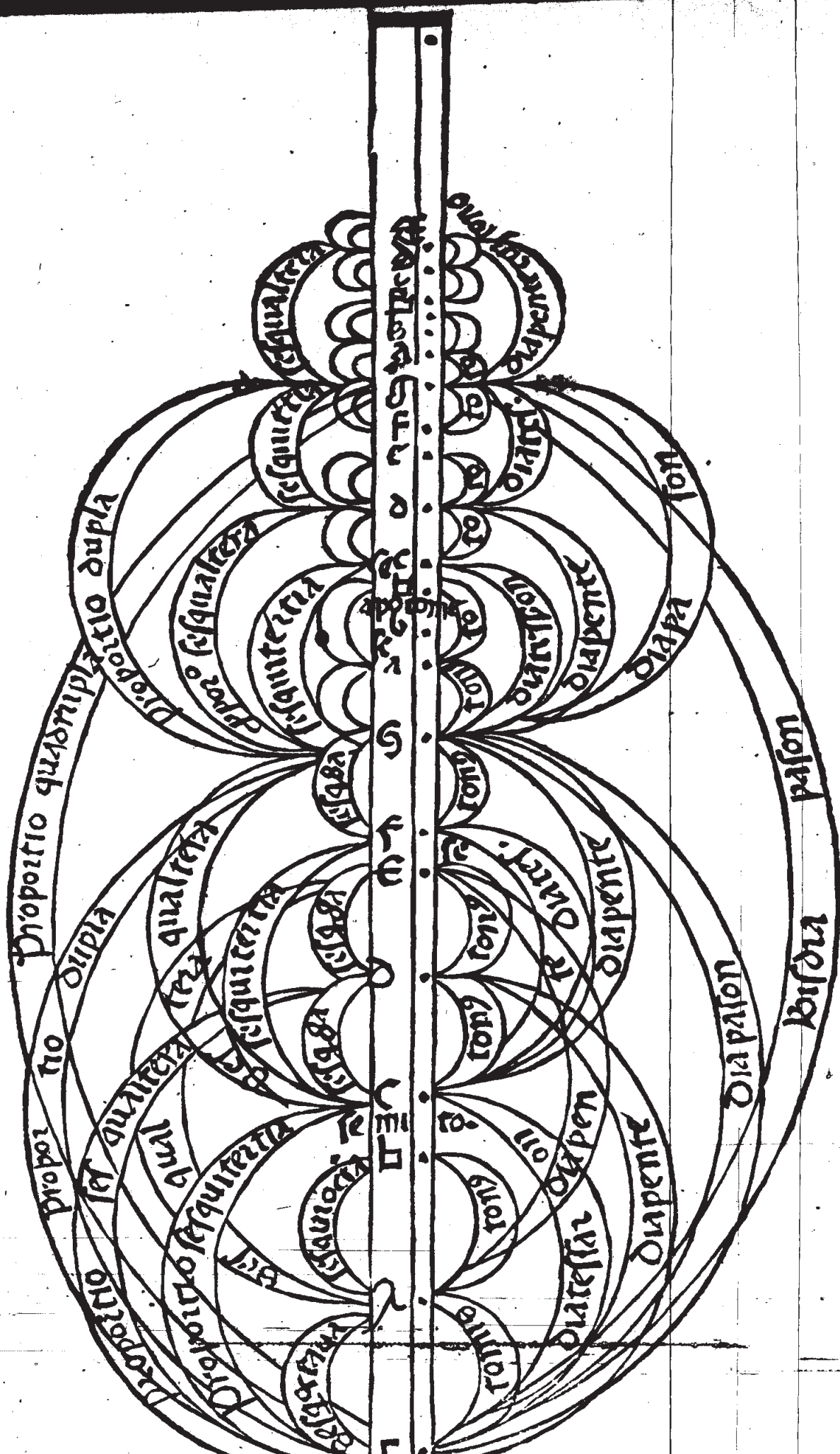
similitudinem copulat extremorum . Merito igitur Ptholomeus diapason
æquisonantiam dicit : reliquas ab hac æqualitate distantes nominans con-
sonantias . Sed diapente & diatessaron cordam recto dimidio diuisibilem
non deducunt neque duplo numero concipiuntur quanquam simul iunctæ
ad huius æqualitatis unionem conueniant . Diapason igitur æqualitas est
quæ propria ac iustissima dimensione uoces in hac contractabili cordula fa-
cile apertiusque conducit & aperit : propriis tamen tonis semitonis que de-
prehensa : quod licet uariis possit effici modis : potior tamen cordæ dimen-
sio primum octo sonos proportionabiliter concludit : inde ad reliquas per
diapason semper uoces progreditur . Quo fit ut compassus in secunda uo-
ce positus cordam duobus æquis passibus diuidens ubi primus terminum
posuerit nonam scilicet Paramesen collocet ab octaua tono distantem : &
ab ipsa secunda secundam diapason speciem conducentem . Quod si idem
feceris in tertia uoce circinnum affigens ubi primus attigerit passus decimam
scilicet Tritediezeugmenon cordam locabit a nona semitonio distantem & ad
ipsam tertiam : diapason speciem tertiam perficientem . In quarta autem uo-
ce positus sextus seu compassus totam cordam duobus æquissimis passi-
bus partiens : terminus primi passus undecimam conducit Parane-
tendiezeugmenon cordam a decima tono distantem & ab ipsa quarta quartam diapa-
son speciem implentem . Quod quom in quinta feceris duodecimam scili-
cet Netendiezeugmenon conduces ab undecima tono fugientem & ab ipsa
quinta quintam diapason speciem producentem . Rursus in sexta uoce ap-
posito circinno duobus æquis passibus cordam distinguente terminatus pri-
mus passus sextam diapason speciem affert in tertia decima corda scilicet
Tritchyperboleon quæ a duodecima semitonio remota est . In septima au-
tem uoce positus compassus totum cordæ residuum duobus æquis passibus
distinguens ubi primus quieuerit passus quattamdecimam scilicet Parane-
tehyperboleon a tertiadecima tono & ad ipsa septima diapason specie sep-
tima distantem conducet . Postremo positus compassus in uoce octaua sci-
licet Mese : totum cordæ residuum duobus æquissimis passibus diuidens pri-
mus passus quintamdecimam scilicet Netehyperboleon concludit a quattam-
decima tono distinctam quæ ad ipsam octauam primam diapason spe-
ciem replicatam perficit : eamque a prima grauiore per bisdiapason rece-
dere : atque has omnes quindecim cordarum dimensiones superior figura lu-
cidissime comprehendit . Hoc igitur ordine quotquot temptauerimus so-
nos cordas ue superducere : cordam ipsam faciliiori consideratione recto sem-
per dimidio diuidendam conducemus . Verum si in grauiorem partem sonum

unicum tonum implentem sub prima subducere uoluerimus totam cordā octo æquis passibus discurrere licebit : quo peracto compassus retorqueatur in grauiorem partem a prima discedens : sesquioctaua deductione : atque in nouenarii huiusmodi passus declinatione constitutur is sonus seu corda quam duxeris apponendam eam uidelicet quam musici ꝑ græca littera in introductorio describunt Quod Guidonis rythmo apertissime hoc carmine lucidatur. Gama græcam quidam ponunt ante primam litteram : A qua passibus partitur nouem rota linea : Vbi primus passus finit tñ prima littera Reliquas item hac consideratione poterit facile superaddere quisque. Verum ut predicta paucis restringam Diapason duobus semper passibus ad finem currit. Diapente tribus. Diatessaron quattuor : & Tonus notem : quæ quidem quanto fuerint passibus numerosiores tanto erunt spacio breuiiores. neque enim aliis discursionibus monocordum possumus dimetiri. Tonus a tonando idest sonando nomen accepit : qui & maiori uoci nouem & minori passus octo constituit. Sed semitonium & Dytronus atque semidytronus quanquam sonos coniungunt nulla tamen dimensione monocordum distinguere possunt quæ quidem omnia & Petrus ipse apponens Conciliator in octuagesima tertia differentia iusta calcem : ubi quinque tantum consonantes proportionales in monocordi dimensionē conducit : cludere apprehendit. atque ut hæc clarius elucidescant ipsius Guidonis introductorium latinis tantum litteris impressum propriusque sonis ac proportionibus distinctum disponamus hoc modo.

Guido

Conciliator

i ii

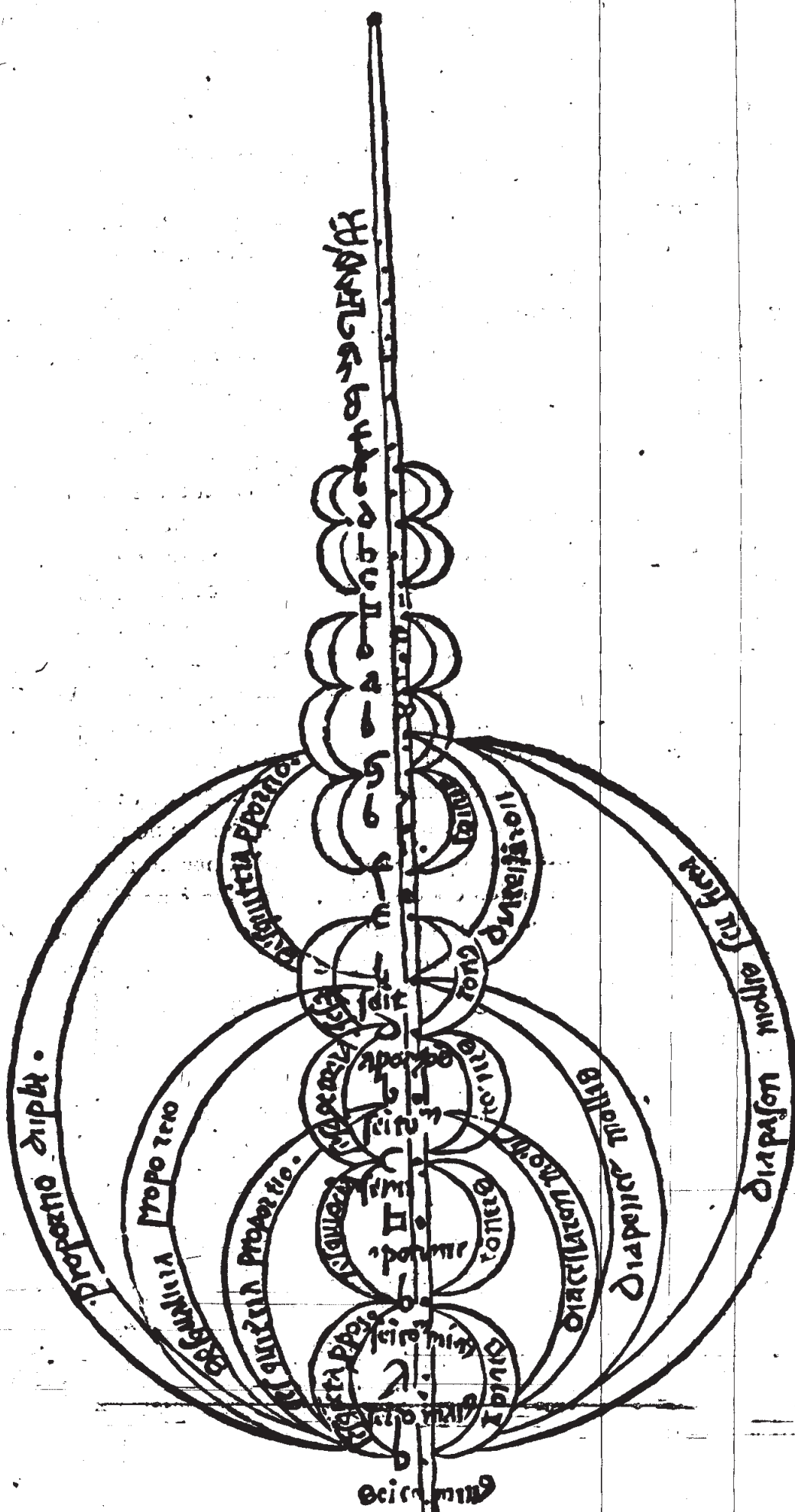


DE Diuisione tonorum per propria semitonia .Capitulum Quintum.

Vanq̄ dimensionem musicalis introductorii suis consonantibus
 q proportionibus apertissime demonstrauimus: singulos quoque
 tonos in duo inaequalia semitonia probabile uidetur distinctos
 educere. At cum sonantes maiores habundantes superparticula-
 res minoribus aequari non possint nanque diapason consonantia consonantiae
 diatessaron inaequalis est: atque diatessaron tonus, semitonia autem maiora mi-
 noribus inaequaliter conducere necessum est demonstrare. Quo circa sumpto su-
 periore quindecim cordarum harmonico ponamus in terra uoce ipsius dispo-
 sitae ac dimensae cordae compassum totam ipsam octo aequis passibus discen-
 tendo cordam: inde si notum passum in gratiorem partem retorqueremus ei
 terminus primum tonum inter Proslambanomenon & Hypochypaton in-
 minus ac maius semitonium distinguet. Verum cum ad placitum apponatur
 auferaturque hec uocula: quippe quae in naturali atque dyatonica conso-
 nantiarum productione non euenit nullum sibi congruens nomen sortitur:
 quo fit ut ipsam dicamus clauiculam ceteras consonantibus uocabulis nomi-
 nantes. Primus igitur is tonus in duas inaequas partes diuisus in minori par-
 te, minus concludit semitonium & in maiore apertiohem idest semitonium
 maius per se dissonum & concinentius ineptum: minus uero semitonium e
 uerso harmoniae decus est & suauis temperamentum:ambo enim simul iux-
 ta tonum semper implent, notus namque ille passus ex immobili fixoq̄ ac
 naturali minore semitono quod inter secundam & tertiam uocem accidet:
 & ex maiori parte scilicet semitono maiore primi toni diuisi tonum con-
 ducit. Neque negari potest suum illud ex immobile ac naturale semitonium
 esse minus: quo cum pars maior toni ei fuerit conducta totum monstratur
 impleri. Hinc duo inferuntur tonum uidelicet maiore ac minore diuisi semi-
 tonio: more quo sesquioctaua proportio. Atque minora se esse semitonia
 quibus maiora iunguntur quo tonus inde resulter. Sunt igitur in monocor-
 di instrumento complures huiusmodi clauiculae: quas nonnulli fictas uoca-
 Alii b molles duxere nominandas: Alii autem proprius & conuenientius semi-
 tonia dicunt: cum tonos in duas inaequas partes propria operatione distin-
 guant: quas si iusta dimensione inaequas non conduxeris: illud concludas
 iniustae atque irrationabiliter deductum ex compartium fuisse monocordum.
 Quae autem in tonorum huiusmodi diuisione semitonia praere debeant &
 quae subsequi Maiora scilicet an Minora aduertendum est. Nonnulli arbi-
 trio diuidendis concedunt dicentes ita tonum per minus ac maius semitonium

7.
expleri sicut ex Maiore atque Minore monstratur coniungi. Conuenientius
tamen in huiusmodi partitione minus semitonium maiori præponetur in gra-
uiori scilicet parte toni disponendum: quod trina saltem ratione probatur:
primo nanque ut de tritono summatur argumentum: Si fuerit a Meses cor-
da in Tritesimenon ubi tonus ad temperandum tritonum resecatur semi-
tonium maius seu apothome succedet nouissimus error peior priore: nanque
magis distonum est semitonium maius cum duobus tonis q̄ trium succedē-
tium tonorum modulatio. Secundo: nisi minus semitonium præcederet:
Sinemenon tetracordam aut frustra esset adiunctum aut a discordia pessima
quod nullo pacto esset tolerandum inchoaret. decebat quidem ipsum per
minus semitonium & tonum ac tonum dyatonica progressionē ueluti & alia
tetracorda procedere. Postremo si in huiusmodi toni partitione minus semi-
tonium maiori postponeretur: ubi naturaliter minus semitonium fixum & sta-
bile euenit ibi duo continua succedere semitonia minora: primum scilicet mo-
bile de precedente tono diuiso: secundum hoc minus semitonium stabile:
quæ cum simul iuncta tonum non impleant: lasciuiore ac difficilima modu-
latione conducerentur. ut exempli gratia si sextum in secunda monocordi di-
mensi uoce posueris totam cordam nouem æquis passibus discurrens pri-
mus passus tonum inter tertiam & quartam uocem per maius & minus semi-
tonium partitur: atque ita dum ulterius per singulos tonos processeris apo-
thome primum tibi semper occurrēt: quo fit ut illud duorum minorum se-
mitoniorum continuorum sibi succedentium in conueniens euadere non pos-
sis. quod licet certis in locis eueniat nec sit euadendi modus: cum potissi-
me cum qui successiue fixum semitonium sequitur diuidere temptauerimus
tonum per minus & maius semitonium: ibi nanque duo continuatim succe-
dunt minora semitonia. neque inconueniens est id prosequi quod euitari non
potest: quo fit ut duo continua semitonia minora in huiusmodi tonorum di-
mensione sibi inuicem succedere concedantur. modo minus illud naturale &
fixum semitonium præcedat: semitonium uero minus mobile sequatur. Vbi
autem & quories euenierit secandus tonus ad delimandam asperitatē tritoni nul-
lo unquam pacto maius semitonium minori præponere licebit. His igitur
ita præmissis ponatur sextus in ipsa mobili uocula quæ primum diuisit to-
num totam cordam quattuor æquissimis passibus partiens: ubi tunc primus
contigerit passus inter quartam scilicet uocem & quintam per diatessaron
(sesquitercia proportionē ducente) ibi clauicula reponatur quæ tonum illum
tertium in minus maius ue semitonium distinguet. Nunc uero in hac nuper
conducta clauicula tertium tonum diuidente circinum ponas quattuor æquis

passibus rotum cordæ residuum discurrendo : ubi enim primus quieuerit passus clauiculam collocabis diatessaron respondentem ad eam a qua hoc passu recedit sesquitercia duce . Hac enim quantum tonum inter septimam & octauam uocem in minus maius ue semitonium seccatum indicat . Consonus autem in hac uocula quantum tonum diuidente compassus totumque cordæ residuum duobus æquis passibus partiens : ac ex ipsa in qua incepit uocula uariisrorsum idest uersus grauiorem partem retrortus : hic ubi quieuerit clauiculam conduceret diuidentem secundum tonum inter tertiam & quartam uocem per minus ac maius semitonium diapente scq; consonantiam ad eam a qua declinauit clauiculam sesquialtera proportionem dictante . Verum si in hac clauicula secundum tonum diuidente compassum posuerimus totam cordam quatuor æquis passibus partiendo quo primus terminum duxerit passus inter sextam uidelicet & septimam uocem : clauiculam quartum tonum in minus maius ue semitonium incidentem apponas : quæ ab ea a qua hoc motu deducta est diatessaron recedit diastemate sesquitercia duce . Postremo affixo circino in ea quæ primum diuidit tonum clauicula duobus æquis passibus totam cordam discurrente : quo primus ductus fuerit passus inter octauam scilicet & nonam uocem clauiculam confluere conuenit quæ sextum illum tonum in minus ac maius semitonium distinctam esse declarabit & ad primam a qua conductæ est diapason consonantiam respondere . Si autem idem feceris totam scilicet cordam duobus æquissimis passibus distinguens de clauicula in clauiculam tonum bipartiente reliquos tones per minus ac maius semitonium lucida dimensione (dupla proportionem dicente & diapason consonantia continue succedente) partitiolos conductes . Verum cum eum tonum quem subiuncta a latinis corda in grauiore scilicet moxardi parte conduceret hac diuisione partiiri uolueris : diligens animaduersione facile comperiet : cuius quidem dimensionis regulam presens figura literis latinis insignita apertissime declarare percipitur .



DE Applicatiōe Litterarū & Sillabarū ad Cordas secūdū Latinos Capitūlū Sextū.

Atinorum Prouidētia Musicorum Græcorum solertiam immitā
 musicalis introductoriū dimensionem litteris primis, conuulit in
 I signitam: quam & si septem tantum primis ipsis Alphabeti litteris
 descripserit maiore quadam impressione Distinctis ob granitatis
 magnitudinisq; excellentiam: eas quoq; dispositarum quindecim Cordarum ordine
 replicatas ipsius acuminis tenuitate a grauib; distinctas minori figuratiōe si-
 gnauit: tetracordum litteris reliquarum omniū suprema intentione & difference
 quadam scilicet geminata signatione distentis superponens hoc modo. A B C
 D E F G a b c d e f g **A B C D**. Prima nanq; Maiuscula littera scilicet.
 A. Proflambanc menos Cordam custodi. Secunda uero scilicet. B Hyparehy-
 paton seruat. Tertia uidelicet C tertiæ cordæ subministrat: atq; quarta quartæ
 & deinceps. nec frustra quidem hoc tetracordum uariis litteris insignitum super-
 ductum uidetur: cum nonnullos cantores eundem acuminis terminum uocis mo-
 dulatione attingere uideamus. Primas nanq; septem maiusculas dicebant graues:
 reliquas septem replicatas minores acutas: ceteras autē quattuor iterū relump-
 tas duplicatis quibusdam tractulis superacutas seruabāt. Verū cum ante littera-
 rum huiusmodi dispositiōem difficilimis quibusdam ziphris cordas s. notes si-
 gnaret scriptores: alterq; hanc. s. litterarum annotandi modū puidi musici facilitate
 deducti dicūt istituisse ad Guidonis aretini usq; tēpora celebratum. cū hoc car-
 mine Ipse testat̃. Solis notare litteris optimū pbauim̃. Quib; ad ducēdū cā-
 tū nihil ē faciliū. Si fræquētata fuerit sal. ē trib; mētib; & septē qdē tācū litteras
 dispositas legim̃ cū differētes sonos deducerēt ut ipse itē Guido i rythmo hoc
 carmine idicat Septē sonis coaptat̃ septē sūt discrimina. Ut nulli uocis soñ idē
 sit i altera: E s iū eadē regula eodēq; pgressu replicatas ostēdit hoc carmine. Nāq;
 aliæ septenæ quæ sequuntur postea Non sunt aliæ sed una replicantur regula:
 Quia uocum ut dierum æque fit ebdomada. His itaque litteris hoc ordine dis-
 positis alteram superduxere musici litteram extremo litterarum tetracordo simili
 resonantia & figuratiōe sociandam hoc modo **AE** Sed & græcam unam: eam
 scilicet quæ græco nomini prima uidetur offeri ad grauiorem partem substitue-
 runt hanc figura descriptam **Γ** Atque inter hanc & primam litteram tonum de-
 præhēdūt nouē passibus totam cordam discurrendo. Similiter inter primā & se-
 cundā. s. A. et B tonum: Sed inter secundam & tertiā. s. B et C minus semitoni-
 um inter tertiā uero & quartam scilicet C et D tonum atque a quarta ad quin-
 tām. s. a D ad E tonum. & a quinta ad sextā. s. ab E ad F semitonium, condu-
 cunt: a sexta autem ad septimā. s. ab F. ad G tonū. Rursus a septima ad octauā
 quæ prima est replicata uidelicet a G ad a tonū. Ab hac uero prima replicata ad

Guido

Guido

secundam similiter replicatam scilicet ab a ad b tonum. & a secunda ad tertiam scilicet a b ad c minus semitonium adducunt reliquasque eodem ordine dispositas superior monocordi dimensio apertissime monstrat. Hac igitur dispositioe singulis quattuor litteris diatessaron sepe consonantia discurrit: Verum cum a prima littera replicata ad secundam replicatam tonus sit: qui cum duobus precedentibus tonis tritonum in quattuor cordis impleat ipsam secundam bis affixerunt: primo. scilicet loco a prima solo minore semitonio distante. eo. scilicet ordine & effectum quo Sinemenon tetracordum ceteris adiunctum est tetracordis. secundo loco ab ipsa prima tono distante i Parameses. scilicet corda disponunt: quam cum asuperiorem conducit prolationem ab ipsius primae dispositionis figuratioe differenter signare noscunt: primam namque hoc modo scribunt b: secundam uero hac quadrata figuratioe demonstrant **L**: Illud insuper arbitror considerandum: quod si omne quod dicitur articulate scribi potest: quodcumque scribitur facile modulamini deducet: quo fit ut quod delectabile legimus: quoniam musica naturaliter delectat ut primo primi latius claruit: adhibita modulatione maiorem & modulantes & audientes percipiant atque iocundissimam delectationem. Verum cum omnis in grammatica dictio syllaba uel seu uernacula lingua una saltem uocali componatur: ut quodcumque dicitur scribiturque carari posse probetur: dispositis extensisque omnibus monocordi litteris (omissis extremis graeca. scilicet & quae in acutiori sede superposita est) omnes ipsas uocales eo ordine subducamus quo unaquaeque littera sonans ipsas quinque uocales apprehendat hoc modo:

A	B	C	D	E	F	G	a	b	c	d	e	f	g	Α	Β	Γ	Δ
a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i
o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a
e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o
u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e
i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u	a	e	i	o	u

His igitur ita dispositis uiginti cordis cum duabus. scilicet extremis postremo conductis hac graeca littera uidelicet **Γ**, quam gamma dicunt: nos uero pro g littera consideramus & ea quam acutioribus superposuerunt cordis hoc modo sculpta **Γ**
 Guido ille monachus aretinus diuina quodammodo inspiratione ductus: deuote examinans Hymnum sanctissimi precursoris Ioannis Baptistae primas eius rhythmici capitales syllabas propeudit a se inuicem eis ipsis interuallis distare quibus dispositae fuerant in monocordo Philosophorum cordae. hic acuratori examine tonum iter primam primi rhythmici syllabam quae est ut & primam secundi quae est re: atque hanc inter & primam tertii quae est mi piter tonum consistere precepit. Verum ab hac prima tertii primam quarti. scilicet fa solo minore semitonio iterum esse: hac uero a prima quinti quae eam

supradit. s. sol tono excedi: postremo primā illam sexti rythmi sillabā. i. la ab ipsa
quita itegro toni in uallo recedere aspexit. His tātū sex sillabis tres ipsas diates-
sarō spēs quas singulis tetrafonis Musici celebrāt mira quodā mō & naturali ac
pene diuina dispositiōe oprahēdit: quo fit ut quāq̃ septē sunt discreti soni septē
ipsis litteris attributi: has tātū sex sillabas sonantibus cordis dexterit applican-
das. Ea. n. his & acuminis & grauitatis modulata dimēsiō sillabis discernit: quā &
litteris ipsis Musici distribuerāt. oibus itō nocalib⁹: quo quaecūq̃ dici possūt ua-
leāt ipsa modulatiōe deduci: sex ipsae sillabae annotari nolcūt: quippe quae hac
deductiōe uariā: ut re mi fa sol la. Huius quidē hymni scētū & modulatiōem
licet litteris primitus annotatū ipsis sillabis imprimamus hoc modo.

fa	re	re	mi	re	re	re	ut	re	mi	mi	5			
ut	re	re	mi	re	re	re	ut	re	mi	mi				
Vt queant la xis re so, na re fi bris														
mi	fa	sol	mi	re	mi	ut	re	fa	sol	la	sol	fa	re	!
mi ra ge sto rum famuli tu orum														
sol	la	sol	fa	sol	mi	fa	sol	la	sol	la	fa	sol	la	✓
sol ue po lu ti labii reatum														
sol	fa	re	ut	re										
Sante lo an nes														

Guido

Ea quidem animaduersione naturale semitonium inter mi & fa repertum est: quæ ad se inuicem suauitate quadam conferuntur ut minori earum intracapedini in pronuntiatione solæ ipsæ conueniant. quod in reliquis euenire non contingit. Quo actum ē ut Guido ipse introductorium seu monocordum a nonnullis manus appellatum eo q̃ in sinistra manu frequenter percipiatur: sex ipsis sillabis mira dispositione duxerit coornandum: & quemadmodum in distributione litterarū Inter b & c atq; inter E et F: & quādoq; inter a et b ubi potissime trittoni duriciē asperitatem ue. sfugere liceret semitonium min⁹ diattonica progressionē euenire depræhensum est: ita hac mira sillabarum deductione unica tantum (quod ornati⁹ atq; excellentius est) pronuntiatione ac descriptione omnia minora semitonia disposuit. Hinc ipsa um sex sillabarum aggregationem septies conduxit: inter primam & secundam scilicet ut re tonum atq; inter secundam & tertiam scilicet re mi tonum inter tertiam uero & quartam uidelicet mi fa minus semitonium inter quartam uero & quintam scilicet fa sol tonum atq; inter quintam & sextam uidelicet sol la tonum conducens. Has igitur litteris applicauit hoc ordine. In prima nanque littera græca primam apposuit sillabam hoc modo. Γ ut In prima autem latina littera scilicet A quæ secundam cordā tenet secundā duxit sillabam. s. Are. In tertia corda quæ p̃ secundam latinam litteram describitur tertiā affixit sillabam hoc mō B mi In quarta monocordi corda ubi C littera ē quartam sillabam conduxit ut hic C fa. Rursus in hac littera & corda primam contexuit sillabam hoc modo C fa ut. In quinta corda quam quarta latina littera custodit quintam sillabam scilicet Sol: & secundam pariter secundæ deductionis quæ in precedente uiciniorē posuit principium. hoc scilicet modo D sol re. In quinta littera sextam cordam occupante sextam sillabam uidelicet la: & tertiā secundæ deductionis constituit hoc mō. E la mi. In sexta lra septimā cordā ducēte q̃rtā secundæ deductionis sillabam: & primā tertiæ collocauit hoc modo: F fa ut. In septima littera octauam cordam custodiente quintam secundæ deductionis sillabam & secundam tertiæ ac primam quartæ constituit hoc ordine. G sol re ut. Hæc enim sillaba ut: est caput atq; principium omnium sillabarum sibi succedentium. s. re: mi: fa: sol: la: in quacunq; deductione: omnium q̃ harū sex sillabarum aggregatio dicta est in harmonica cōcinentia deductio: quippe quæ modulantiū uoces ex grauitate in acumen & ex acumine in grauitatē deducere depræhenditur. Ois itē deductio tres ipsas Diatessaron species Dyattonicæ cōducit. Rursus in prima littera replicata nonam cordam ducente sextam secundæ deductionis sillabam & tertiam tertiæ ac secundam quartæ conduxit hoc modo. A la: mi: re. In secunda resumpta littera decimam cordam attingente tertiā quartæ deductionis sillaba reducta est: inter quam & præcedentem eadem littera nomine: sed Figura & Proprietate diueria: c. in quarta tertiæ deductionis sillaba disposita est hoc ritu. B fa

l mi. In tertia autem replicata littera quintam tertiae deductionis sillabam & quartam quartae atque primam quintae confixit hoc modo c sol fa ut. In quarta reducta littera sextam tertiae deductionis sillabam & quintam quartae ac secundam quintae descripsit ut hic d la sol re In quinta uero rescripta littera tertiamdecimam cordam ducente sextam & ultimam sillabam quartae deductionis & tertiam quintae locauit hoc modo e la mi. In sexta autem reducta littera quartamdecimam cordam tenente quartam quintae deductionis sillabam & primam sextae disposuit hoc modo f fa ut: Sed in septima littera replicata quintamdecimam cordam custodiente quintam quintae deductionis sillabam & secundam sextae atque primam septimae conduxit hoc modo g sol re ut. In prima rursus replicata sextamdecimam cordam regente sextam quintae deductionis sillabam & tertiam sextae ac secundam septimae locauit hoc ordine **A** la mi re. In secunda triplicata littera decimamseptimam cordam occupante tertiam septimae deductionis apposuit sillabam hoc modo **l** mi. Atque inter hanc & secundam praecedentem alteram litteram secundam proprietate & figuratione diuersam ad seccandum hunc tonum cum quarta sextae deductionis sillaba disposuit hoc modo B fa **l** mi. In tertia autem triplicata littera decimam octauam cordam ducente quintam sextae deductionis sillabam & quartam septimae construxit ut hic **E** sol fa. In quarta triplicata littera ultimam sextae deductionis sillabam & quintam septimae constituit hoc modo **S** la sol. Postremo In Quinta triplicata littera uigessimam cordam attingente ultimam septimae deductionis sillabam locauit hoc modo **E** la. Harum autem sillabarum litterarum quae dimensam dispositionem & quaecumque concinia notatis quibusdam quadratis per lineas & spacia deductis hoc introductorio Musici ipsi annotare soliti sunt quod praesens figura declarat.

Handwritten musical notation on a 12-staff system. The notation includes various notes (dots) and letters (A, B, C, D, E, F, G, H, I, J, K, L, M, N, O, P, Q, R, S, T, U, V, W, X, Y, Z) placed on the staves. The notes are arranged in a way that suggests a sequence of pitches, possibly representing a scale or a specific melodic line. The letters are written in a stylized, cursive script. The notation is organized into groups, with some letters appearing on multiple staves. The overall layout is dense and fills most of the page.

Hanc igitur litterarum syllabarumque propriis tonis atque fixis scilicet tonis dimensam descriptionem introductorium musicae duximus nuncupandum: cum primo actu introducendis praeponatur ut Alphabetum pueris Grammatici tradere soliti sunt. Verum si quis & alias syllabas siue notulas atque litteras in grauiore parte subdere ceptauerit: in littera graeca grauiore G sol re ut atque sub ea F fa ut. inde E la mi sicque consequenter reliquis replicando subiunget: Idem quoque si ad acutiorem supponere uoluerit praeponat in E la & la mi de praecedat acutius F fa ut & post hanc G sol re ut. idem Adami re sicque secundum priorem progressum & dispositionem replicatio fiat Et si ipsae syllabae praesententur in introductione carere eas tamen insignire atque ascribere certum descriptioni nequaquam asserunt musici: quoniam uel persaepe uerba syllabas ipsas uel syllabae uerba composita descriptione confunderent. Quo fit ut grauitates & acumina ipsarum syllabarum lineis spaciisque alternati disposita certis notulis quadratis obliquisque & uariis annotentur: sed de his latius in secunda parte. scilicet. Pratica sermo fit. Perfacile item notulam figurari syllabam e conuerso putant: Tres praeterea sunt harum septem deductionum proprietates scilicet **b** quadralis a figura quadrata dicta & **b** rotunda ab ipsafiguratione alio autem nomine ab ipsius soni essentia dicuntur **b** duralis & **b** mollaris. tertia proprietas est Naturalis. Huiusmodi autem proprietatem Marchetus diffinit plurimum uocum deriuationem esse ab uno eodemque principio Nonnulli uero proprietatem hanc asserunt essentialem siue accidentalem uocum acceptionem esse confusum in graui ordine uel acuto. Notulas enim pro syllabis scribunt. syllabae uero nomina sunt sonorum & uocum: uoces quidem scribi non possunt sed memoria retinentur ne pereant quarum grauitates acuminaque notulae in descriptione modulaminum lineis & interuallis ascripte conducere noscuntur. Proprietates itaque hoc progressu considerantur Omnis predictarum sex syllabarum deductio habens principium & originem in littera G dicta est proprietatis **b** quadralis uel duralis. Quae uero in littera C dicitur Naturalis. Sed quae in littera F **b** mollaris seu **b** rotunda nominatur ac de his latius in quinto Floris musicae & in colloctionibus nostris copioseque in primo practicae disputatur. Cum igitur septem sint syllabarum deductiones. Proprietati **b** quadrali tres solent attribui quarum prima in I littera graeca exordium consequitur quippe quae g litteram sonat reliquae uero duae in aliis duabus g litteris: Naturali proprietati duae deductiones subiunguntur. scilicet quae in C fa ut & in C sol fa ut oriuntur. B mollari uero duae quae. scilicet a duabus F fa ut originem ducunt.

DE speciebus Diatessaron & Diapentes Capitulum Septimum.

diatessaron consonantia ut latius dictum est constat quattuor sonis duos tonos unumque minus semitonium comprehendentibus. atque tres differentes species conducit quia quattuor tantum uocibus expletur: omnis namque ut praediximus consonantia una semper minus habet

Marchetus

speciem q̄ sint eius uoces. Prima. n: diatessaron spēs cōducitur ex tono & semitonio ac tono pcedens his sillabis re mi fa sol incipit quidē in A re quæ Proslābanomenos cordæ affixa ē & ubicūq; similis pcessus euenerit semp prima dicetur diatessaron spēs. Secunda species itenditur semitonio & tono atq; tono pducta his sillabis mi fa sol la incipit. n. in B mi. s. in tertia introductorii corda. at similiū sillabarum processus secundā semp diatessaron specie ducit. Tertia species deducitur itentiōe toni ac toni & semitonii his sillabis ut re mi fa. exordium nanq; summit in quarta introductorii corda. s. C fa ut: q̄ si per similes sillabas seu uoces processum fuerit: tertia semper diatessaron species eueniet. hæc itaque consideratio remissionem intentioni contrariā ducit ut patet diligentius intuenti. Illud insuper est aduertendum q̄ unaquæq; consonantia tot ad plus habere potest interualla quot fuerint eius species: siue unum minus retinet interuallum q̄ sint eius uoces: atque hoc accidit quom omnes uniuscuiusq; consonantiæ soni successiue disponuntur. Sed diatessaron consonantia quandoque uno interuallo constat duobus scilicet extremis sonis interiecto: quandoque duobus ut si disposuerimus has tres sillabas re mi sol. uel re fa sol. Reliquæ item simili consideratione uariis interuallis procedunt: & quanto pauciores fuerint soni: tanto & pauciora erunt interualla: sed maiora. quod ex se ipso quisque facile percipere potest. Diapentes uero cōsonantia quinque sonis impletur tres tonos unū q̄ minus semitonium cōducentibus. quæ cum quinque possidere probata sit uoces: quatuor tantum differentes conducit species: Quarum prima sit ex prima specie diatessaron & tono uno superducto: procedens his sillabis re mi fa sol la: incipitur enim in quinta introductorii corda scilicet in D sol re & terminatur ad nonam cordam scilicet ala mi re. ubicūq; itē hæc uel similitum fuerit processus sillabarum prima semper diapentes species ascribetur. Secunda diapentes spēs deducitur ex secūda specie diatessaron & tono his. s. sillabis mi fa sol la mi. Initium acquirit i sexta introductorii corda. s. E la mi & terminatur in B mi decima corda ubi paramesen philosophi custodire solebant. atq; similitum quinque cordarum cōgressus secundā semp diapentes speciem indicat. Tertia spēs diapentes ex tritono atq; semitonio pponitur: progrediēs a septima introductorii corda. s. F fa ut: ad undecimā. s. C sol fa ut: his sillabis fa sol re mi fa quarum progressio tertiam semper diapentes speciem cōducat. Quarta diapentes species formatur ex tertia specie diatessaron & tono superducto procedens ab octaua introductorii corda scilicet G sol re ut: ad duodecimam quæ est D la sol re his scilicet sillabis ut re mi fa sol: atque quocunque successerit similitum sillabarum progressio quarta semper diapentes species resultabit. Verum si harum diapentes specierum processum continuatim succedentem in secunda introductorii corda ex qua prima diatessaron species deducitur disponere temptaueris:

secundam subsequenter speciem imperfectam conduces: quippe quæ duobus tantum tonis ac duobus item minoribus semitonis naturaliter disposita est atque inde tertiam succedentem quartæ similem & quartam primæ haudquāq̃ dissimilem uero comperies iudicio. Ac de his multa in primo practice quæ cantibus planis ascriptus est: diffusius aperta sunt. Diuersis item intervallicis diapentes consonantia perficitur atque deducitur uariis motibus. ut constat cautius inquirenti.

DE speciebus Diapason consonantiae Capiculum Octauum.

Diapason consonantia octo sonis perficitur continetibus quinque tonos & duo minora semitonia dicta quidē per omne quia omnibus sonis impletur & uno superducto omnes enim soni septem sunt. ut latius in superioribus clauit. Fit autem ex diapente ac diatessaron quæ cum plures & diuersas habeant species diuersis item speciebus diapason consonantiam circumducunt. quippe quæ & octo sonis formata septem tantum species differentes comprehendit. Harum prima fit ex prima specie diatessaron deducta ab A re ad D sol re atque ex prima specie diapentes facta a D sol re ad a la mi re tendit itaque prima diapason species ab A re ad a la mi re siue a Proslambanomenos corda ad Mese. Secunda species diapason componitur ex secunda specie diatessaron collocata inter B mi & E la mi graues & ex secunda specie diapentes deducta ab E la mi graui ad B mi acutam. Euenit itaque hec secunda species diapason inter B mi grauem & B mi acutam siue inter Hypat'hypaton & Paramese. Tertia diapason species formatur ex tertia specie diatessaron habita inter C fa ut & F fa ut graues & ex tertia specie diapentes procedente ab F fa ut graui ad c sol fa ut acutam. Progreditur itaque hec tertia diapason species a C fa ut ad c sol fa ut seu a Par'hypat'hypaton ad Tritediezeugmenon. Quarta autem Diapason species coniamgitur ex prima specie diapentes facta a D sol re ad a la mi re idest a Lycanoshypaton ad Mese & ex prima diatessaron ducta ab a la mi re ad D la sol re. Deducitur itaque hæc quarta diapason species a D sol re ad d la sol re siue a Lycanoshypaton ad Paranetendiezeugmenon. Quinta diapason species comprehendit secundam speciem diapentes inter E la mi grauem & B mi acutam siue inter Hypatemeson & Paramese & secundam diatessaron inter b mi & e la mi acutas. procedit igitur Quinta diapason species ab E la mi graui ad e la mi acutam siue ab Hypatemeson ad Netendiezeugmenon. Sexta diapason species conducitur ex tertia specie diapentes que est inter F fa ut grauem & c sol fa ut siue inter Par'hypatemeson & Tritediezeugmenon.

& ex tertia specie diatessaron habita inter c sol fa ut & f fa ut acutas siue inter
 Tritediezeugmenon & Trichyperboleon . tenditur itaque hac sexta diapason
 species ab F graui ad f acutam siue a Parhypatemeson ad Trichyperboleon .
 Septima & ultima diapason species copulatur ex quarta specie diapentes facta
 a G sol re ut graui ad D la sol re acutam & ex prima diatessaron comprehensa
 inter D la sol re & g sol re ut acutas : fitq; huius septimae diapason differen-
 tia progressio a G sol re ut graui ad g sol re ut acutam : siue a Lycanomeson
 ad Paranetehyperboleon . Constat ad plus septem interuallis diapason conso-
 nantia . quom scilicet omnibus octo suis uocibus deducitur Plerumque autem
 sex aut quinque & uariis item modis quattuor ac tribus atque duobus produ-
 citur dialtematibus : uno tandem extenditur interuallo quom extremarum tan-
 tum uocum grauioris scilicet & acutioris responsione disponitur interiectis ta-
 men quinque tonorum ac duorum semitoniorum integris interuallis . At quat-
 tuor illas maneries Protum scilicet & Deuterum Tritum & Tetradum quas
 Musici in uniuscuiusque modulaminis obseruatione custodire solebant earumq;
 subiugaliu reflectionum Primus praticae nostrae latius aperit & declarat . Sed
 Ipsae septem diapason species hac animaduersione disponuntur ut tres primae
 diatessaron consonantiam in grauiorem partem expostulent ac diapenten supra
 diatessaron in acutiorem . reliquae autem quattuor e conuerso ut ex praemissis
 deductionibus expressum est . Philosophi enim has septem diapason species
 modos dixerunt a modulando uel a moderando cum eos omnem modulaminis
 progressum certis intentionum remissionumque terminis moderari perciperent
 Primam namq; diapason speciem a Proslambanomenos corda ad Meseu ductam
 siue ab A re ad ala mi re Hypodorium uocabant . Verum quom omnes huius
 hypodorii uoces toni intentionem susciperent secundum modum scilicet Hy-
 pophrigium conducebant . At omnes huius hypophrigii uoces semitonii inten-
 tione Hypolidium formabant . Huius autem Hypolidii uoces omnes tono super-
 ductae Dorium constitutebant . Sed quom omnes Dorii uoces toni intentione
 conducerentur Phrigium constitutebant . Rursus omnes Phrigii uoces semito-
 nii intentione Lydium creabant . At omnibus ipsis lydii uocibus tono intentis
 Mixolydium producebatur . Atque idcirco hi septem modi easdem sibi cordas
 uendicabant quas scilicet prima diapason species possidere monstrata est uide-
 licet a Proslambanomenos corda ad Meseu seu ab A graui ad a acutam Alter
 tamen modus alterum uel tono uel semitonio superuadit quod Dyattonica In-
 troductorii deductio naturaliter exprimere probatur . Quo fit ut Proslamba-
 nomenon siue A re Hypodorii ea tono acumine superuadat quae est i Hypophri-
 gio . similiter & Meseu siue a la mi re hypophrigii eam quae est i Hypodorii eiusde
 excedat acumine toni . Inde reliquas interpositas uoces totumq; hypodorii ordine

Philosophi

Hypodori
 Hypophrigi-
 us
 Hypolidius
 Dorius
 Phrigius
 Lydus
 Mixolidius

Interiectæ uoces atque totus hypophrygi ordo toni dimensione superua-
dere contingat. Idem q; ordo atq; processus euenit in ceteris quod quisq; a se ip-
so facile comprehendere potest. Hos igitur septem modos secundum septem
diapason species iisdem cordis & uocibus acumine tantum inuicem & grana-
te distantes constar esse deductos: His Ptholomeus ipse superduxit Hyper-
mixolidium cuius omnium uocum progressio mixolidii obstruionem tono sa-
peraret acumine. Eorum enim deductam dispositionem octo primis intro-
ductorii litteris figuraliter hoc ordine duximus ascribendam.

Ptholomeus
Hypermixo-
lidius

hypodorus	hypophrygius	hypolidus	hypodorus				
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ
α	β	γ	δ	ε	ζ	η	θ

Hos enim modos Boetius noster tropos dicit: quos in totis uocum ordini-
bus constitutiones acumine grauitate ue differentes esse concludit. Consti-
tutionem uero plenum modulationis corpus esse ex consonantiarum
coniunctione consistens. Tropi idcirco propter conuersionem qua unus in
alterum deducitur transeundo ex grauitate in acumen, nam tropos graue
k iiii

Boetius

Baccheus

Cassiodorus

Dorius

Phrigius

Eolius

Lasius

Lydius

Cassiodorus

Martianus

Aristoteles

latine conuersio interpretatur. Baccheus autem apud graecos recentior musicae facultatis interpret septē tantū modos iuxta septē spērū diapason dispositionē pōt. Sed Cassiodor⁹ i epistola ad Boetiū quinq; tantū cōmemorat quos tonos dicit p^{ri}us. s. nō b⁹ a plaga siue puincia ubi singuli reperi sunt & plurimū ei⁹ patriae gētes delectatiōe arraherētur appellatos. Dorium. n. prudētia largitorē asserit atq; effectorem castitatis. Phrigius pugnātes excitat ut inquit ille & uotū furoris inflāmat. Eol⁹ animi tēpestates trāqu. llat somnū ipsis iā placatis tribuēs. lasiū obrutis intellectū acutere declarat quippe qui & terreno grauatis affectu celestium bonorum appetentiam indulget. Lydius uero nimias animae curas ac tedia reparatione remittit & oblectatione corroborat. His autem quinque excellentioribus & principalibus modis decem alios adiunctos fuisse ita scilicet ut unusquisq; eorum duos confederatos modos amplecteretur Cassiodor⁹ asserere uidetur quos Martianus alio ordine connumerat dicens Lydium primum esse cui Hypolidius & Hyperlidius sociantur. Secundum. Hyastium cui comites sunt Hypoast⁹ & Hypast⁹. Tertiū Ioliū cui coherēt Hypoeoli⁹ & Hypeoli⁹. Quartum Phrigium cum Hypophrigio & Hyperphrigio. Quintum Dorium cui Hypodorium & Hiperdorium asserit adherere. Varias quoq; secūdu diuersos dispositas a natura cōplexiōes modi siue toni ipsi affectiones adducunt. nāq; Ali⁹ intētiōe excitat: alter (ut primo primi lati⁹ mōstratū ē) remissiōe reuocat. alter itē leticiam: alter mērorem affert. atq; ita singulos ipsos modos diuersos effectus operari cōpertum est. At uocem humanam in se aptam atq; cōpositam cunctorum sonis instrumentorum longe aptiorem esse ferunt ad demulcendas aures & sedandas ipsius animi passiones lāgorelq; corporis expellēdos atq; ad excitādos motus: ipetūq; reuocādos: quippe qui & modulatio & uerba atq; ipsorū sensus uerborum exprimi p^{re}ciipiūtur. Quo fit ut aius gemina affectione: cōcētū. s. & uerborū cōciratione moueatur: cum tāta potissime mēsurā: tāto ordine: tāta numerosa sonoritate deducta humanas ipsas aures mira suauitate demulceat. qđ & Aristoteles i musicis p^{ro}blematibus firmissime disputare uidet atq; cōcludere Rursus ois ton⁹ siue modus summū habet & infimū: quas ad medium conducuntur. uerū cū sine se ea esse nō possint quas alterna sibi uicissitudine referūt: nō iutiliter iuētū ē Artificialē musicā auctoz opationib⁹ diuersis organis ac fidib⁹ exquisitā eisdem tonis modis ut trineri: quos humana solertia doctissima inquisitione harmoniā quā dā diapason. s. cōcineriā ex oibus congregatam comprehendere percepit: cuius quidem mirabilis adunatio omnes harmonici cōcentus uirtutes cōseruat. celeberrimas. His enim alternis modis atq; item hac concinentia Cytharedus fidibus p^{ro}priā p^{ro}portionabiliter cytharā ornat: quā & si alteri tradiderit percutiendā uel f^{id}iculas ipsas totumq; ordinem remittet in grauitatem uel in acumen intentione (ipsā tamē sēp diapason cūctūq; ei⁹ ordinē uenerādo) attenuabit. ide ex modo i

alterum modum deducitur ipse concentus. Idem quoque & Lyricus in lyra sua ac ceteri qui instrumentis musicis exercet. hinc uarios illos diuersorum modorum effectus uariisq; hominum insuper & cunctorum animantium concitationes existimo nasci. Cuique uelle suum Poetica illa persuasione conceditur: cum non uno uoto uiuatur: neque cunctis unus idemque modulationis ritus cocelebrari uideatur. Anglici cum concinendo iubilant: cantant Galici. Hyspani ploratus promunt. Germani ululatus. Italorum nonnullos ut genuenses & qui ad eorum littora resident exprobrare ferunt. Aliis autem (quod egre fero) latratum attribuant Barbari: ipsos tamen Italos disciplina artis ceteris celeberrimos Christianorum religionis cetus ueneratur. Eos denique modos octonario deprehensos numero Ecclesiastici mulici tonos nominant quasi ex tonis tonorumque partibus scilicet semitonis conductos & confirmatos. quos quidem regulas esse dicunt quibus omnis modularis concentus intentione atque remissione in fine cognoscitur discernitur & iudicatur. sed latius horum progressionis & formulas in primo practicae disposuimus.

Poeta
Anglici
Galici
Hyspani
Germani
Itali

F I N I S.

CARMEN LANCINI CVRTH.

Icamus numeris Therpsicore genus
d Dium: quæ modulos pyæi corrigis
Inuenti pretium: non ebar aureæ
Nunc testudinis: aut tollere tibias
Dementis Satyri carmine præparo:
Picarum ue loquar nomina siluulis:
Sed quæ dulcisonis mellissimum mellos
Apraut citharis ut spacium notas
Et tractus tenuis linea clauderet:
Quæ certa cohibet consona dissonis
Norma: quæq; ciet corpora pulsibus
Naturam moderans regula firmior.
An fractus ratio præcipites tenens
Cantatur. Comites quæ egregia trahit
Astris luce pares: primaq; circino
Mensuram relegit sine carentium.
Succedens numerat uix numerabiles.

Altum per tenebras tertia suspicite
Coelorumq; uias uelleq; lunatum
Ad regnum Elysium hæc ad superum lares
Commostrauit iter : listit originem
Vicinamq; polo : qua effigies tyræ
Intermixta nitet fulgida sydera.
Oran-um numeros temperat hæc sono
Vt Gracchum famulus : commoda & artibus.
Aut iucunda comes : dia poemara
Hæc pangit : probat hæc præmia olympica
Seu plectro expedias : seu querimonis
Lugubris repetas carmina nenia :
Seu lectos numeros : hæc Venus imbuat
Potu nectareo & triplice gratia :
Torpentem docilis : pellere inertiam
Seu conuiuia : seu te choreæ tenent :
Cum motus facilis iactat ionicos
Virgo : siue uiri concilia amoribus
Transuersis oculus ridet ab angulis
Et reddit gracili uerba silentio :
Quod Cypris iaculum torquet ad intima
Tunc tuta est modulis falsa proteruitas :
Quæ læsæ eripitur uirginis unguibus.
Quauis pace magis congruat & ioco
Ludis apta : replet bella perhorrida
Vrgenti sonitu : nec stabiles rapit
In discrimen atrox : tantus adest tubæ
Clangenti furor : & sunt lituo imperus
Mentes arma & equos qui stimulent : nouos
Affectus animis dat : recreat : fugat
Hoc uidit sapiens urbs Lacedæmonum :
Quauis plurisonas abnuerit fides.
Arma arma ad medias uir macedo dapes
Reiectis epulis arma sub insonat :
Mutato phrigio mox reperit thoros.
Bacchantes reprimens ter quater æditus
Huius pythagoras posse palam facit :
Argutum ut crepuit tibia doricum.

Instrumenta cupis qui uaria & nota
Cantus multiplici noscere: dictitant
Naturæq; parens Sanctior & Plato
Flaccus Virgilius Tullius eloquens
Et doctus Fabius plurima: Achaica
Ars dudum obtinuit iura quirritium.
Nec si conticuit notaq; serius:
Discentem pigeat forte senescere.
Num tu docte senex articulos rudes
Formas ad citharæ dulce periculum?
Ah non depuduit distere iam senem:
Quod nescire magis dedecuit uirum:
Ingens Milciades quem uigilem rapit.
Sit tanquam speculum Socraticus labor
Hæc molles animos conciliat: feros
Mollit cura decens regibus affuit.
Sic antro æacides semiuiri senis
Grandes ad Citharam composuit manus:
Quæ missis fidibus diruta pergama
Graïs exhibuere Hæctorea nece.
In cædem a modulis proripuit furor:
Ut bello redeuntem exciperent lyræ.
Quæsitæ apii uoce coronulas
Inter sanguinolentæ arbitrium necis
Sertis imperii trux Nero prætulit.
Huius centuplicem rex Babylonius
Surdam audire sonum iussit imaginem.
Hanc Moses phario surripuit iugo
Qui gentem recutitam: exhibuit sacris
Alternantq; tholi hinc uocibus organa
Sacrarum: ars sterilis non sterilis labor
Suauis grex repetit: quem bonus æthiops
Auri propositis conditionibus
Cantanter reuocauit numeris fauens:
Ut uirtutibus est diffugium unicum.
Hanc reges populis uillula Ciuitas
Iucundæ uenerantur leuat omnia.
Incude haud scio quid musicum ab ignea

Brontes & Steropes Trinacrii infremunt:
Spirantes zephyri flamineus & globus
Et riuus saliens suaue remurmurant:
Feruens cæruleum qui trabe naufraga
In ferro esuriens uerberibus secat:
Solatur modulis sæuæq; grandinum
Luctantesq; notos fluctibus increpat.
Gleba falce iugis uomere sarculo
Aut rastro agricolis integra brachia
Laxis restituit: pascua fistula
Commendat pecori: & frugibus area
Messorum grauior uocibus instrept.
Cantu pensa trahunt dura puellulæ
Ne frigus labor & tædia sentiat.
Festo scle canens vlmus opacior
Aufert omnem operum pectore rustico
Curam: quin faruis grataq; beluis
Est: agni caper hinc hinc aries salit.
Et ceruus pauidis excipit auribus
Oblitus dapium murmura fistulæ.
Venator teneri cespite graminis
Dum cantu recubans flamina prouocat.
Auritas nemorum credidit arbores:
Quas uidit fidibus threiciis rapi.
Et captam stupuit sic uolucrum oscinem:
Quæ complet liquidum cantibus æthera:
Prata & faticanis mulcet oloribus.
Est lac dulce fluens alituum gula.
Siluis atq; Lari cecropides canunt
Et regum thalamis psitacus infrequens
Auratas caueas gutture fabricat.
Tinnitu quoq; Apes per thyma hymettia
Ad mellis redeunt suaue opus inuiæ.
Nec surdis odio est musica piscibus.
Sit testis miseri casus Arionis:
Hæc pisces scopulos hæc rapit æquora
Tritona & madidis nereides comis.
Semper fluxa potest sistere flumina.

67
Et non mob. lium pondera montium :
Ad valles modulis compulit humidas .
Nec Dirce stabilis saxa uolantia
Ad thebas stupuit : cum caneret lyra
Amphion : uacuo hæc dulce opus ingerit .
Et festum exhilarans allicit ocium :
Festiuæ parat hæc fræna licentiæ
Vnguento & bibulis purior amphoris .
Vrentes fugat hæc solitudines :
Et mentem leuat ex ætibus anxiam .
Grande hæc ingeniis præsidium admouet .
Et nigram nebulam pectoribus citat .
Hanc proter regio est nomine clarior
Gallorum ut celebris Gallia cantibus
Gallorum celebrata Idæq; tympanis :
Gallorum similis Bistonidum cohors
Supplaudit strepitus ad Berecynthios .
Hæc lucis Satyros capripedes ciet
Faunos : semideum cum dryadum grege .
Et Bacchi celeris cornua sulcit :
Custodem : & dubio semper ut it pede .
Mirum si pecudes & iuga montium
Et cum fluminibus mulcet amabiles
Siluas : cumq; mari corripit & feras :
Infanti aut querulo molliat ubera :
Aut mentes hominum possideat Leues .
Mirum si numeris Echo remugiat :
Siren uoce cauas : aut tenuit rates :
Immanisq; Cyclops luminis unici
Soletur uitium dispare fistula :
Nisæusq; lapis condidit modos :
Mirum si furias demonis arceat :
Orcus nil miserans audit Orphea :
Dum fatus modulis Euridicen petit .
Placatum uigilem Cerberem & Stryga
Seq; ipsum stupuit portitor inferus .
Indignans lachrymas Eumenidum pater
Sentit Tanareus quid pietas foret .

Tollit nil animas imperiosius :
Nec desiderium fortius occupat :
Harpyia unguiculis hæc uiolentior
Gaudet carminibus perficere omnia .
Nunquam perdomitam Castalidum notis .
His, Tortam aggredior uincere Monycham .
Flecteturq; puto : ni tumidum mare
Lucus saxa feras & rabiem Aphrici
Toruam persephonen diraq; Tartara
E normi superet sauitia : insolens
Vt forma exuperat Tyndaridis decus .
Quæcunq; orbe tegit sydereo parens
Natura : omne opus & musica temperat .
Quem patri insidianti prius abstulit :
Hæc cogit placidum Lemniaco Iouem
Cantatis precibus cedere summi .
Hanc uirgo genetrix Coelicoli ducis .
Nunquam rore leui tacta cupidinum .
Dilexit : meditans & genus : & polum :
Et uates geminum Castora musicis
Flexit uocibus ut lumina redderet .
Hæc Phœbi decus est pyeridum choris .
Hæc Phœbi decus est dulce epulis 'deum .
Hæc cantata moras Cynthia sustinet .
Hanc Pan & Linus & Mercurius celer
Hanc prudens repetit pallas ab ægide :
Hæc Sortes : Clarii & fatidici specus
Hæc uerumq; Iouem concinuit sacri
Vox flatus Dauidi fataq; gentium .
Horum Gaffurius se gerit æmulum
Franchinus resonis dulciloquus modis .
Quis carmen meritum promerito terat
Huic qui Caliope sacra refecerit .
Cuius docta opera musica tollitur .
Cuiusq; auspiciis musica floreat .
Cuiusq; ære nitens musica prodeat :
Vnus post ueterum longa uolumina :
Cantantem sequitur uoce Boetium .

Vita consiliis arte scientia:
Vllum non Truiis conueniet parem:
Quare composita mente benignior
Urbs rerum domina: urbs urbibus imperans
O diuum domus: o: patria mi inclyta
Patres o pueri: uosq; puellule:
Culmen grande hominum Mercurialium
Franchinum meritis dicite laudibus:
Franchinum Immodicis tollite honoribus
Franchinumq; piis cingite frondibus
Et myrto: aut olea: siue uolubili
Exornate hedera: siue apii magis
Serto: seu diadama hamonis apparat
Daphne: quæ propria est Laurea Apollinis:
Cingat Tæspiaci tempora Musici:

LAVS DEO.

Impressum mediolani per Magistrum Philippum Mantegatium dictum Castanum opera & impensa Magistri Ioannis Petri de Iomatino anno salutis M. cccc. Lxxxii. die xv Decembris.